# 基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反演方法

胡晓宁<sup>123</sup> 汪丙南<sup>\*123</sup> 向茂生<sup>123</sup> 王钟斌<sup>123</sup>
 <sup>①</sup>(中国科学院空天信息创新研究院 北京 100190)
 <sup>②</sup>(中国科学院微波成像技术国家级重点实验室 北京 100190)
 <sup>③</sup>(中国科学院大学 北京 100049)

摘 要:利用干涉合成孔径雷达(InSAR)技术获取数字高程模型(DEM)时,在地形起伏剧烈区域,干涉条纹十分密集,增加了相位解缠的难度,影响相位展开和高程反演的精度。为了解决该问题,该文提出了一种基于 DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反演方法。该方法可以在统一的后向投影成像空间中实现成像和InSAR高程 反演,并且引入外源DEM作为辅助信息,去除大部分地形相位,有效地降低了干涉条纹的密度,减少了干涉相 位的缠绕。此外,该方法在多数情况下可以避免图像配准和相位解缠过程,简化了传统InSAR的处理流程,并且 可以实现高精度的高程反演。通过仿真实验和X波段机载双天线InSAR数据的处理验证了该方法的有效性。

关键词:高程反演;干涉合成孔径雷达;辅助数字高程模型;BP算法;合成孔径雷达
 中图分类号:TN958
 文献标识码:A
 文章编号:2095-283X(2021)03-0391-11
 DOI: 10.12000/JR20144

**引用格式:**胡晓宁,汪丙南,向茂生,等.基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反演方法[J]. 雷达学报, 2021, 10(3): 391-401. doi: 10.12000/JR20144.

**Reference format:** HU Xiaoning, WANG Bingnan, XIANG Maosheng, *et al.* InSAR elevation inversion method based on backprojection model with external DEM[J]. *Journal of Radars*, 2021, 10(3): 391–401. doi: 10.12000/JR20144.

# InSAR Elevation Inversion Method Based on Backprojection Model with External DEM

HU Xiaoning<sup>(1)2)3</sup> WANG Bingnan<sup>\*(1)2)3</sup> XIANG Maosheng<sup>(1)2)3</sup> WANG Zhongbin<sup>(1)2)3</sup>

<sup>(1)</sup>(Aerospace Information Research Institute, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China) <sup>(2)</sup>(National Key Laboratory of Microwave Imaging Technology, Beijing 100190, China) <sup>(3)</sup>(University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: When Interferometric Synthetic Aperture Radar (InSAR) is used to obtain the Digital Elevation Model (DEM), highly sloped terrains will make interferometric fringes dense and increase the difficulty of phase unwrapping, which will affect the accuracy of phase unwrapping and elevation inversion. To solve this problem, an InSAR elevation inversion method based on BackProjection (BP) model with an external DEM is proposed. This model achieves imaging and InSAR DEM inversion in a uniform BP geographic space and introduces an external DEM as auxiliary information. These processes, in turn, can remove most phases of the terrain and reduce the density of interferometric fringes and phase wrapping. Additionally, the proposed method can avoid the procedures of image registration and phase unwrapping in most cases, which simplifies traditional InSAR processing and achieves high processing accuracy. A simulation experiment and X-band InSAR data processing were performed to verify the effectiveness of the proposed method.

Key words: Elevation inversion; InSAR; External DEM; BackProjection (BP) algorithm; SAR

收稿日期: 2020-11-28; 改回日期: 2021-03-29; 网络出版: 2021-04-28 \*通信作者: 汪丙南 wbn@mail.ie.ac.cn \*Corresponding Author: WANG Bingnan, wbn@mail.ie.ac.cn 基金项目: 国家自然科学基金(62073306),中国科学院青年创新促进会项目资助,国家重点研发计划资助(2017YFC0822400) Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (62073306), Youth Innovation Promotion Association CAS, National Key R&D Program of China (2017YFC0822400) 责任主编: 靳国旺 Corresponding Editor: JIN Guowang

# 1 引言

数字高程模型(Digital Elevation Model, DEM)在地形测绘、水文、农业等诸多领域均有着 广泛的应用<sup>[1-3]</sup>。利用干涉合成孔径雷达(Interferometric Synthetic Aperture Radar, InSAR)技术反 演DEM具有全天时、全天候、高效率、高精度等 优势,是目前常用的DEM获取手段之一<sup>[4]</sup>。在地形 起伏剧烈的区域,InSAR干涉条纹变得十分密集, 特别是星载平台。在如横断山脉等地形突变区域, 甚至会出现干涉相位模糊现象。密集的干涉条纹不 仅增加了相位展开的难度,并且会在解缠后的干涉 相位中引入更多的数据处理误差,进而影响高程反 演的精度。

通过引入外源DEM可以降低干涉条纹的密度,已有一些文献对该方法进行了研究<sup>[5-8]</sup>。考虑到中国已有覆盖全国的地形数据,以及已有的各国研究团队通过各种方法获取的一些全球数字高程数据,如利用InSAR技术获取的SRTM (Shuttle Radar Topography Mission ) DEM<sup>[9]</sup>,利用光学成像的立体像对技术获取的ASTER GDEM (The Advanced Spaceborne Thermal Emission and Reflection Radiometer Global Digital Elevation Model)<sup>[10]</sup>,以及通过对SRTM进行再处理,并将其与精细化后的ASTER GDEM高程相融合而生成的NASADEM<sup>[11]</sup>。上述数字高程数据可通过互联网下载获取,为在InSAR处理中引入外源DEM提供了条件。

