合成孔径雷达快速后向投影算法综述

邢孟道^{*①2} 马鹏辉^① 楼屹杉^① 孙光才^① 林 浩^① ^①(西安电子科技大学雷达信号处理全国重点实验室 西安 710071) ^②(西安电子科技大学前沿交叉研究院 西安 710071)

摘要:后向投影(BP)算法是合成孔径雷达成像算法发展的重要方向之一。然而,由于BP算法具有较大的计算 量,阻碍了其在工程应用上的发展。因此,近年来如何有效地提高BP算法的运算效率受到了广泛的重视。该文 讨论了基于多种成像面坐标系的快速BP算法,包括距离-方位平面坐标系、地平面坐标系和非欧氏坐标系。该文 首先简要介绍了原始BP算法的原理和不同坐标系对加速BP算法的影响,并对BP算法的发展历程进行梳理。然后 讨论了基于不同成像面坐标系的快速BP算法的研究进展,并重点介绍了作者所在研究团队近年来在快速BP成像 方面完成的研究工作。最后介绍了快速BP算法在工程上的应用,并展望了未来快速BP成像算法的研究发展趋势。 关键词:合成孔径雷达:快速后向投影算法;成像面;坐标系;运算效率

中图分类号: TN957.52 文献标识码: A 文章编号: 2095-283X(2024)01-0001-22 **DOI**: 10.12000/JR23183

引用格式: 邢孟道, 马鹏辉, 楼屹杉, 等. 合成孔径雷达快速后向投影算法综述[J]. 雷达学报(中英文), 2024, 13(1): 1-22. doi: 10.12000/JR23183.

Reference format: XING Mengdao, MA Penghui, LOU Yishan, *et al.* Review of fast back projection algorithms in synthetic aperture radar[J]. *Journal of Radars*, 2024, 13(1): 1–22. doi: 10.12000/JR23183.

Review of Fast Back Projection Algorithms in Synthetic Aperture Radar

XING Mengdao^{*(1)}⁽²⁾ MA Penghui⁽¹⁾ LOU Yishan⁽¹⁾ SUN Guangcai⁽¹⁾ LIN Hao⁽¹⁾

^①(National Key Laboratory of Radar Signal Processing, Xidian University, Xi'an 710071, China) ^②(Academy of Advanced Interdisciplinary Research, XidianUniversity, Xi'an 710071, China)

Abstract: The Back Projection (BP) algorithm is an important direction in the development of synthetic aperture radar imaging algorithms. However, the large computational load of the BP algorithm has hindered its development in engineering applications. Therefore, techniques to enhance the computational efficiency of the BP algorithm have recently received widespread attention. This paper discusses the fast BP algorithm based on various imaging plane coordinate systems, including the distance-azimuth plane coordinate system, the ground plane coordinate system, and the non-Euclidean coordinate system. First, the principle of the original BP algorithm and the impact of different coordinate systems on accelerating the BP algorithm are introduced, and the development history of the BP algorithm is sorted out. Then, the research progress of the fast BP algorithm based on different imaging plane coordinate systems is examined, focusing on the recent research work completed by the author's research team. Finally, the application of fast BP algorithm in engineering is introduced, and the research development trend of the fast BP imaging algorithm is discussed.

收稿日期: 2023-10-04; 改回日期: 2023-12-15; 网络出版: 2024-01-05

*通信作者: 邢孟道 xmd@xidian.edu.cn *Corresponding Author: XING Mengdao, xmd@xidian.edu.cn

©The Author(s) 2024. This is an open access article under the CC-BY 4.0 License (https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/)

基金项目:国家自然科学基金(62271375),中央高校基本科研业务费专项(20199234731),雷达信号处理全国重点实验室支持计划项目 (KGJ202201)

Foundation Items: The National Natural Science Fundation of China (62271375), The Fundamental Research Funds for the Central Universities (20199234731), The stabilization support of National Radar Signal Processing Laboratory (KGJ202201) 责任主编: 仇晓兰 Corresponding Editor: QIU Xiaolan

Key words: Synthetic Aperture Radar (SAR); Fast back projection algorithm; Imaging plane; Coordinate system; Computational efficiency

1 引言

现如今,合成孔径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR)^[1]技术向着低约束飞行轨迹、多成像 模式、宽测绘带等方向发展,这对成像算法的通用 性提出了更高的要求。传统频域算法[2-7]更多依赖 于对斜距历程的建模,随着SAR系统飞行轨迹越发 复杂,斜距历程多变,同时回波信号存在更为严重 的二维耦合空变问题, 使得频域算法存在较多限 制^[8,9]。相较之下,由计算机层析领域引入的后向 投影(Back Projection, BP)算法^[10-14],通过在时域 逐脉冲相干积累能量得到精确聚焦的图像,可以 认为无限制,几乎能够满足所有的成像模式。但其 运算效率十分低下,在实际工作中难以应用,因此 针对BP算法的研究主要集中在解决其加速问题。 自1999年Yegulalp^[15]提出快速后投影(Fast Back Projection, FBP)算法和2003年Ulander等人^[16]提出 快速多级后投影(Fast Factorized Back Projection, FFBP)算法后,研究人员开始了对快速BP算法的 探索,提出了众多的基于不同成像面坐标系的快速 BP算法,主要可以分为基于距离-方位平面坐标 系、地平面坐标系和非欧氏坐标系的3类快速BP 算法。

距离-方位平面坐标系主要适用于最基本,也 是最常见的直线平飞轨迹, 该轨迹的斜距历程始终 在同一平面内变化。因此,在距离-方位平面上建 立坐标系,复杂程度低,更易于成像。基于该成像 面坐标系的快速BP算法,在距离-方位平面中建立 成像网格得到低分辨率子孔径图像,然后通过对低 分辨率子孔径图像升采样相干融合得到最终成像结 果。相比于距离-方位平面坐标系,地平面坐标系 主要应用于机动轨迹。考虑到雷达轨迹在三维空间 中复杂多变,成像平面随运动轨迹而变化,距离-方位平面与地平面间的投影为非线性变化[17]。因 此,基于距离-方位平面坐标系的快速BP算法无法 直接应用。针对机动轨迹下平台运动特性和实际成 像需求,基于地平面坐标系的快速BP算法在地平 面建立坐标系,并布置成像网格。不同于前两者, 非欧氏坐标系大多见于高轨SAR系统中。需要指出 的是,高轨SAR系统长时间持续观测和超大幅宽引 入的二维相位误差会导致图像散焦[18-20]。因此非欧 氏坐标系在地平面坐标系成像的基础上考虑地表弯 曲的影响,基于此成像面坐标系的快速BP算法在 地平面建立贴合实际地面的曲面成像网格。此外对 于快速BP算法,其关键之一在于成像面内不同坐 标系的选取,主流坐标系种类主要有极坐标系与直 角坐标系。目前最具有代表性的快速BP算法是FF-BP算法^[16],它基于波束锐化的思想,在局部极坐 标系下进行成像,然后对各子孔径图像进行相干融合, 最后合成成像结果。FFBP算法虽然极大提高了成 像效率,但在各级子孔径图像融合时需要进行插值 处理,影响了成像质量。而对于直角坐标系下快速BP 成像,虽然在图像相干融合时只需简单的平移相 加,无需插值处理,但受限于高采样率需求,容易 造成频谱混叠,因此对于各类成像面直角坐标系快 速BP算法的研究依旧是个挑战。

与此同时,对于机动平台SAR而言,其通常运行在对流层中,受大气湍流和其他气象因素的影响较大^[21],导致航线可能偏离理想的轨迹,从而产生运动误差,并且使得SAR回波信号的相干性减弱,影响SAR成像质量,甚至出现散焦现象。因此针对机动平台SAR开展与快速BP算法相结合的运动补偿技术研究至关重要。

综上所述,快速BP算法实现有效减少计算量 的核心在于选取合适的坐标系。不同平台具有各自 的运动特征,快速BP算法选取的坐标系有所差异。 因此,本文针对基于不同成像面坐标系的快速BP 算法,首先简要介绍了原始BP的原理,对各类成 像坐标系进行比较,并对极坐标系与直角坐标系之 间的频谱进行分析。然后对基于距离-方位平面坐 标系、地平面坐标系和非欧氏坐标系的3类快速BP 算法进行了阐述,重点介绍了作者团队近年来在快 速BP算法方面开展的研究工作。最后对全文进行 总结,并展望未来快速BP成像算法的发展趋势。

2 快速BP基础概述

2.1 原始BP和快速BP算法原理

BP成像作为一种无近似的成像算法,可以应 用于任意运行轨迹与任意成像模式。其成像步骤可 简化为:首先建立成像网格,然后计算网格中每个 点的相干积累结果^[22]。BP成像几何模型如图1所 示,图中紫色线条为雷达的飞行轨迹,虚线为雷达 运动轨迹在地面的投影,地面蓝色网格为成像网 格。假设场景中存在一点*p*,对其在方位时间*t*_a收 到的回波信号经过距离脉压后可表示为





图 1 任意模式下BP成像几何模型 Fig. 1 BP imaging geometry model in arbitrary mode

$$S(t_{\rm r}, t_{\rm a}) = \operatorname{sinc} \left(B \left[t_{\rm r} - \frac{2R_p(t_{\rm a})}{\rm c} \right] \right)$$
$$\cdot \exp\left[-jK_{\rm rc}R_p(t_{\rm a}) \right]$$
(1)

其中, t_r 为距离快时间, $K_{rc} = 4\pi f_c/c$ 为中心波数, f_c 为载频,c为光速,B为发射带宽, $R_p(t_a)$ 为点目标 p到雷达相位中心的斜距,sinc $(t_r) = sin(\pi t_r)/(\pi t_r)$ 。

BP成像算法将每次脉冲回波数据经脉冲压缩 后投影回成像场景,能量在合成孔径时间内相干积 累,得到全分辨率的图像,能量相干积累公式如下 所示^[8,9,23]:

$$I(x,y) = \int_{t_{\rm s}}^{t_{\rm c}} S(t_{\rm r},t_{\rm a}) \exp\left[{\rm j}K_{\rm rc}R_p(t_{\rm a})\right] {\rm d}t_{\rm a} \qquad (2)$$

