一种基于测地线距离的极化SAR图像快速超像素分割算法

邹焕新*① 李美霖^① 曹 旭^① 李润林^① 秦先祥^②
 ^①(国防科技大学电子科学学院 长沙 410073)
 ^②(空军工程大学信息与导航学院 西安 710077)

摘 要:针对传统的极化SAR(PolSAR)图像超像素分割算法中采用的距离度量对相似性表征能力不足的问题,该 文提出了一种基于测地线距离的极化SAR图像快速超像素分割算法。首先,对图像进行正六边形初始化与不稳定 点初始化;其次,利用实对称Kennaugh矩阵之间的测地线距离来度量当前不稳定点与其搜索范围内其他聚类中 心点之间的相似度,以便更准确地为当前不稳定点分配标签,从而快速减少不稳定点的数量;最后,利用后处理 步骤消除孤立像素点以生成最终的超像素。利用仿真极化SAR数据验证了初始化方法的有效性和测地线距离度量 的高效性,并利用仿真和实测数据将该文算法与其他4种算法进行对比分析。实验结果表明,该文方法生成的超 像素具有更规则的形状并且能够准确地贴合真实地物边缘,同时具有更高的运算效率。

 关键词:极化SAR图像;超像素分割;Kennaugh矩阵;测地线距离;正六边形

 中图分类号:TN957
 文献标识码:A
 文章编号:2095-283X(2021)01-0020-15

 DOI: 10.12000/JR20121

引用格式: 邹焕新, 李美霖, 曹旭, 等. 一种基于测地线距离的极化SAR图像快速超像素分割算法[J]. 雷达学报, 2021, 10(1): 20-34. doi: 10.12000/JR20121.

Reference format: ZOU Huanxin, LI Meilin, CAO Xu, *et al.* Superpixel segmentation for PolSAR images based on geodesic distance[J]. *Journal of Radars*, 2021, 10(1): 20–34. doi: 10.12000/JR20121.

Superpixel Segmentation for PolSAR Images Based on Geodesic Distance

ZOU Huanxin^{*①} LI Meilin^① CAO Xu^① LI Runlin^① QIN Xianxiang^②

 $^{(1)}$ (College of Electronic Science and Technology, National University of

Defense Technology, Changsha 410073, China)

⁽²⁾(School of Information and Navigation, Air Force Engineering University, Xi'an 710077, China)

Abstract: Considering the lack of similarity capabilities of the distance metric used in the traditional Polarimetric Synthetic Aperture Radar (PolSAR) image superpixel segmentation algorithm, a novel PolSAR image superpixel segmentation algorithm based on geodesic distance is proposed in this paper. First, the PolSAR image is initialized as a hexagonal distribution, and all pixels are initialized as unstable pixels. Thereafter, the geodesic distance between two real symmetric Kennaugh matrices is used to measure the similarity between the current unstable point and another cluster point in the search region to more accurately assign labels to unstable points, thereby effectively reducing the number of unstable points. Finally, the postprocessing procedure is used to remove small, isolated regions and generate the final superpixels. To verify the effectiveness of the initialization method and the high efficiency of the geodesic distance, extensive experiments are conducted using simulated PolSAR images. Moreover, the proposed algorithm is analyzed and compared with four other algorithms using simulated and real-world images. Experimental results show that the superpixels generated using the proposed method exhibit higher computational efficiency and a more regular shape that can more accurately fit the edges of real objects compared with those using the four other algorithms.

Key words: PolSAR image; Superpixel segmentation; Kennaugh matrix; Geodesic distance; Hexagon

收稿日期: 2020-08-31; 改回日期: 2020-11-20; 网络出版: 2020-12-03 *通信作者: 邹焕新 hxzou2008@163.com *Corresponding Author: ZOU Huanxin, hxzou2008@163.com 基金项目: 国家自然科学基金(62071474, 41601436) Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (62071474, 41601436) 责任主编: 殷君君 Corresponding Editor: YIN Junjun