后向投影(BackProjection, BP)算法是一种完 全时域的无误差成像算法,具有聚焦效果好、相位 保持精度高、运动误差补偿精度高且算法简单、适 用于各种工作模式以及任意运动轨迹的雷达等优 点,在合成孔径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR)成像中得到了广泛的应用<sup>[12]</sup>。文献[13]对基于 BP算法的InSAR方法开展了相关研究,理论分析 了基于BP算法和基于频域成像算法的InSAR方法 的异同,但没有进行实验验证。文献[14]研究了毫 米波的后向投影InSAR成像方法,并进行了实验验 证,但在实测InSAR数据处理实验中仅获取了干涉 相位,未进行后续的高程反演研究。后向投影成像 算法也被用于获取干涉处理所需的SAR图像,以简 化时序干涉处理的流程<sup>[15]</sup>。总体而言,针对基于 BP算法的干涉处理目前研究较少,尤其是针对理 论模型和实测InSAR数据的实验还缺乏深入的研 究<sup>[16-18]</sup>。

针对上述问题,为了降低干涉相位的条纹密度,本文将外源DEM与BP算法相结合,提出了一

种基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反演 方法。该方法利用BP算法获得聚焦的SAR图像, 并在成像过程中引入辅助DEM,然后建立基于 BP成像算法的InSAR高程反演模型,实现高精度 的DEM反演。外源DEM辅助以及BP算法的引入, 不仅可以降低干涉条纹的密度,减少干涉相位的缠 绕,多数情况下甚至可以避免相位缠绕,同时图像 对无需干涉配准,简化了干涉处理的流程。仿真实 验与机载InSAR系统获取的实测数据处理结果证明 了算法的有效性。

#### 2 后向投影InSAR高程反演模型

传统InSAR处理中多采用频域算法成像,获取 的干涉相位中包含平地相位和高程相位。平地效应 会大大增加干涉条纹的密集程度,去平地操作虽然 可以降低干涉条纹的密度,但在地形起伏较大的区 域干涉条纹仍然十分密集,甚至出现相位模糊的问 题,进而影响高程反演。在本文方法中,外源 DEM的辅助和BP算法的引入大大降低了干涉条纹 的密度,并且多数情况下避免了相位缠绕。本节将 从成像处理和干涉处理两个环节对该方法进行详细 介绍,并给出具体的流程。

#### 2.1 后向投影成像算法

BP成像算法的基本原理是对距离压缩后的数据精确补偿投影面上的采样点到天线相位中心的回波延时相位,并逐点逐脉冲地进行相干累积,从而得到聚焦图像<sup>[19]</sup>。

主要包括以下步骤:

(1) 根据成像区域确定成像空间,对成像空间 进行网格划分,并将辅助DEM插值到划分的网格 中作为BP成像过程中的投影面。

(2) 对原始回波数据进行距离压缩。

(3) 计算投影面上的采样点到天线相位中心的 距离延时,进行多普勒相位补偿,对合成孔径内每 个天线相位中心处相位补偿后的数据进行相干累 加,以实现该采样点的方位向聚焦。

(4) 遍历成像空间中的每一个采样点,得到聚 焦成像的结果。

BP算法不存在雷达和目标的斜距近似误差, 成像信号模型十分精确,相位保持精度也很高,并 且BP算法根据雷达轨迹信息进行运动误差补偿, 具有很高的补偿精度,为SAR图像在后续的干涉处 理中获取高精度的DEM提供了基础;另外BP算法 的成像过程处于空间直角坐标系下,易于引入外源 辅助DEM,并且可以避免复杂的图像拼接和地理 编码过程。这也是选择BP算法进行成像处理的 原因。

# 2.2 基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反 演方法

由于BP算法的方位向聚焦步骤中补偿的多普 勒相位项包含了网格点到雷达平台的距离历史信 息,而这正是传统InSAR中干涉相位的来源,因此 基于BP成像算法的干涉几何模型有别于传统InSAR 几何模型。考虑到实际情况下辅助DEM存在地形 起伏,本文建立了基于BP算法曲面投影下的InSAR 高程反演模型,下面进行具体的分析。

成像过程中引入的辅助DEM为粗精度DEM, 与目标的真实高程之间存在误差,因此目标在投影 曲面上的投影位置将偏离目标的真实位置,并且由 于BP成像过程中网格的离散化采样,目标的投影 位置也会偏离成像网格的采样点位置,因此目标真 实的散射中心与成像过程中投影的网格点分别到雷 达天线的斜距存在偏差,进而导致BP成像方位向 聚焦过程中多普勒相位补偿存在误差。该误差正是 基于时域BP算法获取的SAR图像进行干涉处理时 干涉相位的来源,几何模型如图1所示。