其中,I(x,y)表示BP的成像结果, t_{s} 和 t_{e} 为合成孔

径时间的起止时间。从式(2)可以看出BP成像只需 取每个方位时刻t_a的回波信号,并补偿对应的相位 信息,最后进行累加就可以计算出(x,y)处的图像值。 但是由于BP算法在成像过程中需要对每个点在每 个脉冲时刻与SAR平台的瞬时距离都要进行精确计 算,并以此通过插值在回波中提取相应的能量,大 量的逐点插值操作使得BP算法的计算量庞大。例 如假设合成孔径时间内有N次脉冲,那么生成一幅 N×N的图像总共需要进行N³次插值,计算效率 低下成为影响BP发展与应用的重要限制。

为了解决BP算法的计算效率低下的问题,近几 年来提出了各类快速BP算法,其发展脉络如图2所 示。由于BP算法的计算量与回波数据的长度和图 像的大小呈正相关,因此早期的快速BP算法原理 是将回波数据进行子孔径划分,在每个子孔径上分 别进行低分辨率成像,最后进行子孔径图像相干融 合,使得计算效率得到大幅提升。但需要注意的 是,在子孔径相干融合提升分辨率时,其计算量要 小于子孔径高分辨率成像时所需的计算量。在后续 众多学者对快速BP算法的研究中,发现能够实现 加速的前提是低分辨率子孔径图像频谱没有混叠, 子孔径成像需要满足Nyquist采样需求,而不同坐 标系的采样率需求不一样。在极坐标系下能以较低 的采样率对图像进行采样,且不会造成频谱混叠。 但是图像在极坐标系下会发生畸变,不同极坐标之 间的畸变不一样,在图像相干融合时需要进行插值



图 2 快速BP算法发展脉络图

Fig. 2 Fast BP algorithm development venography

处理。而直角坐标系对二维空域进行均匀采样,图 像融合时直接相干索引叠加即可,但其高采样率会 使得计算效率大幅降低。

因此,对于成像坐标系的选取,在不同成像面 内进行快速BP成像具有重要作用。

2.2 成像坐标系

对于各类快速BP成像算法,其中一个关键问题是选择一个合适的坐标系,使子孔径BP图像的频谱可以在相对较窄的范围内压缩。目前已有的坐标系种类主要有极坐标系、直角坐标系和鉴于两者之间的虚拟极坐标系。又可以根据低分辨率子孔径图像所在坐标系与最终全分辨图像所在坐标系是否一致分为局部坐标系和全局坐标系。

Yegulalp等人提出的FBP和Ulander等人提出 的FFBP算法,都是基于局部极坐标系来实现对原 始BP算法的加速。如图3所示,以每个子孔径中心 为原点分别建立局部极坐标系(r, θ),其可以分为距 离维与角度维。当角度维的网格划分较为稀疏时, 可以充分发挥局部极坐标系在角度维低采样率的特 点,只需较少的采样点便可以重建低角度维分辨率 的子图像,这就是这类算法运算效率相较于原始 BP算法得以大幅提升的关键。通过在局部极坐标 系下进行子孔径图像逐级相干融合来提高成像分辨 率,但多次插值操作会造成误差积累,使得成像效 果较差。

在低分辨率子孔径图像融合和极坐标系图像转 换为最终直角坐标系图像的过程中,需要在距离维 与角度维进行插值处理。大量的插值操作使得计算 效率与成像质量恶化,因此如果减少插值的计算负 载就能极大提高算法效率与成像质量。Zhang等 人^[24,25]提出了一种如图4所示的以全孔径中心为原



图 3 局部极坐标系 Fig. 3 Local polar coordinates system

点的全局虚拟极坐标系(r,sin θ)。子孔径成像采用 全局虚拟极坐标系,使得所有子孔径图像的波数谱 均位于统一波数空间,只需对子图像的波数谱进行 方位平移,便可实现波数谱融合,不需要进行插 值,因此避免了插值误差和对波数谱的破坏,能够 精确地保留波数谱的原有形式。但其要求子图像波 数谱无模糊,且最后仍需要利用二维插值操作将图 像从极坐标系转换到直角坐标系,使得计算量增加。

虽然在全局虚拟极坐标系下成像时,可以很好 地避免插值操作所带来的误差积累,但在超高分辨 率需求条件下时,难以满足成像需求。文献[26]中 提出了一种混合坐标系。如图5所示为混合坐标系 成像网格划分,以子孔径中心为原点,*y*轴垂直于 雷达飞行方向。对成像场景按距离维与角度维平均 分割,建立新的成像网格(y, θ),其中y是场景内像 素到飞行轨迹的最近距离, θ 是像素点到原点的连 线与y轴的夹角,r为像素点到原点的距离,三者的 关系为 $y = r \cdot \cos \theta$ 。与极坐标相比,混合坐标系成



图 4 全局虚拟极坐标系 Fig. 4 Global pseudo polar coordinate system



图 5 混合坐标系 Fig. 5 Hybrid coordinate system

像系统不需要在距离维进行插值,只需在角度维上 进行插值,减少了插值计算,从而提高了运算效 率。但由于图像相干融合时依旧存在插值操作,图 像质量也就不可避免地会受到影响。

相较于上述各类坐标系, 直角坐标系有几何构 型更简单、编程实现更容易等优势。并且当在直角 坐标系下进行波束形成时,只需要简单的平移操作 即可完成图像投影,而如果应用于聚束模式,更是 无需任何操作,直接相干索引叠加即可。然而直角 坐标系下过高的采样率需求使得运算效率低下,并 且会造成频谱混叠。为了突破在直角坐标系下的子 孔径成像需要高采样率的限制,西安电子科技大学 提出了基于全局直角坐标系下的多平台各类快速BP 成像算法,在图像相干积累的过程中充分利用直角 坐标系无需插值与逐点运算的优势。以全孔径中心 在地面上的投影为原点,建立如图6所示全局直角 坐标系,虽然仍采用子孔径进行成像然后融合,但 不同于极坐标下的成像算法,每一级的子孔径采用 同一个直角坐标系进行成像。且由于所布置的成像 网格在整个方位向上为均匀分布,不同子孔径所对 应的网格区间是已知可求的,因此在低分辨率子孔 径图像融合时,不再需要逐点运算与插值融合,直 接进行相干索引叠加即可。同时,随着合成孔径时 间的增加,子孔径的成像网格间距逐渐缩短,方位 分辨率也将提升。

对上述所提的对各类坐标系进行比较,如表1 所示。在极坐标下进行的快速BP成像算法,能以 较低的采样率进行子孔径低分辨率成像,但由于其 为局部坐标系,各级图像相干融合时需要进行插值 操作,会导致误差积累,影响成像质量。而由极坐 标系衍生出的虚拟坐标系,虽然可以采用全局坐标 系的优势,不再需要进行插值处理,但限制条件较 大,难以普及。而在混合坐标系进行快速BP成像 时,虽然相较于局部极坐标系下成像,减少了插值 次数,但依旧会有误差积累,影响成像质量。相较 于极坐标系下的各类快速BP算法,直角坐标系下 成像质量更高,并且在全局直角坐标系下,整个低 分辨率子孔径图像融合过程中可以充分利用直角坐 标系平移不变特性,更利于工程化实现。但为了突 破直角坐标系对低分辨率子孔径图像采样率的限 制,需要充分分析图像频谱,探寻造成采样率过高 的原因。

2.3 极坐标系与直角坐标系下的频谱分析

无论已有的局部极坐标系快速BP算法还是全局直角坐标系快速BP算法,都是通过把回波数据进行子孔径划分处理来减少计算量。而对于每个子孔径,仅需要进行低分辨成像,就可以带来计算效率的大幅提升。因此,子孔径图像的分辨率决定了快速BP算法的计算效率。然而,为了保证子孔径图像能够有效通过相干合成来提升分辨率,子孔径图像的分辨率需要满足目标频谱采样需求。对于较窄的频谱带宽,只需较低的采样率就可以满足BP映射的要求,而且不会造成模糊。

由于角度维所需的采样率较低,因此在极坐标 系下可以大幅压缩信号采样率而不会造成频谱混 叠,极坐标系也就成了FBP与FFBP的首选。并 且,Yegulalp在文献[15]中给出了局部极坐标系下 二维波数谱的支撑区为



Fig. 6 Global cartesian coordinate system

Tab. 1 Comparison of advantages and disadvantages of imaging in various coordinate systems			
坐标系	优点	缺点	
局部极坐标系	可以以较低的采样率进行子孔径低分辨成像而 不会造成频谱混叠	各级图像相干融合时需要进行插值操作,会使得误差积累, 分级次数越多,误差积累越大,成像质量越差	
全局虚拟极坐标系	不再需要进行插值处理,成像质量高	成像条件限制大,要求子图像波数谱无模糊, 并且在最后的图像融合阶段,计算量较大	
混合坐标系	只需对角度维进行插值,不需要对距离维插值, 减少了插值次数,提高了成像质量	需要插值处理,对成像质量依旧有影响	
全局直角坐标系	成像时无需插值与逐点运算,成像质量更好, 更利于工程化实现	直角坐标系对子孔径图像采样率要求过高	

表 1 各类坐标系下成像优缺点对比

$$\begin{cases} -\frac{V_{\max}l}{c} \le K_{\theta} \le \frac{V_{\max}l}{c} \\ -\frac{2V_{\min}}{c} \le K_{r} \le \frac{2V_{\max}}{c} \end{cases}$$
(3)