1 引言

合成孔径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR) 是一种主动式微波成像传感器,在方位向与距离向 上都具有较高的分辨率。并且,SAR具有全天候、 全天时的工作能力,可以灵活地选择在不同波段、 不同侧视角以及不同的极化组合状态下获取目标物 的散射信息。而极化合成孔径雷达(Polarimetric Synthetic Aperture Radar, PolSAR)正是采用全极 化方式,利用垂直(vertical)和水平(horizontal)的 极化方式交替地发送与接收雷达信号,共具有4个 通道,丰富的目标物散射信息在城市规划、土地利 用、战场环境勘测等方面发挥了重要作用^[1,2]。特 别地,基于区域的极化SAR图像解译方法由于良好 的抗噪性与高效性而受到了更多的关注,而超像素 分割往往可以生成数量可控、形状规则且致密的区 域,所以倍受青睐。

超像素指的是一组具有相似颜色或其他低层特 征的像素点集合, 广泛应用于目标跟踪、变化检测 以及图像分类等方面[3,4]。近年来涌现了较多的超 像素分割算法,但这些算法大多是针对光学图像提 出的,由于极化SAR图像与光学图像的数据描述不 同且含有较多的相干斑噪声,传统的超像素分割方 法直接运用于极化SAR图像时无法得到较好的分割 结果。因此,一些学者针对极化SAR图像提出了相 应的改进[5-7],大体可分为以下4类:(1)基于密度的 超像素分割算法(density-based)。Lang等人^[8] 根据极化SAR图像的特性提出了广义均值漂移 (Generalized Mean Shift, GMS)算法,而均值漂移 (Mean Shift, MS)最大的特点是沿着密度上升方向 寻找聚簇点,不断地将中心点移动到偏移均值位 置,直到满足一定条件结束;之后,Lang等人^[9]又 将GMS算法改进后应用于极化SAR图像的超像素 分割算法,提出了一种新的融合准则并引入预排序 的方式提高超像素分割的精度,但该算法运算效率 较差; (2)基于图的超像素分割算法(graph-based)。 此类算法将图像作为一幅无向图,根据边的权值将 图划分为超像素,色彩相似度或空间距离常被用来 计算权重。常见的有归一化分割算法(Normalized cuts, Ncuts)^[10]与熵率超像素分割算法(entropy rate superpixels)^[11]; (3)基于轮廓演变的超像素分割算法 (contour evolution)。此类算法从初始的种子像素 点开始演变形成轮廓以得到最终的超像素,代表算 法主要有Turbopixels算法^[12]与统计区域融合算法 (Statistical Region Merging, SRM)^[13]等; (4)基于 聚类的超像素分割算法(clustering-based)。此类算 法大多采用了聚类算法的原理,如k-means算法,

同时以颜色信息、空间信息等作为距离度量。通常 基于聚类的超像素分割算法能够得到数量可控、形 状可控的超像素,这对于极化SAR图像是很重要 的,更有利于极化SAR图像的后续解译过程。此类 算法往往会引入后处理步骤以进一步提升分割精 度,同时还拥有较高的运算效率。代表算法有基于 简单线性迭代的超像素分割算法(Simple Linear Iterative Clustering, SLIC)^[14]、基于线性谱聚类的 超像素分割算法(Linear Spectral Clustering, LSC)^[15]、基于迭代边缘精炼的超像素分割算法 (Iterative Edge Refinement, IER)^[16]等。

Feng等人^[17]对SLIC算法的距离度量进行了改 进,将原本的颜色空间的距离替换为Wishart距 离,有效地改善了边缘贴合问题,但仍有部分不均 匀异质区域出现误分割情况,且算法计算效率较 低。Xiang等人^[18]考虑到极化SAR图像的同质性问 题对SLIC算法进行改进,并利用边缘检测器对图 像边缘进行提取,较好地解决了极化SAR图像中 混杂不均匀区域的分割问题,但是算法的欠分割误 差以及运算效率有待进一步验证。Hou等人^[19]则通 过提取图像中的7种特征并计算欧氏距离得到像素 点之间的相似度,结合多种特征确实能够有效地 提升精度,但该算法所采取的方式大大降低了运算 效率。张月等人^[20]则提出了基于极化SAR图像的 IER算法 (PolSAR Iterative Edge Refinement, POL-IER),用修正Wishart距离代替IER算法中 CIELAB颜色空间的欧氏距离,对分割精度有一定 的改善。虽然该算法采用了快速计算方法,但是, 由于修正Wishart距离不能准确地计算两个像素点 间的最短距离,其仍要进行多次基于复数矩阵的代 数运算,因此,该算法的运算效率仍有进一步提升 的空间。