图 1 基于BP成像算法的干涉模型 Fig. 1 The interferometric model based on BP imaging algorithm

图1中*z*轴为高度向,*y*轴指向雷达平台的飞行 方向,*x*轴由右手坐标系确定。 $A_1 和 A_2$ 分别代表 主、副天线相位中心的位置,下视角为 $\varphi$ ,基线长 度*B*,基线与水平方向之间的夹角为 $\alpha$ 。由于目标 *P*的真实高度与辅助DEM之间存在高度偏差,主副 天线将*P*分别投影到 $Q_1, Q_2$ ,而成像网格中对应的 离散采样点为*C*。天线相位中心 $A_1$ 的高程为*H*。点 *C*,  $Q_1$ 和 $Q_2$ 的高程值分别为  $z_C, z_{Q_1}$ 和 $z_{Q_2}$ 。投影 曲面上的采样点*C*与目标点*P*的真实位置之间的高 程偏差为 $\Delta h, \theta$ 为 $\overline{A_1Q_1}$ 与垂直方向的夹角。

首先分析图像对偏移量 $\overline{Q_1Q_2}$ 在*xy*平面上的投 影 $\overline{Q_1Q_2}_{Proj}$ 。根据图1中的几何关系, $\overline{A_1P} = \overline{A_1Q_1}$ ,  $\overline{A_2P} = \overline{A_2Q_2}$ ,可得到式(1)和式(2)。

$$\overline{\mathbf{Q}_{1}\mathbf{Q}_{2}}_{\mathrm{Proj}} = \sqrt{\overline{\mathbf{A}_{1}\mathbf{P}}^{2} - \left(H - z_{Q_{1}}\right)^{2}} - \left(B\cos\alpha\right)$$
$$+ \sqrt{\overline{\mathbf{A}_{2}\mathbf{P}}^{2} - \left(H + B\sin\alpha - z_{Q_{2}}\right)^{2}}\right) \quad (1)$$

$$\Delta h = H - z_C - \overline{A_1 P} \sin \varphi$$
根据余弦定理可得
(2)

$$\overline{\mathbf{A}_2\mathbf{P}} = \sqrt{B^2 + \overline{\mathbf{A}_1\mathbf{P}}^2 - 2B \cdot \overline{\mathbf{A}_1\mathbf{P}} \cdot \cos\left(\alpha + \varphi\right)} \quad (3)$$

由式(1)—式(3), 计算 $\overline{Q_1Q_2}_{Proj}$ 对 $\Delta h$ 的泰勒展 开形式,得到图像对偏移量的表达式如式(4),其 中 $\overline{OQ_2}_{Proj}$ 是 $\overline{OQ_2}$ 在*xy*平面上的投影。

$$\overline{\mathbf{Q}_{1}\mathbf{Q}_{2}}_{\mathrm{Proj}} \approx -\frac{B\sin(\alpha+\varphi)}{\overline{\mathbf{O}\mathbf{Q}_{2}}_{\mathrm{Proj}}\cos\varphi}\Delta h \tag{4}$$

由式(4)可以看出,图像对偏移量Q<sub>1</sub>Q<sub>2</sub>Proj</sub>与辅助DEM的高程误差有关,针对目前可以获取的外源DEM精度,其高程误差引起的图像对偏移量少于一个分辨单元的大小。以3.2节的机载InSAR的参数为例,根据式(4)可以计算当投影曲面高程误差为10 m时,图像对偏移量大概为10<sup>-3</sup> m,即只有当Δh达到百米量级时,图像对偏移量才可能超过一个分辨单元。因此可以认为经离散采样后点目标 P位于BP成像网格的同一采样点处。也就是说,基于BP算法的InSAR模型在成像过程中可以实现自配准,无需后续图像配准操作,主辅图像直接共轭相乘即可得到干涉相位,简化了干涉处理的流程。

基于上述结论,下面推导基于DEM辅助后向 投影模型的InSAR高程反演公式。在BP成像过程 中,主图像和辅图像理论上需要补偿的多普勒相位 项分别为 $-4\pi\overline{A_1P}/\lambda$ 和 $-4\pi\overline{A_2P}/\lambda$ 。但在实际的成 像过程中,补偿的多普勒相位项分别为 $4\pi\overline{A_1C}/\lambda$ 和  $4\pi\overline{A_2C}/\lambda$ ,因此由于BP成像网格化导致主辅图像 对之间存在式(5)所示的相位差。

$$\Delta \varphi = \left[ -\frac{4\pi}{\lambda} \left( \overline{A_1 P} - \overline{A_1 C} \right) \right] - \left[ -\frac{4\pi}{\lambda} \left( \overline{A_2 P} - \overline{A_2 C} \right) \right]$$
$$= -\frac{4\pi}{\lambda} \left[ \left( \overline{A_1 P} - \overline{A_2 P} \right) - \left( \overline{A_1 Q_1} - \overline{A_2 Q_1} \right) \right]$$
$$-\frac{4\pi}{\lambda} \left[ \left( \overline{A_1 Q_1} - \overline{A_2 Q_1} \right) - \left( \overline{A_1 C} - \overline{A_2 C} \right) \right]$$
$$= \left( \Delta \varphi_P - \Delta \varphi_{Q_1} \right) + \left( \Delta \varphi_{Q_1} - \Delta \varphi_C \right)$$
(5)