其中, V_{max}和V_{min}为频率最大值与最小值, *l*为子孔 径长度。根据Nyquist采样定理, 局部极坐标系下 距离维与角度维的采样需求为^[16]

$$\begin{cases} \Delta r \le \frac{c}{2B} \\ \Delta \left(\cos \theta \right) \le \frac{\lambda_{\min}}{2l} \end{cases}$$

$$\tag{4}$$

其中, λ_{min}为最短波长。可以发现距离维采样率需 求仅与发射带宽相关,而角度维的采样需求与子孔 径长度相关。通过仿真实验对FFBP算法成像过程 中的一个子孔径成像结果进行分析,来验证上述结 论。成像结果如图7所示,可以发现在FFBP算法 中,子孔径实现全分辨率成像只需较窄的频谱宽 度,也就是较低的采样率即可满足成像要求。

下面分析在直角坐标系下的频谱特性。通过对 全局直角坐标系下SAR二维波数域进行分析,得到 波数谱的二维支撑区分别为^[9,27]

$$\begin{cases} K \sin \theta_{\min} \le K_x \le K \sin \theta_{\max} \\ K_{\min} \cos \theta \le K_y \le K_{\max} \cos \theta \end{cases}$$
(5)

其中, θ_{max}和θ_{min}为斜视角的最大与最小值。根据Nyquist采样定理,对子孔径成像网格采样的要求为

$$\begin{cases} \Delta x \le \frac{2\pi}{K \left(\theta_{\max} - \theta_{\min}\right)} \\ \Delta y \le \frac{2\pi}{B} \end{cases}$$
(6)

在聚束模式下时, θ_{max} – θ_{min}可以看作波束宽度与 合成孔径角之和。对于较短子孔径的成像结果,尽 管子孔径合成孔径角较小,但较宽的波束决定了图 像仍需要较高的采样率。而y方向的采样率则由带 宽所决定。同样通过仿真实验对直角坐标系下子孔 径BP成像进行验证,其成像分辨率与上述极坐标 下的FFBP算法分辨率相同,成像结果如图8所示。



 (a) 子孔径成像结果
 (b) 二维频谱图

 (a) Sub-aperture imaging results
 (b) Two-dimensional spectrum

图 7 FFBP成像仿真 Fig. 7 FFBP imaging simulation 对比两者仿真结果,可以发现直角坐标系下子孔径 成像频谱宽度明显大于极坐标系下子孔径图像频谱 宽度,需要更高的采样率来满足成像需求,但较高 的采样率会带来成像网格点数的增加和额外的运算 负担。

在极坐标系下进行快速BP成像,可以利用其 采样率有大量冗余这一特性,通过粗糙图像逐级合 成来提高成像效率,但在图像相干融合过程中,由 于存在不同极坐标系间的投影,需要进行大量插值 处理,对成像质量有影响。而直角坐标系,虽然其 在图像融合过程中有巨大的优势,图像相干积累只 需要简单的平移操作即可[27]。但由于其高采样率需 求,无法通过孔径分割逐级合成来提高计算效率。 为了使得子孔径在直角坐标系下成像时可以满足低 采样率需求,对图8成像结果进行一次频谱压缩, 结果如图9所示。可以发现此时频谱宽度已明显变 窄,但对频谱进行放大后,可以发现依旧存在频谱 展宽现象,需要进行进一步的频谱压缩处理。而对 于不同成像面直角坐标系,其成像时所需的频谱压 缩操作也不同。因此,本文基于不同成像面直角坐 标系下的频谱特性,对适用于各自成像面直角坐标 系下的频谱压缩技术进行详细介绍。

3 基于距离-方位平面坐标系的快速BP成像

随着技术发展,基本模式下SAR成像难以满足



 (a) 子孔径成像结果
 (b) 二维频谱图

 (a) Sub-aperture imaging results
 (b) Two-dimensional spectrum

图 8 直角坐标系BP成像仿真

Fig. 8 Cartesian coordinate system BP imaging simulation



(a) 一次压缩后频谱

(a) Spectrum after one

compression



(b) 左侧频谱放大图 (b) Magnified image of the left spectrum



Fig. 9 Results of spectrum compression

应用需求。以BP算法为代表的时域算法,由于具有 适用于任意模式、任意轨迹的优势,其在SAR成像 领域受到广泛关注。目前针对原始BP算法计算效 率低下而衍生出的快速BP算法,其大都是在雷达 飞行方向与波束方向所在的距离-方位平面上建立 各类坐标系,从而布置相应的成像网格,其成像模 型如图10所示。该模式主要适用于沿直线轨迹飞行 的机载SAR成像,或者其他平飞模式下的SAR成像。 本节基于距离-方位平面坐标系模型,对各类坐标 系下快速BP算法进行描述,并针对直角坐标系对 子孔径高采样率的限制,详细描述了直角坐标系下 的频谱压缩技术。

3.1 距离-方位平面极坐标系快速BP算法

由于极坐标系下低采样率需求,极坐标系在快速BP算法中应用广泛,而FFBP算法是极坐标系下最经典的快速BP成像算法。

在初始阶段,FFBP算法将全孔径划分为若干 个子孔径,并以各子孔径中心为原点,在各自局部 极坐标系内生成一幅低分辨率子图像。在处理阶段 采用逐级叠加的方法,将多个子孔径图像进行相干 融合,得到新一级更高分辨率的子孔径图像进行相干 融合,得到新一级更高分辨率的子孔径图像,并随 着递归融合的进行,子孔径的长度不断增加,子孔 径的数目不断减少。最后,将极坐标图像变换到直 角坐标系,得到全分辨率的图像。对于场景中的点 目标,在不同子孔径坐标系下,其子图像具有不同的 距离和角度坐标。因此,在融合不同孔径对应的子 图像时,需要进行原坐标系到新坐标系的映射。目 前,这个映射过程主要依赖于距离域和角度域的插 值操作。插值操作主要包括两个步骤:首先,计算 待插值像素点在投影斜距和投影视角方面的信息;



Fig. 10 Imaging model in the distance-azimuth plane coordinate system

其次,通过升采样或者截断的加权sinc插值方法来 计算待插值像素点对应的数值。然而,每次相干叠 加前的插值操作都会使得误差积累,影响成像质量, 分级次数越多,误差积累越严重。因此,在第1步 划分子孔径时,通常采用较长的子孔径,便于减少 误差积累。同时, 文献[24]提到FFBP算法中所划 分的第1级子孔径不能过小,其计算效率随着分级 次数增加而提升。这是由于FFBP算法第1阶段采 用BP积分进行波束形成,而第1级子孔径越长,分 级次数越少,其运算效率就会越低。综上所述,FFBP 算法的精度与效率难以两全。尽管通过提高升采样 率和增加sinc插值核的点数,以及减少FFBP算法 的递归次数,可以在一定程度上改善插值精度并减 少插值误差的累积,但这些方法仍然无法完全避免 插值误差,而且可能会增加运算负担。因此,实际 操作中往往牺牲FFBP的计算效率以获得较好的聚 焦效果,因此FFBP的计算效率也难以达到理论值 $O(N^2 \log_2 N)$ 。使用一组机载聚束SAR实测数据对 FFBP算法进行验证,其实测成像结果如图11所示, 成像效果较为良好。

针对FFBP算法存在的缺陷,文献[28]尝试通过 优化参数设置和选择插值核来改善FFBP算法的性 能,但并未从根本上消除插值误差的问题。文献[29] 使用极坐标格式算法替换FFBP算法初始阶段中低 效的BP成像,相较于FFBP算法,该算法中图像融 合的迭代次数减少,运算效率与成像质量同时得到



图 11 FFBP算法成像结果 Fig. 11 The imaging result of FFBP algorithm

提高,但在后期图像融合过程中依旧需要进行插值处理。文献[30]提出了基于坐标系转换的FFBP快速实现方法,通过平移和线性变标操作取代插值操作,但依旧需要在极坐标系下进行图像融合操作。由于在斜视超带宽模式下进行FFBP成像时,即使很短的子孔径也会导致相对较大的频谱带宽,文献[31]提出了基于虚拟极坐标的改进FFBP算法,不同于传统FFBP算法,其将子孔径回波数据递归映射到虚拟极坐标系下,将SAR图像的频谱压缩到较窄的范围内,可以充分利用快速BP图像低采样率的特点,提高计算效率。文献[32]提出一种改进的基于方位等距坐标的FFBP算法,可以在不影响图像质量的情况下实现成像效率的提高,但是当成像网格的方位方向与回波数据方位分辨率方向不一致时,该方法受到限制而无法应用。

文献[24]提出了一种适用于高分辨聚束SAR成 像的加速后向投影(Accelerated Fast Back Projection, AFBP)算法。与FFBP算法使用递归插值实 现图像融合的方式不同,AFBP算法由于采用全局 极坐标系重建子孔径图像,所有子图像波数谱均位 于同一波数空间,因此只需对子图像的波数谱进行 方位平移,便可实现波数谱融合,再通过二维傅里 叶逆变换实现图像聚焦。AFBP算法不需要进行插 值,因此避免了插值误差和对波数谱的破坏,能够 精确地保留波数谱的原有形式,这使得AFBP算法 在效率和精度方面都比FFBP算法更好。但该算法 要求子图像波数谱无模糊,且最后需要将图像从极 坐标系变换到直角坐标系,增加了计算量。使用X-波段高分辨率聚束SAR实测数据对AFBP算法性能 进行验证,成像结果如图12所示。通过观察子场景 成像结果,可以发现聚焦后的点目标突出,聚焦效 果良好,有效地避免了插值误差对图像质量的影响。

3.2 距离-方位平面直角坐标系快速BP算法

不同于极坐标系,直角坐标系受限于高采样率 需求,容易造成频谱混叠。



图 12 文献[24]所提算法成像结果 Fig. 12 The imaging result of the proposed algorithm in Ref. [24]

为了突破在直角坐标系下子孔径成像要求高采 样率的限制,文献[27]提出一种在直角坐标系下进 行波束形成的快速BP算法,称为直角坐标多级后 投影(Cartesian Factorized Back Projection, CF-BP)成像算法,其流程图如图13所示。首先建立二 维平面直角坐标系,在直角坐标系下进行低分辨的 子孔径BP成像,然后通过频谱压缩和补零上采样 提升子孔径图像的分辨率,最终只需要简单地将子 孔径图像相加就可以得到全分辨的图像。在整个子 孔径合成过程中只需要采用快速傅里叶变换(Fast Fourier Transform, FFT)操作,相比于FFBP算法 不仅降低了算法的计算量,而且更利于工程化实现。