面向极化SAR图像的超像素分割算法旨在降低 相干斑噪声影响的同时提高极化SAR图像的解译效 率,作为预处理环节,超像素分割的精度会直接影 响后续的解译结果。而随着极化SAR系统的快速发 展,未来势必会有海量的极化SAR图像需要进行解 译处理,因此,作为预处理技术的超像素分割还应 当具备较高的运算效率。Ratha等人^[21,22]将基于单 位球面上的测地线概念引入极化SAR图像中,由实 对称Kennaugh矩阵导出数据点间的测地线距离, 在保持准确度量最短距离的前提下还具有很高的运 算效率,先后实现了变化检测与图像分类解译任务。

针对现有的极化SAR图像超像素分割算法存在 的问题,为了良好地兼顾分割精度与运算效率,本 文提出一种基于测地线距离的极化SAR图像快速超

像素分割算法。首先,将输入图像初始化为多个正 六边形,与IER算法的正方形初始化相比,在相同 大小的搜索范围内为不稳定点重贴标签时可以减少 距离计算次数,提升运算效率。考虑到极化SAR图 像中的狭小细长区域,在正六边形超像素初始化的 基础上,将所有像素点都初始化为不稳定点;之 后,将测地线距离与空间距离进行加权为不稳定点 重贴标签;然后,随着迭代不断地更新不稳定点 集,直至满足终止条件;最后,采用基于测地线距 离的不相似度度量算法进行分割后处理,进一步消 除孤立像素点。本文的主要贡献如下: (1)将基于 Kennaugh矩阵导出的测地线距离引入极化SAR图 像超像素分割方法研究中; (2)将本文算法与其他 4种较优的算法进行了大量的对比分析实验,本文 算法不仅具有准确性与高效性,并且分割所得超像 素形状规则,从而验证了本文算法的优越性。

2 算法描述

本文算法主要分为4个步骤,主要包括:(1)将 输入图像初始化为多个正六边形,并设置所有像素 点都为不稳定点;(2)将测地线距离与空间距离进 行加权作为距离度量,为不稳定点重贴标签;(3)更 新不稳定点集,直至完成迭代;(4)后处理。本文 算法的框架流程如图1所示。

2.1 初始化

2.1.1 正六边形初始化

IER算法能够生成形状规则、边缘贴合良好的 超像素,由于在局部聚类时只为不稳定点重贴标 签,因此有较高的运算效率。但IER算法是面向光 学图像的超像素分割算法,由于成像机理的差异, 直接用于极化SAR图像时性能并不稳定。本文算法 同样也只为不稳定点重贴标签,不稳定点定义为 $UP = \{p \mid nt(p) \neq nt(q) \text{ and } nt(q) \neq t(q), q \in Nb(p) \}$ (1)

其中, $p\pi q$ 是图像中的两个像素点,Nb(p)是p的邻 域函数,本文实验中采用4邻域函数,t(i)表示i的 标签,nt(i)表示一次迭代后i的新标签,i = p, q。

IER算法与POL-IER算法均将图像初始化为正 方形(规则网格),每一个黑色实线轮廓的正方形即 为初始的超像素。将初始化聚类中心置于正方形 内,边长为*S*个像素点,点*C*_{i0},*C*_{i1},*C*_{i2} *C*_{i3},*C*_{i4},*C*_{i5}, *C*_{i6},*C*_{i7},*C*_{i8}即为初始的聚类中心,如图2(a)所示。 图2(b)中的初始化超像素呈正六边形分布,其初始 聚类中心为点*C*_{j0},*C*_{j1},*C*_{j2},*C*_{j3},*C*_{j4},*C*_{j5},超像素之 间的水平间距为*S*_h个像素点,垂直间距为*S*_v个像素 点。每一个黑色实线轮廓的正六边形即为初始的超 像素。为了方便后续的对比,令初始化正方形超像 素与正六边形超像素面积相同,则正方形的边长 *S*与正六边形的边长*H*需满足式(2)的几何关系

$$\frac{S^2}{H^2} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$
(2)