在传统InSAR的干涉相位模型中, $P和Q_1$ 两点间的干涉相位差与其高程差 $\Delta h_{PQ_1}$ 有关,根据高程相位的表达式<sup>[20]</sup>,该干涉相位差如式(6)所示。

$$\Delta \varphi_P - \Delta \varphi_{Q_1} = -\frac{4\pi}{\lambda} \frac{B\cos\left(\theta - \alpha\right)}{\overline{A_1 P}\sin\theta} \Delta h_{PQ_1} \qquad (6)$$

根据图1中的几何关系, $Q_1$ 和C点之间的干涉 相位差可以表示为 $\Delta r_{CQ_1}$ 引起的平地相位和 $\Delta h_{CQ_1}$ 引起的高程相位之和的形式,如式(7)所示。

$$\Delta \varphi_{Q_1} - \Delta \varphi_C = -\frac{4\pi}{\lambda} \frac{B \cos(\theta - \alpha)}{\overline{A_1 P} \sin \theta} \Delta h_{CQ_1} - \frac{4\pi B \cos(\theta - \alpha)}{\lambda \overline{A_1 Q_1} \tan \theta} \Delta r_{CQ_1}$$
(7)

其中, $\Delta h_{CQ_1}$ 和 $\Delta r_{CQ_1}$ 分别是 $Q_1$ 和C两点之间的高程差与到雷达平台的斜距差。

在图1中,  $\Delta h = \Delta h_{PQ_1} + \Delta h_{CQ_1}$ , 所以干涉相 位可以写为

$$\Delta \varphi = -\frac{4\pi}{\lambda} \frac{B \cos\left(\theta - \alpha\right)}{\overline{A_1 P} \sin \theta} \Delta h - \frac{4\pi B \cos\left(\theta - \alpha\right)}{\lambda \overline{A_1 Q_1} \tan \theta} \Delta r_{CQ_1}$$
$$= \Delta \varphi_h + \Delta \varphi_r \tag{8}$$

当成像投影面为平面时,即为 $\Delta h_{CQ_1} = 0$ 的特例,式(8)仍然成立。

分析式(8),后向投影InSAR高程反演模型得 到的干涉相位由两部分组成: $\Delta h$ 的高度差引起的 干涉相位差 $\Delta \varphi_h 和 \overline{CQ_1}$ 对应的斜距变化引起的干涉 相位差 $\Delta \varphi_r$ 。在实际情况中, $\Delta \varphi_r$ 远小于 $\Delta \varphi_h$ ,可 以忽略不计(以3.2节的实验参数为例,根据式(8)计 算高程误差为10 m时对应的 $\Delta \varphi_r = \Delta \varphi_h$ 分别为 -0.0166 rad和-1.7 rad)。因此最终得到后向投影干 涉模型下高程反演公式为

$$\Delta \varphi \approx -\frac{4\pi}{\lambda} \cdot \frac{B\cos\left(\theta - \alpha\right)}{\overline{A_1 P} \cdot \sin\theta} \cdot \Delta h \tag{9}$$

由式(9)可以看出,本文基于后向投影算法的 InSAR高程反演模型获得的干涉相位去除了成像参 考面对应的地形相位,仅包含辅助DEM的高程误 差对应的高程相位,因此无需去平地即可获得条纹 密度大大降低的干涉相位图,并且与基于频域成像 算法的传统InSAR高程反演方法中得到的去平地后 的干涉相位相比,其条纹更加稀疏。

下面分析本文方法中相位缠绕的发生条件。图2 中 $P_1$ ,  $P_2$ 为干涉相位发生2 $\pi$ 缠绕的两个点目标,  $h_1$ ,  $h_{e1}$ 分别为 $P_1$ 的真实高程值和辅助DEM对应点处 的高程值,  $h_2$ ,  $h_{e2}$ 分别为 $P_2$ 的真实高程值和辅助





DEM对应点处的高程值, $\Delta h_1 和 \Delta h_2$ 则分别为 $P_1$ 和  $P_2$ 辅助DEM对应点处的高程误差。根据式(9)计算 基于后向投影模型得到的干涉相位变化2 $\pi$ ,即出现 相位缠绕现象时对应的辅助DEM高程误差变化 值,用 $\Delta h_{2\pi}$ 表示,如式(10)所示。 $\Delta h_{2\pi}$ 对应图2中 的 $\Delta h_2 - \Delta h_1$ 。根据高程模糊度的定义以及图2中 的几何关系,推导本文基于辅助DEM的后向投影 InSAR高程反演模型的高度模糊数计算公式,如 式(11)所示。与传统InSAR方法中的高度模糊数相 比,本文方法的高度模糊数更大,即干涉条纹更加 稀疏,且更不易发生干涉相位缠绕。

$$\Delta h_{2\pi} = \frac{\lambda \cdot \overline{A_1 P} \cdot \sin \theta}{2B \cos \left(\theta - \alpha\right)} \tag{10}$$

$$h_{2\pi} = h_2 - h_1$$
  
=  $(\Delta h_2 - \Delta h_1) + (h_{e2} - h_{e1})$   
=  $\frac{\lambda \cdot \overline{A_1 P} \cdot \sin \theta}{2B \cos (\theta - \alpha)} + (h_{e2} - h_{e1})$  (11)