文献[27]通过对第*i*个像素点(*x_i*, *y_i*)的斜距进行 泰勒展开,发现展开项中的二次项是导致频谱展宽 的原因,并构建与之对应的谱压缩函数:

$$\begin{cases} F_{c1} = \exp\left(\frac{-jK_{c}x_{i}^{2}}{2y_{i}}\right) \\ F_{c2} = \exp\left(\frac{-jK_{r}x_{i}^{2}}{2y_{i}}\right) \end{cases}$$
(7)

其中,距离波数K拆分为 $K_{c} + K_{r}$, $-B/2 \le K_{r} \le B/2$ 。使用 F_{c1} 和 F_{c2} 进行频谱压缩后,方位频谱宽度表示为

$$K_x = (K_c + K_r) \frac{-x}{y_i} = K \frac{-x}{y_i}$$
 (8)

在经过F_{c1}和F_{c2}补偿后,此时与极坐标系下的 图像融合相似,由于直角坐标系成像后带宽与孔径 长度成正比,因此通过划分长度较短的子孔径,在 大幅度降低子孔径采样率的同时,可以保证频谱无







模糊。然后进行直角坐标系下的图像相干积累处理,由于不再需要进行插值操作,相较于FFBP算法,计算效率得到提升。

采用一组机载聚束SAR实测数据对CFBP算法 进行验证,并与FFBP算法成像进行比较,其成像 结果如图14。FFBP算法成像结果中可以观察到目标 存在散焦,较CFBP成像结果散焦更严重,旁瓣更高, 质量更差。并且在耗时上,FFBP算法耗时3815 s, 而CFBP算法仅耗时713 s,其计算效率更快。

对FFBP算法与CFBP算法的计算量进行分析 对比。假设方位采样为 L_a ,生成图像大小为 $N \times N$ 像素点,子孔径数量为n,原始BP成像采用8倍插 值处理,计算量如表2所示,其中FFBP算法采用 了8倍sinc插值核进行二维插值。当N = 16384, 子孔径数量n = 32时,CFBP算法与FFBP算法计 算量随方位采样点数的变化如图15所示,可以发现 CFBP算法计算量小于FFBP算法。

相较于传统基于极坐标系的FFBP, CFBP无需 逐点插值,避免了因插值处理而导致计算效率和计 算精度之间的矛盾^[9,27]。

4 基于地平面坐标系的快速BP算法

随着雷达搭载平台的多样化发展,平台运行轨



(a) FFBP成像结果 (a) The imaging result of FFBP algorithm



(b) 文献[27]所提算法成像结果(b) The imaging result of the proposed algorithm in Ref. [27]

图 14 FFBP算法与文献[27]所提算法结果对比

Fig. 14 The FFBP algorithm is compared with the results of the proposed algorithm in Ref. [27]

迹变得多样化与复杂化。在距离-方位平面坐标系 进行快速BP成像时,由于距离-方位平面与地面之 间的投影为线性变化(即模型中雷达运动轨迹较为 单一),难以满足复杂机动轨迹下SAR成像需求。 对于如图16所示的灵活飞行轨迹SAR、弹载SAR以 及圆周轨迹SAR等各种灵活机动轨迹,其成像平面 随着飞行轨迹变化,没有统一的斜距平面,难以同 时兼顾算法的成像效率与实时性。本节主要描述基 于地平面坐标系的快速BP算法,在地面上建立坐 标系与布置成像网格,以满足复杂机动轨迹下对地 面实时精确成像需求。

4.1 地平面极坐标系快速BP算法

对于极坐标下的FBP与FFBP算法,虽然都是 在原有BP算法的基础上进行改进,提高计算效率, 但FFBP算法的多级运算处理不适合进行并行运算。 为此,在条件允许的情况下,一般采用更适合并行 运算的FBP算法^[33]。由于后期图像处理中用来特征 匹配的SAR图像,其分辨率不需要很高,因此在投 影操作时,只需使用临近点插值进行能量积累即 可,剩余计算主要集中于斜距计算上。为进一步提 升BP算法成像效率,文献[34]从斜距历程形式出 发,提出了一种基于FBP算法进行场景划分的快速

表 2 FFBP算法与CFBP算法计算量对比 Tab. 2 Comparison of computational burden between FFBP algorithm and CFBP algorithm







Fig. 15 Comparison of computational load between FFBP algorithm and CFBP algorithm



Fig. 16 Imaging model in ground plane coordinate system

BP算法,该方法将全孔径与全场景划分为若干子 孔径与子场景,对相同子场景中的像素点进行距离 徙动近似,避免了FBP算法在计算斜距时需逐点计 算的问题,进一步提升效率。

FFBP算法虽然无法进行并行运算,但可通过 拆分BP积分,逐级合成同样使得BP算法效率大幅 提升。文献[16]给出的计算量分析表明,FFBP算 法的成像效率与频域算法可以达到相同的水平,并 且文献中FFBP算法考虑了方位方差的变化和地形 的变化,与直接返回投影相比,其计算效率得到显 著提升。文献[35]基于子孔径处理技术,提出一种 适用于弹载双基前视SAR成像的扩展FFBP算法, 在椭圆极坐标系下进行子图像处理,并对子图像进 行不同的Nyquist采样,使得计算效率得以提升。 文献[26]对传统极坐标网格进行改进,提出基于混 合坐标系的快速BP算法,将距离维与角度维平均 分割,建立混合坐标系成像网格。在子孔径图像从 极坐标转换为直角坐标时,只需对角度维插值即 可,不再需要对距离维插值,减少了子孔径图像融 合过程中的插值误差与计算量。该算法成像结果如 图17所示,其成像质量良好。

4.2 地平面直角坐标系快速BP算法

在地平面上布置直角坐标系进行成像处理时, 文献[36]提出基于局部直角坐标系和子区域处理的 频域BP算法,在距离-多普勒域进行相干积分,实 现方位聚焦。其流程图如图18所示,主要分为5个 步骤,首先统一进行距离徙动校正与加速度补偿, 然后通过方位谱滤波来划分子区域并进行子区域距 离徙动校正,然后通过频域后向投影与子区域图像 拼接得到最终成像结果。该算法通过建立局部直角 坐标系的斜距模型,使得近似误差更小,子区域具



图 17 文献[26]所提算法成像结果 Fig. 17 The imaging result of the proposed algorithm in Ref. [26]

有相同处理架构,因此不需要进行子块拼接,避免 了频域子孔径方法存在方位不连续的问题。但其没 有考虑子区域加速度所引起的空变剩余相位和剩余 距离徙动,适用范围受到限制。其实测结果如图19 所示。

对于全局直角坐标系下的CFBP算法,因为在 求解谱压缩函数时多次使用了近似处理,CFBP算 法受到极大限制,只能对正侧视小范围的距离-方 位平面进行成像。对于复杂多变的俯冲轨迹,由于 其成像模式多样,成像平面随着飞行轨迹变化,没 有统一的斜距平面,无法满足其变斜距的成像精度 要求。针对这一问题,Chen等人^[37]提出了一种基 于地平面直角坐标系的快速BP (Ground Cartesian Back Projection, GCBP)算法,在地面布置直角坐 标系成像网格,通过采用两步谱压缩技术实现子孔 径图像的频谱压缩。其主要流程与各步骤计算量如 图20所示。该算法考虑三维机动轨迹在地平面建立 直角坐标网格,能够适用于任意轨迹、任意前斜角 和任意成像模式。采用两步谱压缩,突破成像对图 像采样率要求过高的限制,实现无需插值的快速 BP成像,同时GCBP算法适用于分块并行处理, 并且满足实时成像的要求。目前,该技术已成功应 用于某型号导引头上。

因为波数的变化是连续的,并且子孔径时间较短,因此可以假设目标的谱中心(K_{xc},K_{yc})由子孔径中心时刻t_i决定,因此通过波数分解后目标点的频谱表达式可以写为



图 18 文献[36]所提算法流程图

Fig. 18 Flow chart of algorithm proposed in Ref. [36]





$$K_{xc}\left(x,y
ight)$$

$$= K_{\rm rc} \frac{x - X_i(t_i)}{\sqrt{(X_i(t_i) - x)^2 + (Y_i(t_i) - y)^2 + Z_i^2(t_i)}} \quad (9)$$

$$K_{\rm yc}(x, y)$$

$$= K_{\rm rc} \frac{y - Y_i(t_i)}{\sqrt{\left(X_i(t_i) - x\right)^2 + \left(Y_i(t_i) - y\right)^2 + Z_i^2(t_i)}}$$
(10)

其中, $(X_i(t_i), Y_i(t_i), Z_i(t_i))$ 表示雷达在 t_i 时刻的 位置, K_{rc} 为载频对应的发射波数。

GCBP算法第1步和第2步,需要分别建立全孔径和子孔径的成像网格和坐标系。第1步谱压缩通过对子孔径图像 $I(x_i, y_i)$ 补偿一个二维相位函数 $f(x_i, y_i)$ 实现,即:

$$f(x_{i}, y_{i}) = -K_{\rm rc} \sqrt{\left(X_{i}(t_{i}) - x_{i}\right)^{2} + \left(Y_{i}(t_{i}) - y_{i}\right)^{2} + Z_{i}^{2}(t_{i})}$$
(11)

此时,目标的频谱移动到了频谱中心,而经过 第2步谱压缩后,频谱倾斜将会得到矫正。频谱倾 斜矫正是以频谱中心线为基准,也就是移动频谱中 心线的位置来实现频谱矫正。在距离频域矫正沿水 平向空变的谱倾斜时,采用相同的方法补偿相位, 即第2步谱压缩函数:



Fig. 20 Flow chart of algorithm proposed in Ref. [37]

$$g(x_i, K_y) = \int \frac{\partial g(x_i, K_y)}{\partial x_i} \mathrm{d}x_i = -\frac{K_y}{2} \frac{\left(X_i(t_i) - x_i\right)^2}{Y_i(t_i) - y_c}$$
(12)