根据正六边形分布的几何特性,相邻六边形的 水平与垂直距离分别为

$$S_{\rm h} = \sqrt{3}H\tag{3}$$

$$S_{\rm v} = \frac{3}{2}H\tag{4}$$

联合式(2)—式(4),可分别求得水平间距 $S_{\rm h}$ 与 垂直间距 $S_{\rm v}$ 为

$$S_{\rm h} = \sqrt{\frac{2}{\sqrt{3}}}S\tag{5}$$

$$S_{\rm v} = \sqrt{\frac{\sqrt{3}}{2}}S\tag{6}$$

为了对比更加直观,对于某不稳定点,本文算 法与IER算法在同样大小的搜索范围内进行超像素 中心点的搜索,搜索范围的大小为2*S*×2*S*,之后 再计算与搜索到的中心点的距离。对于正方形分布 来说,如图2(a)中的像素点*i*,其中蓝色虚线所标注 的矩形区域即为不稳定点*i*的搜索范围2*S*×2*S*,9个 初始聚类中心*C*_{i0},*C*_{i1},*C*_{i2},*C*_{i3},*C*_{i4},*C*_{i5},*C*_{i6},*C*_{i7}, *C*₈均在此搜索范围内。

因此,对于一个不稳定点标签,最多需要计算 9次加权距离,才可最终确定该不稳定点所属的超 像素。当输入的极化SAR图像的像素数为*N*时,每 一次聚类迭代的复杂度为9*N*。而图2(b)显示的不稳 定点*j*,搜索范围为图中蓝色虚线所标注的矩形区 域,区域大小同样为2*S*×2*S*。但在此搜索范围 内,仅包含了6个初始化聚类中心点*C_{j0}*,*C_{j1}*,*C_{j2}, <i>C₃*,*C₅*,*C₆*。因此,与正方形分布相比,呈正六边



图 1 本文算法框架流程图 Fig. 1 The flowchart of the proposed method

形的分布在为不稳定点重贴标签时的复杂度仅为 6N,针对一个像素点类别指派的运算复杂度最多 可减少3N,大大地提高了算法的运算效率。同 时,多边形在面对实测极化SAR图像复杂的不均匀 地物分布情况下,可以更高效地对地物边缘进行贴 合,在为所有像素点确定超像素标签的情况下减少 重复计算的次数,提高运算效率。

2.1.2 初始化不稳定点集

如图3(a)所示,IER算法首先将各个超像素中 心点置于正方形内,之后,将不稳定点集初始化为 正方形的边缘像素点(图中红色区域)。光学图像大 多形状规则,且包含的同质均匀区域较多,因此该 不稳定点集初始化方法比较适用于光学图像,对于 生成的超像素的边缘贴合度影响很小。但是,极化 SAR图像中通常会包含很多小面积或细长的区域, 实测数据往往地物分布也都比较复杂且包含较多的 相干斑噪声。若面向极化SAR图像也只将不稳定点 集初始化为正方形的边缘像素点,则不能为中心点 C_{i0}周围的像素点进行重贴标签,而这些像素点有 可能是某些细小区域的边缘部分,因此得到的超像 素必然无法贴合到这些区域的边缘,这会造成边缘 回调率降低,分割区域规则性变差,直接影响极化 SAR图像的后续的目标检测、变化检测以及地物分 类等解译过程。

超像素分割作为预处理环节,要能根据不同的 需求生成不同数目的超像素,同时保证分割精度不 受超像素数量的干扰。但是,实验结果发现将IER 算法的初始化方法用于极化SAR图像时,无法得到 边缘贴合良好的超像素分割结果,且初始化边长值 的变化与分割结果有较大程度的关联。这是由于极 化SAR图像在初始化正方形的中间位置可能存在很 多真实的边缘像素点,因此初始化正方形的边长越 大,IER算法的初始化方法越容易忽略真实的边缘 像素点,从而导致了误差的出现。