以3.2节的X波段机载SAR系统参数为例,根据 式(10)计算得到 $\Delta h_{2\pi}$ 大于100 m,即辅助DEM的高 程误差变化大于100 m时,干涉相位才会缠绕,而 对于目前可以获取的外源DEM而言,其精度远高 于该值,因此即使在地形起伏较大的区域也不会出 现相位缠绕的现象,从而避免了相位解缠处理。在 实际情况中,考虑到基线误差会引入随距离向变化 的相位误差,当辅助DEM高程误差与基线误差导 致的干涉相位小于2 $\pi$ 时,基于后向投影算法的In-SAR模型得到的干涉相位不会出现相位缠绕,避免 相位解缠过程。

基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反 演方法在简化干涉处理流程的同时,减少了解缠过 程中的相位损失,提高了DEM反演的精度。综上 所述,本文所提的高程反演方法具有精确的成像信 号模型、运动误差补偿模型以及很高的相位保持 能力。

# 2.3 基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反 演流程

本文给出了一种基于DEM辅助后向投影模型 的InSAR高程反演方法,处理流程如图3所示,并 与传统基于频域算法的InSAR处理流程进行对比。 传统InSAR采用频域成像算法得到聚焦的SAR图像 后,需要进行图像配准、去平地、干涉相位滤波、 相位解缠等处理,然后根据高程反演模型得到 DEM重建结果。而基于DEM辅助后向投影模型的 InSAR高程反演方法简化了数据处理流程,无需图 像配准以及相位解缠操作,减少了数据处理过程中 的相位损失,为获取高精度DEM提供了保障。并



# 图 3 InSAR处理流程



且基于后向投影的InSAR模型位于地理空间坐标系下,可以避免后续复杂的图像拼接和三维定位等处理。具体步骤如下:

(1) BP成像。获取实验场景的外源DEM数据,并插值作为成像的参考面,利用时域的后向投影算法获取聚焦的SAR图像。

(2) 图像干涉。主副天线获取的复图像直接共 轭相乘得到后向投影InSAR模型下的干涉相位。

(3)相位滤波。为了降低相位噪声对高程反演 精度的影响,对干涉相位进行滤波处理。

(4) 高程反演。根据式(9),实现干涉相位到高 程的转换。由于式(9)计算的是BP算法成像过程中 参考面相对真实地形的高程偏差,需要将其加回到 成像过程中采用的辅助DEM,即可得到最终反演 的DEM结果。

#### 3 实验及分析

#### 3.1 仿真实验

利用仿真实验验证基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反演方法的有效性及优越性。仿真 实验的参数如表1所示。实验模拟地形起伏较大的 区域,其高程设置如图4(a)所示。根据InSAR回波 信号模型,仿真生成主副天线的回波信号,并加入

表 1 仿真参数 Tab. 1 Simulation parameters

| 成像仿真参数      | 数值     |
|-------------|--------|
| 载频(GHz)     | 9.6    |
| 距离向带宽(MHz)  | 100    |
| 距离向采样率(MHz) | 120    |
| 脉冲宽度(µs)    | 3.7    |
| 脉冲重复频率(Hz)  | 300    |
| 平台平均速度(m/s) | 113.5  |
| 平台平均高度(m)   | 3286.5 |
| 中心下视角(rad)  | 0.8727 |
| 基线长度(m)     | 2.189  |
| 基线倾角(rad)   | 0      |

-30 dB的高斯白噪声。实验过程中分别采用了本文 所提的基于后向投影的InSAR方法与传统InSAR方 法对回波信号进行成像和干涉处理。

首先利用后向投影InSAR高程反演方法,引入 存在高程误差的辅助DEM作为BP算法成像的参考 面并生成聚焦的SAR图像。干涉相位由主辅图像对 直接共轭相乘即可得到,无需图像配准,如图4(b) 所示。根据2.2节的分析,基于后向投影算法的In-





SAR高程反演模型获得的干涉相位已去除了成像过程中大部分的地形相位,因此干涉条纹密度大大降低。同时由于辅助DEM的高程误差较小,残余的地形相位数值较小不足以引起干涉相位的缠绕,如图4(b)所示,避免了相位解缠操作。

然后根据传统InSAR高程反演方法,采用距离 多普勒(RD)算法成像,对得到的复图像对进行配 准、去平地以及相位滤波处理,获取的干涉相位如 图4(c)所示。由于仿真区域地形起伏较大,因此干 涉条纹十分密集,并且在高程剧烈变化的区域出现 了条纹模糊的问题,如图4(c)中红色矩形框区域所 示,采用常规的干涉处理将无法得到该区域正确的 相位解缠结果。

针对图4(c)中的相位模糊问题,本文在传统 InSAR方法中进一步引入DEM辅助相位解缠处 理。将根据SAR图像生成的原始干涉相位与基于辅 助DEM模拟的干涉相位进行差分处理,得到残余 干涉相位,如图4(d)所示。该干涉相位去除了辅助 DEM对应的地形相位,大大降低了干涉条纹的密度。将残余干涉相位与模拟的干涉相位求和即可得到原始干涉相位图的解缠结果。