其中, y_c为y_i的中心值。图21显示了局部BP图像 波数支持区域的示意图。可以直观地看出,经过第1 步谱压缩后,空变的谱中心偏移被消除,在第2步 谱压缩后,空变的频谱倾斜也被消除。

使用两组机载SAR实测数据对GCBP算法进行分析验证,其图像结果分别如图22(a)、图22(b) 所示,对于图22(a)的计算时间,在同一台单处理 器上工作时,原始BP算法需要消耗125 min来构建 最终图像,而GCBP算法仅需9 min。观察成像结 果,可以发现两组数据都聚焦良好,证明GCBP算 法对俯冲模式下具有良好的成像效果且效率更高。 假设方位采样为 L_a ,图像最终大小为 $N \times N$,子孔 径数量为n,采用8倍插值处理。文献[26]、文献[36] 与文献[37]所提算法的计算量如表3所示。当 N = 16384,子孔径数量n = 32时,三者计算量随 方位采样数变化如图23所示。GCBP算法计算量略 高于角度维采用8倍插值的文献[26]所提算法,低于 文献[36]所提算法。

5 基于非欧氏坐标系的快速BP成像

前文所述的距离-方位平面坐标系与地平面坐标系主要应用于低空轨道,此时地面观测场景相较 于雷达而言可以认为是平面几何,也就是欧氏几何。 对于高轨SAR成像,其具有超大的宽测绘带以及优 秀的续航能力^[38-40]。但由于运行高度在几百公里到 几万公里不等,此时雷达与地表具有巨大的高度差 异,使得地表弯曲不可忽略。如图24所示,高轨SAR 对地成像时,地面观测场景为曲面几何,也就是非 欧氏几何,如图中红色观测区域所示。而基于平面 坐标系的快速BP算法主要适用于低空SAR成像场 景,即观测场景中的弯曲幅度可以忽略不计,而对 于高轨SAR成像不再适用。因此,如何在非欧氏几 何空间内设置坐标系,从而布置成像网格,对高轨 SAR快速BP算法研究具有重要意义。

CFBP算法对每个子孔径采用相同的直角坐标 系成像网格,虽然避免了插值操作,但造成了子孔 径图像的方位谱混叠,并且适用模式单一,仅适用 于直线轨迹,对于曲线轨迹无法直接进行成像。而



Fig. 21 The schematic diagram of spectrum compression proposed in Ref. $\left[37\right]$





表 3 文献[26]、文献[36]与文献[37]所提算法计算量对比
Tab. 3 Comparison of computational burden between algorithm
Proposed in Ref. [26], Ref. [36] and Ref. [37]

算法	计算量
文献[26]所提算法	$\frac{8N^2L_{\rm a}}{n} + 8N^2 {\rm log}_2 n$
文献[36]所提算法	$50N^2\log_2 N + 30N^2 + \frac{8N^2L_{\rm a}}{n}$
文献[37]所提算法	$\frac{8N^2L_a}{n} + (2n+2)N^2 + (n+1)N^2\log_2 N - N^2\log_2 \sqrt{n}$
$\begin{array}{c} 2.0 \\ 1.8 \\ 1.6 \\ \overline{c_{0}} \\ 1.4 \end{array}$	





GCBP算法是一种改进的CFBP算法,其通过将成像网格布置在地面,避免了图像几何形变,并且改



图 24 非欧氏坐标系成像模型 Fig. 24 Imaging model in non-Euclidean coordinate system

进频谱压缩函数,使其使用范围更加广阔。对于高 轨SAR成像,由地表弯曲引入的二维相位误差会导 致图像散焦,GCBP算法没有考虑地表弯曲所带来 的方位相位误差,并且需要进行大倍数的上采样操作, 计算效率较差。使用GCBP算法对曲面进行成像仿 真,取场景左边缘点、中间点与右边缘点进行分 析,其能量等高线图与剖面图如图25所示,可以发 现使用地平面成像算法对曲面进行成像时,两侧点 目标聚焦效果较差,成像精度较低。



Fig. 25 Simulation results of GCBP algorithm for surface imaging

虽然对高轨SAR而言,此时成像地面不再是平 面,但仍然符合直角坐标的定义,也就是罗氏空间 的直角坐标,可以使用非欧氏几何学模型对三维场 景中物体之间的相对位置与相互关系进行计算。因 此,针对基于平面网格的快速BP算法均无法有效 处理由于地表弯曲而引起的方位相位误差问题, 文 献[41]针对星载SAR成像提出了一种基于实际弯曲 地表的快速BP成像方法,其主要流程如图26所示。 首先,基于实际地表进行成像网格的布置。接着, 针对子孔径图像的方位频谱混叠所带来的影响, 建立二维子孔径图像与三维网格坐标之间的映射关 系,采用一种改进的两步频谱压缩方法,第1步是 将谱中心移动到网格中心处,第2步是方位频谱倾 斜校正。其次,采用了多级图像合成方法来减少计 算量,该方法能够避免大量的方位补零和图像域插 值,在计算量和精确度方面均具有良好表现。最后 将各个距离子场景的图像进行拼接,得到最终成像 结果。目前,该技术已成功应用于世界首颗高轨合 成孔径雷达卫星——陆地探测四号01星。

为确保建立的成像网格能贴合地面, 文献[41] 将成像网格布置在经纬度坐标下,如图27所示。在 建立经纬度坐标系下的成像网格后,若具备成像场 景处的数字地形高程数据,可以通过插值获取每个 网格点的海拔,在此基础上减去平均高程并进行补 偿,以获得每个网格点的准确海拔。将成像网格点 的坐标转换到地理坐标系下,并在距离向上对整个 成像网格进行划分,此时整个场景的成像网格是基 于场景中心点统一建立的,因此各个距离子场景图 像在拼接时不用再进行几何校正处理。但是子孔径 BP图像为二维图像,而曲面网格中的点目标为三 维坐标,因此图像(*I_x*, *I_y*)与成像网格方位向的中间 行在场景坐标系下的坐标(*x*c, *y*c, *z*c)的映射关系可 近似为

$$\begin{cases} x_{c} = f(I_{x}, I_{yc}) \approx k_{x1}I_{x} + k_{x2}I_{x}^{2} + k_{x3}I_{yc} + k_{x4}I_{yc}^{2} \\ y_{c} = g(I_{x}, I_{yc}) \approx k_{y1}I_{x} + k_{y2}I_{yc} \\ z_{c} = h(I_{x}, I_{yc}) \approx k_{z1}I_{x}^{2} + k_{z2}I_{yc}^{2} \end{cases}$$
(12)

$$H_{\rm sc1}(I_x, I_y) = \exp\left(-jK_{\rm rc}\sqrt{(X(t_{\rm c}) - x_i)^2 + (Y(t_{\rm c}) - y_i)^2 + (Z(t_{\rm c}) - z_i)^2}\right)$$
(14)

$$H_{\rm sc2}\left(I_x, K_y'\right) = \exp\left(jK_y'\frac{(x_{\rm c} - X(t_{\rm c}))^2 + (y_{\rm c} - Y(t_{\rm c}))^2 + (z_{\rm c} - Z(t_{\rm c}))^2}{-2k_{y2}Y(t_{\rm c})}\right)$$
(15)

其中, k_{xn} ,n = 1, 2, 3, 4, k_{yi} , $i = 1, 2\pi k_{zj}$, $j = 1, 2\beta$ 别表示各个坐标的多项式系数。由于距离频域无法 处理随距离空变的方位频谱展宽,因此 I_y 用其中心 I_{yc} 表示。基于两者的映射关系,可以得到两步谱 压缩函数分别为式(14)与式(15)。其中K'为目标经 过第一步谱压缩后的距离维波数支撑区范围, t_c 为 当前子孔径的波束中心时刻。经过两步谱压缩后的 方位波数谱宽度为

$$K_x = 2K_{\rm rc}\sin\theta_i\cos\theta_g\sin\frac{\theta_{\rm ba}}{2} \tag{16}$$

其中, θ_{ba}表示方位波束宽度。

最后对两步谱压缩后的子孔径图像进行方位2倍 上采样操作与逆两步频谱压缩处理,对子孔径图像 进行相干融合即可得到最终成像结果。地理坐标系 下快速BP算法实测结果如图28所示,可以发现其 成像结果质量较好。



图 26 文献[41]所提算法流程图 Fig. 26 Flow chart of algorithm proposed in Ref. [41]

假设原始数据的方位采样为L_a,成像网格方位 向与距离向点数为N×N,包含n个子孔径与η个距 离子场景。原始BP采用8倍插值处理。可以得到文 献[41]所提算法计算量为

$$\frac{8N^2L_{\rm a}}{n} + \sum_{i=1}^{\log_2 n} \left(N^2 \left(3\log_2 \sqrt{\frac{N}{\eta}}\right) + 3\log_2 \sqrt{\frac{N \times 2^{i-1}}{n}} + 7\right) \times 2^{i-1}\right)$$
(17)



图 27 文献[41]所提成像网格和方向向量示意图 Fig. 27 The schematic of imaging grid and direction vectors proposed in Ref. [41]



(a) 实测结果1(a) Result 1



(b) 实测结果2 (b) Result 2





当N = 16384, n = 32时, 文献[41]所提算法与 原始BP算法计算量随方位采样数的变化如图29所 示,其计算量明显小于原始BP算法。

6 结合运动补偿的快速BP成像

SAR平台飞行高度通常在百米至千米,位于大 气对流层中,气流运动明显,气候复杂多变,容易 受到气流等因素影响,造成飞行轨迹严重偏差,如 图30所示,真实轨迹与理想轨迹间的误差难以忽视。 相对于整个飞行轨迹而言,运动误差的量级较小, 轨迹偏移并不大。在此情况下,快速BP算法并不 会失效,但会使得成像结果存在散焦。一般情况下, 使用惯性导航系统和全球定位系统进行运动误差轨 迹。但由于现有的惯导技术无法达到聚焦成像所需 的精度,仅依赖成像算法也难以满足实际的成像需 求,会引起图像散焦与成像几何失真。因此,在SAR 成像中,运动补偿技术的应用显得至关重要。