图 3 两种初始化方法的示意图

Fig. 3 The sketch map of unstable pixels initialization of two methods

针对上述存在的问题,本文将不稳定点集初始 化为所有的像素点,如图3(b)中所示的红色、绿色 区域以及初始化聚类中心点C_{j0},充分考虑到极化SAR 图像地物分布的特殊性,从初始化不稳定点集的角 度来提升超像素分割的性能。POL-IER算法^[20]原 理当中也涉及将所有像素点初始化为不稳定点集, 相较于仅将边缘像素点初始化为不稳定点,其边缘 贴合度有所提升,但面对复杂的实测极化SAR图像 的地物分布情况,其仍不能满足需求。而本文算法 在基于六边形初始化的基础上将所有像素点均初始 化为不稳定点,从而在对异质不均匀区域的分割能 够更精细化,得到边缘更为贴合的超像素分割结果。

2.2 测地线距离

令M为拓扑空间,则函数 γ : [0,1] $\rightarrow M$ 可以 理解为连接点 γ (0)与 γ (1)在M上的简单曲线,且 $\gamma(t_1) \neq \gamma(t_2)$ 对于所有的 $t \in (0,1)$ 。例如,平面中 的直线段或者球体上的圆弧都是简单曲线。若满足 局部的欧几里得性质,则M称为黎曼流形。由此, 曲线便可以根据度量导出的长度进行比较。令点 A与点B为黎曼流形上的两点,而F为从点A开始到 点B终止的平滑(可微分)简单曲线族。则F中必然 存在一条长度最小的曲线,这样的曲线便称为连接 点A与点B的测地线(geodesic)。

对于在 \mathbb{R}^2 上的点A与点B,连接两点间的直线 段则为测地线,在 \mathbb{R}^3 中亦然。若在 \mathbb{R}^3 中有一单位球 $S^2 = \left\{ (x_1, x_2, x_3) \in \mathbb{R}^3 \mid (x_1^2 + x_2^2 + x_3^2)^{1/2} = 1 \right\}$,此 时,直线将不是球面上的有效曲线。在这种曲线必 须完全位于球面上的情况下,连接点A与点B的大 圆弧段则为理想的测地线,大圆即为穿过点A和点 B的半径为1的圆^[23]。对于更高维的球面 $S^{N-1} =$

$$\boldsymbol{K} = \begin{bmatrix} \frac{\boldsymbol{T}_{11} + \boldsymbol{T}_{22} + \boldsymbol{T}_{33}}{2} & \Re(\boldsymbol{T}_{12}) \\ & \Re(\boldsymbol{T}_{12}) & \frac{\boldsymbol{T}_{11} + \boldsymbol{T}_{22} - \boldsymbol{T}_{33}}{2} \\ & \Re(\boldsymbol{T}_{13}) & \Re(\boldsymbol{T}_{23}) \\ & \Im(\boldsymbol{T}_{23}) & \Im(\boldsymbol{T}_{13}) \end{bmatrix}$$

根据定义不难发现,Kennaugh矩阵是一个易于计算的实对称矩阵,同时保留了足够的后向散射信息,还具有尺度不变性。而极化SAR图像中的每一个像素点都可用一个Kennaugh矩阵表示,根据式(7),可得出两Kennaugh矩阵间的测地线距离为(证明过程详见文献[21])

$$\operatorname{GD}(\boldsymbol{K}_{1}, \boldsymbol{K}_{2}) = \operatorname{arccos}^{-1} \left(\frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{K}_{1}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{K}_{2})}{\sqrt{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{K}_{1}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{K}_{1})} \sqrt{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{K}_{2}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{K}_{2})}} \right) (11)$$

 $\left\{ (x_1, x_2, \dots, x_N) \in \mathbb{R}^N \left| (x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_N^2)^{1/2} = 1 \right\},$ 大圆弧段依然是理想的测地线,而沿大圆测量的 长度一般称为弧长距离。则 S^{N-1} 单位球面上的 $A(x_1, x_2, \dots, x_N) = B(y_1, y_2, \dots, y_N)$ 两点间的测地线 距离可定义为^[21]

$$\operatorname{GD}(A,B) = \operatorname{arccos}(A \cdot B) = \operatorname{arccos}\left(\sum_{i=1}^{N} x_i y_i\right)$$
 (7)

其中, "·"代表在ℝ^N空间中的标量点积。特别地, 这种距离(或度量)概念也称为点A与点B之间的球面 距离,对于任意维度的单位球面都适用。同样,测 地线距离的这一概念也可以推广到极化SAR数据中。