由图4(b)和图4(d)可以看出,辅助DEM的引入 避免了条纹密集区域的相位模糊问题,并且可以得 到正确的相位解缠结果。但是在传统InSAR方法中 引入辅助DEM需要模拟DEM对应的干涉相位,并 需要对模拟相位与原始干涉相位进行配准,增加了 干涉处理流程的复杂度。而本文所提后向投影In-SAR高程反演方法在解决相位模糊问题的同时简化 了干涉处理流程,因此具有更大的优势。

在生成InSAR回波信号时,仿真的实验场景中 设置了25个强散射点作为地面控制点,用于统计高 程反演的误差。本文所提后向投影InSAR方法的实 验结果如图5(a)所示,25个控制点处的高程反演误 差的均值为-0.0326 m,标准差为0.2510 m。

进一步对比传统InSAR高程反演方法,采用 RD算法成像并在相位解缠过程中引入DEM辅助。







统计控制点处的高程反演误差,如图5(b)所示,均 值为0.0349 m,标准差为0.3484 m。由于BP算法 的成像模型更加精确,相位保持精度更高,因此后 向投影InSAR高程反演精度略优于基于RD成像的 传统InSAR方法,即本文所提简化的基于辅助 DEM后向投影InSAR高程反演方法可以实现高精 度DEM的反演。

仿真实验验证了本文方法在反演高精度DEM 的同时,无需图像配准操作,大大降低干涉条纹的 密度,甚至避免了相位解缠步骤,简化了干涉处理 的流程。在地形起伏剧烈的区域,基于后向投影成 像模型的InSAR高程反演方法通过辅助DEM的引 入,可以有效地避免相位模糊问题。

#### 3.2 机载InSAR实测数据处理

(1) 平地区域实验结果

在本节中,采用第2节提出的基于后向投影的 InSAR高程反演方法对实测机载InSAR数据进行处 理。实验所用的机载InSAR数据是在中国内蒙古获 取的X波段双天线数据,高程测量标称精度1 m, 具体参数如表2所示。

实验中选取的成像区域大小为 5.0 km×1.6 km, 引入30 m分辨率的SRTM DEM作为辅助DEM, 利用BP算法获取聚焦的SAR图像,并与RD算法得 到的SAR图像对比。选取成像场景中的强散射点目 标,对该目标邻近区域进行16倍FFT插值,图6(a) 和图6(b)分别是插值后地面强散射点处BP算法和 RD算法的主辅图像对成像结果,图6(c)和图6(d)分 别为目标沿距离向的能量分布。可以看出,BP算 法得到的主辅图像己配准,而RD算法得到的主辅 图像对中目标位置在距离向偏移了59个单元。插值

表 2 X波段机载InSAR系统参数 Tab. 2 X-band airborne InSAR system parameters

| 机载InSAR参数   | 数值      |  |
|-------------|---------|--|
| 载频(GHz)     | 9.6     |  |
| 距离向带宽(MHz)  | 300     |  |
| 距离向采样率(MHz) | 500     |  |
| 脉冲宽度(µs)    | 15      |  |
| 脉冲重复频率(Hz)  | 1000    |  |
| 平台平均速度(m/s) | 108     |  |
| 平台平均高度(m)   | 4874    |  |
| 中心下视角(rad)  | 0.7854  |  |
| 基线长度(m)     | 1.05    |  |
| 基线倾角(rad)   | -0.2358 |  |

结果证明了本文所提后向投影InSAR高程反演模型 可以实现自配准,避免图像配准过程。

BP算法得到的主图像幅度图如图7(a)所示。 实验过程中在该成像区域布放的地面控制点位置信息如图7(a)中红色三角形标注。由于主辅图像已实现配准,因此直接共轭相乘即可得到干涉相位,如 图7(b)所示。根据第2节的理论分析,基于DEM 辅助后向投影模型的InSAR高程反演方法由于在成 像过程中引入了外源DEM,可直接得到去地形相 位后的干涉相位,该干涉相位由辅助DEM成像参 考面与真实地形间高程偏差引起,因此残余干涉相 位数值较小,如图7(b)所示,变化范围小于2π/5, 避免了相位解缠处理步骤。相位滤波后直接进行高 程反演,辅助DEM的高程偏差如图7(c)所示。将计 算的偏差与辅助DEM的高程值相加,最终获得成 像区域的高程反演结果,如图7(d)所示。

RD算法辅图像

100 200 300

方位向(像素)





(c) Distributions of BP imaging target along the range direction after 16 times interpolation

(b) RD算法得到的主辅图像中强散射点位置 (b) The position of intense scatterer in master and slave images obtained by RD algorithm

100

200

300

400

500

600

•



(d) 16倍插值后RD成像目标沿距离向的分布 (d) Distributions of RD imaging target along the range direction after 16 times interpolation

# 图 6 强散射目标点成像结果





图 7 机载InSAR数据处理结果图



利用实验中布放的部分地面控制点(未参与干 涉定标)作为检查点,对传统方法与本文方法高程 反演误差进行对比验证,如表3所示。对比结果表 明, 传统InSAR成像和干涉处理结果能够达到1 m

 表 3 地面检查点处高程反演误差

 Tab. 3 The elevation inversion errors of ground detection points

 地面检查点
 本文方法(m)
 传统InSAR方法(m)