6.1 极坐标系下运动误差补偿技术

在极坐标系下进行快速BP成像时,可以使用 适应度函数作为误差估计方法,例如采用图像锐化



图 29 文献[41]所提算法与原始BP算法的计算量对比 Fig. 29 Comparison of computational load between the proposed algorithm in Ref. [41] and original BP algorithm



图 30 实际成像轨迹模型 Fig. 30 Real imaging trajectory model

度等作为适应度函数进行相位误差估计。文献[42] 使用BFGS优化算法进行误差估计,提出了基于离 散余弦变换系数的最大图像锐化度相位校正方法来 估计相位误差,虽然提高了计算效率,但使得估计 准确度降低。文献[43]同样基于最大图像锐化度准 则建立相位误差估计优化模型,并提出了一种针对 FFBP算法的有效自动对焦方法,使用坐标下降法 和割线法来获得闭合解,使得相位误差得到了很好 的补偿。同理,该类方法也可适用于虚拟极坐标系下, 文献[44]提出了一种结合广义锐化度指标与AFBP 成像模型的两步时域自聚焦算法,分为子孔径自聚 焦与子孔径图像相干积累两步骤,对子孔径使用遗 传算法与最大化最大像素值方法来估计相位误差。 但总的来说这类估计方法计算效率都不高,并且当 局部BP图像存在非线性距离徙动时,难以正确估 计相位误差。

不同于上述基于适应度函数的估计方法,快速 BP算法还可以结合传统自聚焦算法进行运动误差 补偿,例如相位梯度自聚焦(Phase Gradient Autofocus, PGA)^[45,46]和图像偏移算法(Map Drift Autofocus, MDA)^[47-49]。这类算法在2009年由Jakowatz 和Wahl首先提出^[50],该种方法能够正确估计误差 的一个必要条件是图像域和相应的距离压缩相位历 程域信号之间存在近似的傅里叶变换关系。Zhang等 人^[25]以此提出了一种结合FFBP算法的多孔径图像 偏移算法,在虚拟极坐标下成像得到子孔径图像, 然后通过递归得到精确的相位误差函数,经过运动 误差校正后得到聚焦良好的图像,使用该算法对实 测数据进行成像,结果如图31所示,从数据处理结 果看,图像得到了良好的聚焦。与传统的基于极坐 标的FFBP算法相比,虚拟坐标系的相位误差可视 为空间不变分量,便于估计和补偿,因此文献[51] 同样在虚拟极坐标系下,结合FFBP算法和加权 PGA来实现自聚焦,但对于超宽带条件下无法适 用。而文献[52]提出在虚拟极坐标系下与FFBP算 法相结合的多子带局部自聚焦算法,适用于超宽带 条件下运动误差补偿,通过改进子孔径误差融合方 法来适应孔径边缘的运动误差,并且使用改进的加 权PGA方法得到运动误差的非线性映射关系。文 献[53]提出了一种基于局部图像方位去斜和PGA的 二维空变相位估计方法,可以结合极坐标系下的 FFBP算法实现相位误差校正,但是方位去斜会导 致剩余空变距离偏移和剩余空变方位相位, 使得误 差估计不准确。总的来说,这类算法的可行性基于 近似的傅里叶变化关系,而机动平台SAR的机动性 和超高分辨都会引起近似傅里叶变化关系的失效,

其中轨迹的机动性造成的频谱形变与偏移,使得近 似的傅里叶变化关系不存在,或者引入额外估计误 差,这部分误差在长合成孔径的积累下将严重影响 聚焦质量。

6.2 直角坐标系下运动误差补偿技术

适用于直角坐标系BP成像的运动误差估计方 法同极坐标系下相似,也可分为基于适应度函数的 估计方法与结合自聚焦算法的运动补偿方法两类。 Ash^[54]基于最大化图像锐化度,提出了一种适用于 聚束模式下BP成像的自聚焦方法(Autofocus Back Projection, ABP),采用空间投影法进行相位误差 估计,虽然获得高估计精度,但由于算法每次迭代 都需对一个大型矩阵进行求逆运算,导致计算效率 低下。文献[55]对文献[54]进行了改进,只选取少数 像素点进行自动聚焦估计相位误差,减少了内存与 计算时间的需求。但上述两种算法都没有意识到 SAR图像的能量分布对ABP算法的性能有很大的 影响,因此文献[56]提出了一种适用于低频SAR 图像的自聚焦BP算法,通过选择区域和平衡数据 的能量,有效地避免由于能量分布不平衡而引起的 估计误差。文献[57]提出了一种与CFBP算法相结 合的自聚焦算法,通过对CFBP算法中的谱压缩步 骤进行修改,构造了补偿后的子孔径图像与直角坐 标系下距离脉压后的相位历史数据之间的近似傅里 叶变换关系,采用多孔径MD算法来获得相位误差 信息,同时结合奇异值分解总体最小二乘法来提高 估计的鲁棒性。该方法继承了CFBP算法的优点, 能够校正残留的距离变化引起的相位误差。

但对于复杂轨迹SAR而言,其在距离-方位平



图 31 文献[25]所提算法成像结果 Fig. 31 The imaging result of the proposed algorithm in Ref. [25]

面上成像时首先需要将复杂轨迹补偿为直线轨迹, 这会引入新的误差,同时引入图像的几何形变^[37]。 此时,上述方法都将不再适用。并且雷达平台在实 际飞行过程中存在三维方向误差,导致目标在直角 坐标系下BP图像存在非线性距离徙动和方位相位 误差,使得目标散焦。为此,文献[58]提出了一种 基于反演数据域相位误差的运动误差补偿方法,适 用于复杂轨迹聚束SAR的运动误差估计,其流程图 如图32所示。

通过求得BP图像频谱和系统发射频谱之间的 关系,使用图像的距离谱范围求取有效的发射频 率,构建相位误差映射网络。图33为映射关系示意 图,其中黑色点为图像的频谱取值点,红色点为有 效的距离向和方位向的发射频点,蓝色线框中黑色 点处的误差为PGA估计的谱域相位误差。通过该 解析的映射关系,可以从图像域的相位误差得到方 位时域的相位误差。

求得一系列子孔径相位误差后,需要将它们拼



Fig. 32 Flow chart of algorithm proposed in Ref. [58]

接成全孔径相位误差。然后对所有子孔径进行相干 拼接得到全孔径相位误差。子孔径相位误差与拼接 后的全孔径相位误差如图34与图35所示。对所有局 部图像进行方位时域误差估计后,可以得到N个相 位误差,用来估计剩余轨迹偏差,最后对理想轨迹 中剩余轨迹偏差进行补偿,利用GCBP算法得到良 好聚焦图像。

使用实测数据对文献[58]所提运动误差补偿 方法进行验证,运动补偿前后结果如图36所示。可 以发现运动误差补偿后的成像结果,得到了良好的 聚焦。

假设方位向采样点数为La, 重叠子孔径数为m,



图 33 文献[58]所提相位误差映射示意图

Fig. 33 Inverse mapping diagram of the phase error proposed in Ref. [58]



表 4 文献[42]、文献[52]与文献[58]所提算法计算量对比 Tab. 4 Comparison of computational burden between algorithm

proposed in Ref. [42], Ref. [52] and Ref. [58]

算法	计算量
文献[42]所提算法	$ \frac{16mDN^{2}L_{\rm a}}{m+1} + mDN^{2} + \rho mDN_{\rm DCT}^{2} + \rho \left(2D^{2} + D + 27\right) L_{\rm a} $
文献[52]所提算法	$\frac{16mDN^{2}L_{a}}{n(m+1)} + 64mDN^{2}\log_{2}n + 2mDN^{2}\log_{2}N + 4mDN^{2} + (6D^{2} + 21D)L_{a}$
文献[58]所提算法	$\frac{16mDN^{2}L_{a}}{n(m+1)} + mD(n+4)N^{2}\log_{2}N$ $-mDN^{2}\log_{2}\sqrt{n} + mD(2n+8)N^{2}$ $+m8N + (6D^{2} + 21D)L_{a}$



图 37 文献[42]、文献[52]与文献[58]的计算量对比 Fig. 37 Comparison of computational load between Ref. [42], Ref. [52] and Ref. [58]

采用FFT插值实现方位上采样操作不同,极坐标系 下快速BP算法在各级图像融合时一般采用sinc插值 实现。而FFT插值通常比sinc插值执行速度更快, 特别是在处理大量数据时。在工程应用中,快速 BP算法的实现往往会结合图形处理器(Graphics Processing Unit, GPU)、数字信号处理器(Digital Signal Processor, DSP)和现场可编程门阵列(Field Programmable Gate Array, FPGA)等硬件设备。 其中,GPU的管理能力(处理器对任务调度和资源 管理的能力)较弱,但具有强大的浮点计算能力及 高度并行的架构,使其在处理可并行任务时具有显 著优势。快速BP算法中的分级迭代过程,下一级 子孔径图像生成依赖于若干上一级子孔径图像数据, 每一级的处理过程可以通过调用GPU中的核函数 实现。同时,GPU适合进行整块数据的流处理算 法,适用于回波数据全部录取完后的成像处理过 程,充分利用其多进程并发的特性。对于需要实时 成像的场景,DSP与FPGA更加适合。DSP的管理 能力较弱,但其运算能力较强,在实时信号处理任



(a) 运动误差补偿前结果(a) Result before motion error compensation



(b) 运动误差补偿后结果(b) Result after motion error compensation

图 36 文献[58]所提运动误差补偿算法成像结果

Fig. 36 The imaging results of the proposed MoCo method in Ref. $\left[58 \right]$

子孔径图像数量为D,大小为N×N,在使用GCBP 算法进行成像时,划分子孔径数为n,文献[42]、文 献[52]与文献[58]的计算量分别如表4所示。为方便 比较,假设m为63时,三者计算量如图37所示,可 以发现文献[58]所提算法计算量最少。