极化SAR利用水平(horizontal)极化和垂直 (vertical)极化交替地发送与接收雷达信号,一般用 S矩阵来表示获取的目标物全极化信息^[24]

$$\boldsymbol{S} = \begin{bmatrix} S_{\rm HH} & S_{\rm HV} \\ S_{\rm VH} & S_{\rm VV} \end{bmatrix}$$
(8)

这是一个2×2的复矩阵,每一个元素都包含了相应 电磁散射信号的幅度和相位信息。其余的一些可以 描述极化SAR散射信息的矩阵均能从S矩阵推导得 出,常用的极化相干矩阵**T**便可通过多视处理得 到。对于单基极化SAR,Kennaugh矩阵同样可以 对极化信息进行描述。相干模式下,其能够通过式(9) 的方式由S矩阵计算所得^[25]

$$\boldsymbol{K} = \frac{1}{2} \boldsymbol{A}^{*} \left(\boldsymbol{S} \otimes \boldsymbol{S}^{*} \right) \boldsymbol{A}^{\mathrm{H}}, \boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & \mathrm{j} & -\mathrm{j} & 0 \end{bmatrix}$$
(9)

其中, \otimes 代表克罗内克积, $j = \sqrt{-1}$ 。在非相干模式下,Kennaugh矩阵也可通过相干矩阵T计算所得^[22]

$$\begin{array}{cccc}
\Re(\mathbf{T}_{13}) & \Im(\mathbf{T}_{23}) \\
\Re(\mathbf{T}_{23}) & \Im(\mathbf{T}_{13}) \\
\underline{\mathbf{T}_{11} - \mathbf{T}_{22} + \mathbf{T}_{33}}{2} & -\Im(\mathbf{T}_{12}) \\
-\Im(\mathbf{T}_{12}) & \underline{-\mathbf{T}_{11} + \mathbf{T}_{22} + \mathbf{T}_{33}}{2}
\end{array}$$
(10)

其中,Tr代表矩阵的迹。观察式(11)可发现,两像 素点间测地线距离的计算高效便捷,由于Kennaugh 矩阵又含有充足的目标物散射信息,因此测地线距 离可以准确地度量出两数据点间的最短距离。

2.3 面向极化SAR图像的快速超像素分割

考虑到极化SAR图像的空间邻域信息,本文采 用测地线距离与空间距离的加权形式。同时,将空 间距离引入距离度量中还可以更好地保持超像素的 几何结构,并且降低噪声对超像素分割结果的影响。 像素点*i*与第*j*个聚类*R*_i的中心像素点的空间距离为

$$d_{S}(i,j) = \sqrt{(x_{j} - x_{i})^{2} + (y_{j} - y_{i})^{2}} \qquad (12)$$

因此,测地线距离与空间距离的加权距离如式(13) 所示

$$D(i, R_j) = \left(\frac{d_{\rm GD}(i, R_j)}{m}\right)^2 + \left(\frac{d_S(i, R_j)}{S}\right)^2 \quad (13)$$

其中, $d_{GD}(i, R_j)$ 代表像素点i与第j个聚类 R_j 的中心像素点间的测地线距离,S为搜索范围边长值的1/2, m为紧致因子。

为了消除图像中的孤立细小区域,本文采用基于测地线距离的不相似度度量算法进行分割后处理^[20]。 当某超像素的尺寸小于阈值N_{th} = S²/4时,将计算 该超像素与其8邻域超像素间的不相似度。若计算 所得最小的不相似度值小于预设的阈值G_{th},则将 该超像素与相应的邻域融合,否则,移向下一个超 像素执行上述步骤。超像素R_i与R_j之间的不相似度 定义为

$$G(R_i, R_j) = \frac{1}{q} \left\| \frac{\boldsymbol{K}_i^{\text{diag}} - \boldsymbol{K}_j^{\text{diag}}}{\boldsymbol{K}_i^{\text{diag}} + \boldsymbol{K}_j^{\text{diag}}} \right\|_1$$
(14)

其中, K^{diag} 表示超像素的中心Kennaugh矩阵的对角线元素构成的向量。本文实验中 G_{th} 的取值主要参考了文献[26], 即 $G_{\text{th}}=0.4$ 。