 1
 -0.5765
 -0.8017

| -   | 010100  | 010011  |
|-----|---------|---------|
| 2   | -0.1310 | -0.0824 |
| 3   | 0.7075  | 0.8840  |
| 标准差 | 0.6519  | 0.8459  |
|     |         |         |

标称高程精度要求(高程精度0.85 m),然而利用本 文提出的DEM辅助干涉处理算法可以达到更高的 处理精度(高程精度0.65 m)。由于后向投影成像和 干涉处理几何,是一种完全时域的无误差成像算 法,在成像信号模型、运动误差补偿模型上理论最 为精确,相位保持精度更高;同时在外源DEM辅 助下,避免配准和相位解缠过程,减少处理过程中 的相位损失。因此,本文方法处理精度优于传统 InSAR成像和干涉处理算法,可以获得高精度的 DEM反演结果,且具有简化的干涉处理流程。

(2) 丘陵区域实验结果

本文另外选取了丘陵区域的实验数据,进一步 验证所提的基于DEM辅助后向投影模型的In-



(c) SAR amplitude image

SAR高程反演方法。BP算法得到的主辅图像对直 接共轭相乘得到干涉相位如图8(a)所示。虽然实验 区域地形起伏较大,但由于辅助DEM的引入,基 于后向投影的InSAR模型在成像过程去除了绝大多 数的地形相位, 图8(a)中的干涉相位范围小于 $\pi$ , 无需相位解缠,简化了后续的干涉处理。而传统 InSAR方法得到的干涉相位如图8(b)所示,由于平 地效应与地形起伏,图8(b)中存在3个缠绕的干涉 条纹,与图8(a)相比后续干涉处理步骤更加复杂。 图8(c)是利用BP算法得到的幅度图。根据DEM辅 助下基于后向投影的InSAR模型得到的干涉相位及 式(9)反演辅助DEM的偏差,并加回到辅助DEM, 最终得到该成像区域的DEM如图8(d)所示。由丘 陵区域实验数据的处理结果可以看出,本文基于辅 助DEM与BP成像算法的InSAR方法可以有效地减 少干涉相位的缠绕,避免相位解缠处理,验证了所 提基于后向投影的InSAR高程反演模型的有效性。

# 4 结论

本文提出了一种基于DEM辅助后向投影模型的InSAR高程反演方法。该方法利用BP算法



图 8 机载InSAR山区数据处理结果图

Fig. 8 Airborne InSAR data processing results of mountainous area

运动补偿精度高和保相性能好的优势,同时在 BP成像过程中引入外源DEM辅助,降低干涉条 纹的密度,在多数情况下还实现了干涉处理流程 的简化——无需图像配准与相位解缠操作。本文 最后设计了仿真实验,并对X波段双天线机载In-SAR数据进行了处理,通过所提方法中简化的干 涉处理流程实现了高精度DEM的反演,验证了 该方法的有效性。然而,在基于BP算法的干涉 模型中还存在一些问题,例如实际的InSAR系统 中天线相位中心存在测量误差,在高分辨成像时 需要考虑对方位向配准产生的影响,以及本文模 型的高程反演误差理论分析等,这将是今后的研 究方向。

#### 参考文献

- WECHSLER S P. Uncertainties associated with digital elevation models for hydrologic applications: A review[J]. *Hydrology and Earth System Sciences*, 2007, 11(4): 1481–1500. doi: 10.5194/hess-11-1481-2007.
- [2] YANG Kang, SMITH L C, CHU V W, et al. A caution on the use of surface digital elevation models to simulate supraglacial hydrology of the Greenland ice sheet[J]. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 2015, 8(11): 5212–5224. doi: 10.1109/ JSTARS.2015.2483483.
- [3] SHUKLA G, GARG R D, SRIVASTAVA H S, et al. Performance analysis of different predictive models for crop classification across an aridic to ustic area of Indian states[J]. Geocarto International, 2018, 33(3): 240–259. doi: 10.1080/10106049.2016.1240721.
- [4] RUFINO G, MOCCIA A, and ESPOSITO S. DEM generation by means of ERS tandem data[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 1998, 36(6): 1905–1912. doi: 10.1109/36.729362.
- [5] 靳国旺, 徐青, 张红敏. 合成孔径雷达干涉测量[M]. 北京: 国防 工业出版社, 2014: 169–183.
  JIN Guowang, XU Qing, and ZHANG Hongmin. Synthetic Aperture Radar Interferometry[M]. Beijing: National Defense Industry Press, 2014: 169–183.
- [6] SEYMOUR M S and CUMMING I G. InSAR terrain height estimation using low-quality sparse DEMs[C]. 3rd ERS Symposium, Florence, Italy, 1997: 421–426.
- [7] LIAO Mingsheng, WANG Teng, LU Lijun, et al. Reconstruction of DEMs from ERS-1/2 Tandem data in mountainous area facilitated by SRTM data[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2007, 45(7): 2325-2335. doi: 10.1109/TGRS.2007.896546.
- [8] 刘辉, 靳国旺, 张红敏, 等. DEM辅助的山区InSAR相位解 缠[J]. 测绘科学技术学报, 2017, 34(2): 215-220. doi:

10.3969/j.issn.1673-6338.2017.02.019.