7 总结展望

各类成像面坐标系下的快速BP算法的研究与 应用,使得SAR成像应用场景越来越广泛。相较于 传统BP算法,其能在保证成像质量的同时,使得 计算效率更快,满足实时成像需求。同时,直角坐 标系下快速BP算法的发展为快速BP算法的发展注 入了新的生命,成像效率与成像质量得到提升的同 时,适用场景也越来越广泛。

直角坐标系下快速BP算法与极坐标系下快速BP 算法,除了计算量上的差异外,两者所使用的插值 方式也不同。这是影响它们在实际应用中执行效率 的一个重要因素。与直角坐标系下的快速BP算法 务中表现出色。而FPGA既能管理也能运算,提供 了较高的灵活性和潜在的效率,但其开发难度相较 于前两者更复杂。在实时成像过程中,极坐标系下 快速BP算法,例如FFBP算法,需要录取两个或以 上的子孔径回波数据并成像后,才能进行下一步图 像融合处理。并且生成的每一级子孔径图像数量都 需大于等于2,才可以进行下一步处理,直至得到 最终成像结果。而直角坐标系下快速BP算法,录 取完一个子孔径大小的回波数据并成像处理后,便 可与之前的结果进行相干索引叠加,不需要等待下 一个子孔径回波数据,更适用于实时成像处理。综 上所述,实际选择哪种硬件平台取决于具体应用场 景、性能需求、开发资源以及功耗等多方面因素。

近年来,随着各类快速BP算法在SAR成像领 域使用率的增加,以及雷达观测平台模式变得多样 化,轨迹变得复杂化,快速BP算法存在着较大的 发展空间,从现有的研究状况分析,对未来的发展 趋势进行预测:

(1) 多种模式统一的快速BP算法。目前的各类 快速BP算法需要针对不同的成像场景选择相应的 成像面坐标系布置成像网格,因此,在未来对快速 BP算法的研究中,如何设置一种通用的坐标系来 布置统一的成像网格,适用于不同成像场景,对快 速BP算法的广泛使用具有重要作用。

(2)沿着灵活波束进行成像的快速BP算法。在面向对象的灵活观测模式中,使用快速BP算法沿波束扫描轨迹布置成像网格,能以更少的重访次数实现对场景的扫描,并且能适应任意场景与轨迹,灵活度与回波利用率更高,将成为之后SAR成像模式研究的主要方向之一。

(3) 与各类高性能运算平台结合的快速BP算法。目前各类快速BP算法在工程应用领域较少, 尤其是直角坐标系下快速BP算法。与GPU等各类 高性能运算平台结合可以大幅提升快速BP算法的 计算速度,使其能够应用于更广泛的实际场景。因 此,与各类高性能运算平台相结合的快速BP算法 将会进一步推动快速BP算法在工程应用领域的 发展。

(4) 适用于三维成像的快速BP算法。目前的快速BP算法成像大都应用于二维成像,布置二维成 像网格。若将成像网格设置成三维,使其适用于三 维成像将进一步提高快速BP成像算法的发展空 间。但如何提高三维成像时的计算效率与精度依旧 是快速BP算法发展的重要挑战。 **Conflict of Interests** The authors declare that there is no conflict of interests

参 考 文 献

 保铮, 邢孟道, 王彤. 雷达成像技术[M]. 北京: 电子工业出版 社, 2005.

BAO Zheng, XING Mengdao, and WANG Tong. Radar Imaging Technology[M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2005.

- [2] SOUMEKH M. Synthetic Aperture Radar Signal Processing with MATLAB Algorithms[M]. New York: Wiley, 1999.
- [3] CUMMING I G and WONG F H. Digital Processing of Synthetic Aperture Radar Data[M]. Boston: Artech House, 2005: 108–110.
- [4] MOREIRA A and HUANG Yonghong. Airborne SAR processing of highly squinted data using a chirp scaling approach with integrated motion compensation[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 1994, 32(5): 1029–1040. doi: 10.1109/36.312891.
- [5] RANEY R K, RUNGE H, BAMLER R, et al. Precision SAR processing using chirp scaling[J]. *IEEE Transactions* on Geoscience and Remote Sensing, 1994, 32(4): 786–799. doi: 10.1109/36.298008.
- [6] BAMLER R. A comparison of range-Doppler and wavenumber domain SAR focusing algorithms[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 1992, 30(4): 706-713. doi: 10.1109/36.158864.
- [7] LIN Yun, HONG Wen, TAN Weixian, et al. Extension of range migration algorithm to squint circular SAR imaging[J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2011, 8(4): 651-655. doi: 10.1109/LGRS.2010.2098843.
- [8] VU V T, SJÖGREN T K, and PETTERSSON M I. SAR imaging in ground plane using fast backprojection for monoand bistatic cases[C]. 2012 IEEE Radar Conference, Atlanta, GA, USA, 2012: 184–189. doi: 10.1109/RADAR. 2012.6212134.
- [9] 杨泽民. 快速时域SAR成像与三维SAR运动补偿方法研究[D].
 [博士论文],西安电子科技大学,2016.
 YANG Zemin. Study on fast time domain SAR imaging and three dimensional SAR motion compensation methods[D].
 [Ph.D. dissertation], Xidian University, 2016.
- [10] ANDERSSON L E. On the determination of a function from spherical averages[J]. SIAM Journal on Mathematical Analysis, 1988, 19(1): 214–232. doi: 10.1137/0519016.
- [11] FAWCETT J A. Inversion of N-dimensional spherical averages[J]. SIAM Journal on Applied Mathematics, 1985, 45(2): 336-341. doi: 10.1137/0145018.
- [12] ALBUQUERQUE M, PRATS P, and SCHEIBER R. Applications of time-domain back-projection SAR processing in the airborne case[C]. 7th European Conference

on Synthetic Aperture Radar, Friedrichshafen, Germany, 2008: 1–4.

- [13] DURAND R, GINOLHAC G, THIRION-LEFEVRE L, et al. Back projection version of subspace detector SAR processors[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2011, 47(2): 1489–1497. doi: 10.1109/ TAES.2011.5751274.
- [14] MUNSON D C, O'BRIEN J D, and JENKINS W K. A tomographic formulation of spotlight-mode synthetic aperture radar[J]. *Proceedings of the IEEE*, 1983, 71(8): 917–925. doi: 10.1109/PROC.1983.12698.
- [15] YEGULALP A F. Fast backprojection algorithm for synthetic aperture radar[C]. The 1999 IEEE Radar Conference. Radar into the Next Millennium (Cat. No.99CH36249), Waltham, MA, USA, 1999: 60-65. doi: 10.1109/NRC.1999.767270.
- [16] ULANDER L M H, HELLSTEN H, and STENSTROM G. Synthetic-aperture radar processing using fast factorized back-projection[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2003, 39(3): 760–776. doi: 10.1109/ TAES.2003.1238734.
- [17] 龙腾, 丁泽刚, 肖枫, 等. 星载高分辨频率步进SAR成像技术[J]. 雷达学报, 2019, 8(6): 782-792. doi: 10.12000/JR19076.
 LONG Teng, DING Zegang, XIAO Feng, et al. Spaceborne high-resolution stepped-frequency SAR imaging technology[J]. Journal of Radars, 2019, 8(6): 782-792. doi: 10.12000/JR19076.
- [18] 丁赤飚, 仇晓兰, 徐丰, 等. 合成孔径雷达三维成像——从层 析、阵列到微波视觉[J]. 雷达学报, 2019, 8(6): 693-709. doi: 10.12000/JR19090.

DING Chibiao, QIU Xiaolan, XU Feng, *et al.* Synthetic aperture radar three-dimensional imaging—from TomoSAR and array InSAR to microwave vision[J]. *Journal of Radars*, 2019, 8(6): 693–709. doi: 10.12000/JR19090.

- [19] CHEN Jianlai, SUN Guangcai, XING Mengdao, et al. A two-dimensional beam-steering method to simultaneously consider doppler centroid and ground observation in GEOSAR[J]. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 2017, 10(1): 161–167. doi: 10.1109/JSTARS.2016.2544349.
- [20] 邓云凯, 赵凤军, 王宇. 星载SAR技术的发展趋势及应用浅析[J].
 雷达学报, 2012, 1(1): 1–10. doi: 10.3724/SP.J.1300.2012.20015.
 DENG Yunkai, ZHAO Fengjun, and WANG Yu. Brief analysis on the development and application of spaceborne SAR[J]. Journal of Radars, 2012, 1(1): 1–10. doi: 10.3724/SP.J.1300.2012.20015.
- [21] 李浩林. 机载SAR快速后向投影成像算法研究[D]. [博士论文], 西安电子科技大学, 2015.

LI Haolin. Study on fast back-projection algorithms for

airborne SAR image[D]. [Ph.D. dissertation], Xidian University, 2015.

[22] 陈潇翔. 机载超高分辨SAR运动补偿成像技术研究[D]. [博士 论文],西安电子科技大学,2021. doi: 10.27389/d.cnki. gxadu.2021.003055.

CHEN Xiaoxiang. Study on motion compensation algorithm for ultra high resolution airborne SAR imaging[D]. [Ph.D. dissertation], Xidian University, 2021. doi: 10.27389/ d.cnki.gxadu.2021.003055.

[23] 杨泽民, 孙光才, 吴玉峰, 等. 一种新的基于极坐标格式的快速 后向投影算法[J]. 电子与信息学报, 2014, 36(3): 537–544. doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00613.

YANG Zemin, SUN Guangcai, WU Yufeng, et al. A new fast back projection algorithm based on polar format algorithm[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2014, 36(3): 537-544. doi: 10.3724/SP.J.1146. 2013.00613.