本文针对极化SAR图像的快速超像素分割算法 基本步骤如下:

步骤1 初始化。首先对输入图像进行IDAN滤 波处理^[27],滑窗大小为7;之后初始化为正六边形 分布,基于此再将所有像素点初始化为不稳定点, 并设置迭代索引iter=0。

步骤2 局部重贴标签。若iter≥itermax或不稳 定点集为空,则跳转至步骤4。否则采用式(13)在 2S×2S搜索范围寻找与当前不稳定点相似度最高 的聚类中心点,并将该中心点的标签赋予当前不稳 定点。

步骤3 迭代更新。更新超像素模型以及不稳 定点集,令iter=iter+1,再返回步骤2。

步骤4 后处理。搜索面积小于N_{th}的超像素, 按照式(14)计算不相似度,基于预设的合并准则将 超像素与其邻域相融合。

考虑到本文算法是基于滤波(Filter)后的数据 进行了正六边形(Hexagon)初始化、所有像素点 (All-pixels)的不稳定点初始化,还采用了基于测地 线(Geodesic)距离与空间(Spatial)距离的加权距 离,故下文将本文算法称为FHAGS算法。

3 实验结果与分析

为了评估FHAGS算法的性能,将FHAGS算法

与其他多种算法基于2幅仿真图像和1幅实测极化 SAR图像进行了对比分析实验。本文采用的仿真极 化SAR图像由逆变换法^[28]生成,是两幅含有3个相 同规则区域但是面积不同的图像,分别为400像素× 400像素和500像素×500像素。图4(a)展示的是面积 400像素×400像素的仿真图像,真值图如图4(b)所 示。实测极化SAR图像为AirSAR拍摄的L波段4视 极化SAR图像,拍摄地区位于Flevoland测试区, 图像大小为750像素×1024像素,其Pauli-RGB图像 如图5所示。为了定量地对超像素分割结果进行评估, 本文采用边缘回调率(Boundary Recall, BR)、欠 分割误差(Under-Segmentation Error, USE)、可达 分割准确率(Achievable Segmentation Accuracy, ASA)^[20]和运行时间(time)4种常用的评价度量对实 验结果进行对比分析。通常,当迭代次数为20时, 不稳定点集基本为空,因此本文实验设置itermax=20。

本文实验部分的组织如下。首先,在3.1节基 于仿真图像对正六边形初始化以及不稳定点集初始 化的有效性进行讨论,其次对测地线距离与快速修 正Wishart距离两种度量进行评估,之后与其他4种 面向极化SAR图像的超像素分割算法进行对比实





(a) Pauli-RGB图像 (a) The Pauli-RGB image

(b) 真值图(b) The ground-truth

图 4 仿真极化SAR图像 Fig. 4 The simulated PolSAR image



图 5 Flevoland实测极化SAR数据的Pauli-RGB图像 Fig. 5 The Pauli-RGB image of the Flevoland real-world PolSAR data

验;为了进一步验证本文算法的准确性与高效性, 在3.2节基于实测极化SAR图像与其他4种算法进行 对比实验,并对实验结果进行了全面的定性与定量 评测。

3.1 基于仿真极化SAR图像的评估实验 3.1.1 初始化的有效性

FHAGS算法在初始化时首先将超像素初始化 为正六边形,随后再将所有像素点均初始化为不稳 定点。为了验证本文采取的初始化方式的有效性, 采用正方形初始化与仅边缘像素点初始化(称其为 FGS算法)、正六边形初始化与仅边缘像素点初始 化(称其为FHGS算法)与FHAGS算法进行对比,基 于上述两幅仿真极化SAR图像展开实验,以此来验 证正六边形初始化、不稳定点集初始化对运算效率 以及分割精度的影响。为保证实验结果的客观公 正,紧致因子*m*均设为0.1(此数值时分割效果最 佳)。基于边缘回调率、欠分割误差、可达分割准 确率和运行时间的4个评价度量如图6所示,为方便 搜索范围的确定,横坐标设置为搜索范围边长值的 1/2*S*。