LIU Hui, JIN Guowang, ZHANG Hongmin, et al. Phase unwrapping assisted by DEM of InSAR for mountainous terrain[J]. Journal of Geomatics Science and Technology, 2017, 34(2): 215–220. doi: 10.3969/j.issn.1673-6338.2017. 02.019.

- [9] FARR T G, ROSEN P A, CARO E, et al. The shuttle radar topography mission[J]. Reviews of Geophysics, 2007, 45(2): RG2004. doi: 10.1029/2005RG000183.
- [10] FUJISADA H, BAILEY G B, KELLY G G, et al. ASTER DEM performance[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2005, 43(12): 2707–2714. doi: 10.1109/ TGRS.2005.847924.
- [11] CRIPPEN R, BUCKLEY S, AGRAM P, et al. NASADEM global elevation model: Methods and progress[C]. XXIII ISPRS Congress, Prague, Czech Republic, 2016: 125–128. doi: 10.5194/isprsarchives-XLI-B4-125-2016.
- [12] LIN Jianhe, LÜ Xiaolei, and LI Rui. Automatic registered back-projection approach based on object orientation for airborne repeat-track interferometric SAR[J]. *IET Radar*, *Sonar & Navigation*, 2018, 12(9): 1066–1076. doi: 10.1049/ iet-rsn.2018.5053.
- [13] DUERSCH M I. Backprojection for synthetic aperture radar[D]. [Ph. D. dissertation], Brigham Young University, 2013.
- [14] 韦顺军,师君,张晓玲,等.基于曲面投影的毫米波InSAR数据 成像方法[J]. 雷达学报, 2015, 4(1): 49-59. doi: 10.12000/ JR14137.

WEI Shunjun, SHI Jun, ZHANG Xiaoling, *et al.* Millimeterwave interferometric synthetic aperture radar data imaging based on terrain surface projection[J]. *Journal of Radars*, 2015, 4(1): 49–59. doi: 10.12000/JR14137.

- [15] ZEBKER H. User-friendly InSAR products do we need range-Doppler?[C]. 12th European Conference on Synthetic Aperture Radar, Aachen, Germany, 2018: 1–4.
- [16] 师君,马龙,韦顺军,等. 基于导航数据的Ka波段InSAR成像 处理与分析[J]. 雷达学报, 2014, 3(1): 19-27. doi: 10.3724/ SP.J.1300.2014.13142.

SHI Jun, MA Long, WEI Shunjun, *et al.* Ka-band InSAR imaging and analysis based on IMU data[J]. *Journal of Radars*, 2014, 3(1): 19–27. doi: 10.3724/SP.J.1300. 2014.13142.

[17] 潘舟浩,李道京,刘波,等.基于BP算法和时变基线的机载 InSAR数据处理方法研究[J].电子与信息学报,2014,36(7): 1585-1591. doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00715.
PAN Zhouhao, LI Daojing, LIU Bo, et al. Processing of the airborne InSAR data based on the BP algorithm and the time-varying baseline[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2014, 36(7): 1585-1591. doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00715. [18] 韦顺军,张晓玲,师君,等.同空间后向投影InSAR成像及干涉 相位提取方法[J]. 宇航学报, 2015, 36(3): 336-343. doi: 10.3873/j.issn.1000-1328.2015.03.013.

WEI Shunjun, ZHANG Xiaoling, SHI Jun, *et al.* InSAR imaging and interferogram extraction-based the same space back-projection[J]. *Journal of Astronautics*, 2015, 36(3): 336–343. doi: 10.3873/j.issn.1000-1328.2015.03.013.



#### 作者简介

胡晓宁(1994-),女,山东人,2016年获 得北京理工大学学士学位,现于中国科 学院空天信息创新研究院攻读博士学 位。研究方向为InSAR信号处理算法。



汪丙南(1984–),男,安徽人。2011年在 中国科学院电子学研究所获博士学位, 现为中国科学院空天信息创新研究院副 研究员,硕士生导师。主要研究方向为 干涉合成孔径雷达信号仿真和处理方法。

- [19] SOUMEKH M. Synthetic Aperture Radar Signal Processing with MATLAB Algorithms[M]. New York: Wiley. 1999.
- [20] 王超,张红,刘智. 星载合成孔径雷达干涉测量[M]. 北京:科学 出版社, 2002: 33-37.
  WANG Chao, ZHANG Hong, and LIU Zhi. Spaceborne Synthetic Aperture Radar Interferometry[M]. Beijing: Science Press, 2002: 33-37.



向茂生(1964-),男,湖南人。1999年在 中国科学院遥感应用研究所获博士学 位,现为中国科学院空天信息创新研究 院研究员,博士生导师。主要研究方向 为双天线干涉、多基线干涉、极化干 涉、阵列天线干涉等理论与方法,以及

干涉 SAR 面向高精度测绘、复杂地物定位与识别、组合导 航等的应用技术。



王钟斌(1994-),男,甘肃人,2017年获 得重庆大学学士学位,现于中国科学院 空天信息创新研究院攻读博士学位。研 究方向为干涉合成孔径雷达技术。