- [24] ZHANG Lei, LI Haolin, QIAO Zhijun, et al. A fast BP algorithm with wavenumber spectrum fusion for highresolution spotlight SAR imaging[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2014, 11(9): 1460–1464. doi: 10. 1109/LGRS.2013.2295326.
- [25] ZHANG Lei, LI Haolin, QIAO Zhijun, et al. Integrating autofocus techniques with fast factorized back-projection for high-resolution spotlight SAR imaging[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2013, 10(6): 1394–1398. doi: 10.1109/LGRS.2013.2258886.
- [26] LIANG Yi, LI Guofei, WEN Jun, et al. A fast time-domain SAR imaging and corresponding autofocus method based on hybrid coordinate system[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2019, 57(11): 8627–8640. doi: 10.1109/TGRS.2019.2921917.
- [27] DONG Qi, YANG Zemin, SUN Guangcai, et al. Cartesian factorized backprojection algorithm for synthetic aperture radar[C]. 2016 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium (IGARSS), Beijing, China, 2016: 1074–1077. doi: 10.1109/IGARSS.2016.7729272.
- [28] FROLIND P O and ULANDER L M H. Evaluation of angular interpolation kernels in fast back-projection SAR processing[J]. *IEE Proceedings-Radar, Sonar And Navigation*, 2006, 153(3): 243-249. doi: 10.1049/ip-rsn: 20045110.
- [29] YANG Zemin, SUN Guangcai, and XING Mengdao. A new fast back-projection algorithm using polar format algorithm[C]. 2013 Asia-Pacific Conference on Synthetic Aperture Radar (APSAR), Tsukuba, Japan, 2013: 373–376.
- [30] YANG Zemin, DONG Qi, SUN Guangcai, et al. A fast implementation method for the FFBP algorithm[C]. 2015 IEEE Radar Conference (RadarCon), Arlington, VA, USA,

- [31] YANG Lei, ZHOU Song, and BI Guoan. A modified fast factorized back-projection algorithm for squint UWB-SAR imaging[C]. 2015 IEEE 5th Asia-Pacific Conference on Synthetic Aperture Radar (APSAR), Singapore, 2015: 413-416. doi: 10.1109/APSAR.2015.7306237.
- [32] WANG Yue, WU Junjie, ZHANG Shaoqing, et al. An accelerate FFBP algorithm of bistatic forward-looking SAR based on azimuth equidistant coordinates[C]. 2019 6th Asia-Pacific Conference on Synthetic Aperture Radar (APSAR), Xiamen, China, 2019: 1–5. doi: 10.1109/APSAR46974. 2019.9048537.
- [33] 邢孟道,林浩,陈溅来,等. 多平台合成孔径雷达成像算法综述[J]. 雷达学报, 2019, 8(6): 732-757. doi: 10.12000/JR19102.
 XING Mengdao, LIN Hao, CHEN Jianlai, et al. A review of imaging algorithms in multi-platform-borne synthetic aperture radar[J]. Journal of Radars, 2019, 8(6): 732-757. doi: 10.12000/JR19102.
- [34] 董祺,杨泽民,孙光才,等.子场景处理的弹载前斜视SAR时域 成像算法[J].系统工程与电子技术,2017,39(5):1013-1018.
 doi: 10.3969/j.issn.1001-506X.2017.05.10.
 DONG Qi, YANG Zemin, SUN Guangcai, et al. Missileborne forward squint SAR time-domain imaging algorithm based on sub-region processing[J]. Systems Engineering and Electronics, 2017, 39(5): 1013-1018. doi: 10.3969/j.issn.1001-506X.2017.05.10.
- [35] FENG Dong, AN Daoxiang, and HUANG Xiaotao. An extended fast factorized back projection algorithm for missile-borne bistatic forward-looking SAR imaging[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2018, 54(6): 2724–2734. doi: 10.1109/TAES.2018.2828238.
- [36] BIE Bowen, XING Mengdao, XIA Xianggen, et al. A frequency domain backprojection algorithm based on local cartesian coordinate and subregion range migration correction for high-squint sar mounted on maneuvering platforms[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2018, 56(12): 7086–7101. doi: 10.1109/TGRS.2018. 2848249.
- [37] CHEN Xiaoxiang, SUN Guangcai, XING Mengdao, et al. Ground cartesian back-projection algorithm for high squint diving TOPS SAR imaging[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2021, 59(7): 5812–5827. doi: 10.1109/TGRS.2020.3011589.
- [38] HU Cheng, LIU Feifeng, YANG Wenfu, et al. Modification of slant range model and imaging processing in GEO SAR[C]. 2010 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium, Honolulu, HI, USA, 2010: 4679–4682. doi: 10.1109/IGARSS.2010.5651501.
- [39] MONTI GUARNIERI A, LEANZA A, RECCHIA A, et al.

Atmospheric phase screen in GEO-SAR: Estimation and compensation[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2018, 56(3): 1668–1679. doi: 10.1109/ TGRS.2017.2766084.

- [40] ZENG Tao, LI Yinghe, DING Zegang, et al. Subaperture approach based on azimuth-dependent range cell migration correction and azimuth focusing parameter equalization for maneuvering high-squint-mode SAR[J]. *IEEE Transactions* on Geoscience and Remote Sensing, 2015, 53(12): 6718– 6734. doi: 10.1109/TGRS.2015.2447393.
- [41] CHEN Quan, LIU Wenkang, SUN Guangcai, et al. A fast cartesian back-projection algorithm based on ground surface grid for GEO SAR focusing[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2022, 60: 5217114. doi: 10. 1109/TGRS.2021.3125797.
- [42] RAN Lei, LIU Zheng, ZHANG Lei, et al. An autofocus algorithm for estimating residual trajectory deviations in synthetic aperture radar[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2017, 55(6): 3408-3425. doi: 10.1109/TGRS.2017.2670785.
- [43] WU Junjie, LI Yunli, PU Wei, et al. An effective autofocus method for fast factorized back-projection[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2019, 57(8): 6145-6154. doi: 10.1109/TGRS.2019.2904608.
- [44] ZHANG Tao, LIAO Guisheng, LI Yachao, et al. A twostage time-domain autofocus method based on generalized sharpness metrics and AFBP[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2022, 60: 5205413. doi: 10. 1109/TGRS.2021.3068789.
- [45] WAHL D E, EICHEL P H, GHIGLIA D C, et al. Phase gradient autofocus—a robust tool for high resolution SAR phase correction[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 1994, 30(3): 827–835. doi: 10.1109/7. 303752.
- [46] YE Wei, YEO T S, and BAO Zheng. Weighted leastsquares estimation of phase errors for SAR/ISAR autofocus[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 1999, 37(5): 2487–2494. doi: 10.1109/36.789644.
- [47] SAMCZYNSKI P, PIETRZYK G, and KULPA K. Simple method for estimating along track acceleration using autofocus map drift algorithm[C]. Proceedings of International Radar Symposium, Berlin, Germany, 2005: 43–47.
- [48] SAMCZYNSKI P and KULPA K. Concept of the coherent autofocus map-drift technique[C]. 2006 International Radar Symposium, Krakow, Poland, 2006: 1–4. doi: 10.1109/ IRS.2006.4338002.
- [49] SAMCZYNSKI P and KULPA K. Non iterative map-drift technique[C]. 2008 International Conference on Radar, Adelaide, SA, Australia, 2008: 76–81. doi: 10.1109/RADAR.

2008.4653895.

- [50] JAKOWATZ JR C V and WAHL D E. Considerations for autofocus of spotlight-mode SAR imagery created using a beamforming algorithm[C]. Algorithms for Synthetic Aperture Radar Imagery XVI, Orlando, FL, USA, 2009: 73370A.
- [51] ZHOU Song, YANG Lei, ZHAO Lifan, et al. Quasi-polarbased FFBP algorithm for miniature UAV SAR imaging without navigational data[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2017, 55(12): 7053-7065. doi: 10.1109/TGRS.2017.2739133.
- [52] DING Zegang, LI Linghao, WANG Yan, et al. An autofocus approach for UAV-based ultrawideband ultrawidebeam SAR data with frequency-dependent and 2-D space-variant motion errors[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2022, 60: 5203518. doi: 10.1109/TGRS. 2021.3062183.
- [53] RAN Lei, XIE Rong, LIU Zheng, et al. Simultaneous range and cross-range variant phase error estimation and compensation for highly squinted SAR imaging[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2018, 56(8): 4448-4463. doi: 10.1109/TGRS.2018.2820102.
- [54] ASH J N. An autofocus method for backprojection imagery

作者简介

邢孟道,教授,博士生导师,主要研究方向为合成孔径雷达、逆合成孔径雷达、稀疏信号处理和微波遥感等。

马鹏辉,硕士生,主要研究方向为合成孔径雷达成像等。

楼屹杉,博士生,主要研究方向为合成孔径雷达成像、合成孔径雷达运动补偿等。

in synthetic aperture radar[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2012, 9(1): 104–108. doi: 10.1109/LGRS.2011.2161456.

- [55] HU Kebin, ZHANG Xiaoling, HE Shufeng, et al. A lessmemory and high-efficiency autofocus back projection algorithm for SAR imaging[J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2015, 12(4): 890–894. doi: 10.1109/ LGRS.2014.2365612.
- [56] CHEN Leping, AN Daoxiang, and HUANG Xiaotao. Extended autofocus backprojection algorithm for lowfrequency SAR imaging[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2017, 14(8): 1323–1327. doi: 10.1109/LGRS. 2017.2711005.
- [57] LUO Yin, ZHAO Fengjun, LI Ning, et al. An autofocus cartesian factorized backprojection algorithm for spotlight synthetic aperture radar imaging[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2018, 15(8): 1244–1248. doi: 10. 1109/LGRS.2018.2829483.
- [58] LOU Yishan, LIU Wenkang, XING Mengdao, et al. A novel motion compensation method applicable to ground cartesian back-projection algorithm for airborne circular SAR[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2023, 61: 5208917. doi: 10.1109/TGRS.2023.3276051.

孙光才,教授,博士生导师,主要研究方向为新体制雷达、雷达成像、动目标成像等。

林 浩,博士生,主要研究方向为合成孔径雷达成像、合成孔径雷达运动补偿和合成孔径雷达干扰抑制等。

(责任编辑:于青)