从图6(b)和图6(c)中可以看出,紫色折线与黄 色折线基本交叠在一起,这表明引入了正六边形初 始化后,没有引起超像素分割的不充分并且没有降低总体的分割准确率。图6(d)直观地表明了正六边形初始化可以显著地提升运算效率,FHGS算法与FHAGS算法的运算时长都低于FGS算法,特别是FHGS算法的运算效率要高于FGS算法约20%。由于初始化时将所有像素点全部初始化为了不稳定点,因此FHAGS算法的运算时长略高于FHGS算法。但图6(a)中则显示FHAGS算法的边缘贴合效果在3种算法中最佳,红色折线始终位于其他折线上方,且本文所提算法的分割精度基本不受S值的影响。

3.1.2 测地线距离的有效性

基于黎曼流形单位球面上的测地线概念引出的 距离度量可以有效地计算两个像素点间的最短距离, 为了充分验证本文所采用的测地线距离的优越性, 将本文算法中的距离度量替换为快速修正Wishart 距离与FHAGS算法进行对比,本文称其为FHAWS 算法。同时,其余算法步骤保持不变,并保持参数 的一致,紧致因子取值与3.1.1节相同。图7(b)、图7(c) 中的折线直观地反映了采用测地线距离与快速修正 Wishart距离均不会造成对图像的分割不充分,并 能达到较高的总体分割精度。



图 6 基于不同初始化方法的实验结果

Fig. 6 The results of different initialization methods

值得注意的是,虽然FHAWS算法采用的是修正 Wishart距离的快速计算方式,但在运算效率上还 是远低于FHAGS算法,图7(d)显示本文采用测地线 距离的运行时间比Wishart距离的运行时间可节省约 1/3。从不稳定点与所有像素点个数比率图中也可看出, 在每轮迭代时,基于测地线距离的算法不稳定点下 降个数始终多于基于快速修正Wishart距离的算法, 直观地解释了本文算法拥有较高的运算效率的原 因。图7(a)则表明采用测地线距离与修正Wishart距



离所得超像素分割结果均能够较好地贴合图像中的 真实边缘。图8是FHAWS算法与FHAGS算法在S=10 时的超像素分割结果图,图中红线所包络的区域即 为分割所得超像素,而每一个超像素的颜色则为该 超像素内所有像素点的平均颜色。虽然图7(a)中的蓝 色折线略高于红色折线,但分割结果图清晰地表明 采用修正Wishart距离在大片的同质区域分割效果很 差,这样的分割结果可能会对后续的解译处理造成 一定程度的误导,降低超像素分割作为预处理的意义。



图 7 基于两种不同距离度量方法的实验结果

Fig. 7 The results of two different distance measure

3.1.3 5种算法的对比实验

为保证对比实验的公平性,本文选取POL-SLIC 算法^[17]、POL-LSC算法^[15]、POL-IER算法、FHAWS 算法与本文所提的FHAGS算法进行对比。5种算法 的参数设置如下:POL-SLIC算法与POL-IER算法 的紧致因子取值分别为1.2与1.4,POL-LSC算法的 加权因子为0.2,FHAWS算法与FHAGS算法的紧致 因子取值均为0.1。其中,POL-LSC算法为C代码



(a) FHAWS算法的实验结果图(a) The results of FHAWS method

与MATLAB代码混编实现,其余算法均为MATLAB 代码实现。从图9(a)中可看出,POL-IER算法、 FHAWS算法与本文所提FHAGS算法的BR均较 高,始终位于折线图的上方。

从图9(b)和图9(c)中可看出5种算法的USE与ASA无较大差异,但折线图显示POL-IER算法的USE较高,这说明该算法存在的分割不充分情况较为严重。由于POL-LSC算法为C代码与MATLAB



(b) FHAGS算法的实验结果图(b) The results of FHAGS method

图 8 FHAWS算法与FHAGS算法在S=10时的实验结果图 Fig. 8 The results of FHAWS method and FHAGS method with S=10



图 9 5种算法基于仿真极化SAR图像的结果图

Fig. 9 The results of five comparison methods

代码混编实现,因此运行时长最短,但由于分割精 度太低,即使拥有较高的运算效率也无法满足超像 素分割作为预处理的要求。而POL-SLIC算法则既 没有较高的运算效率,同时分割精度也欠缺。在能 够达到同样良好的边缘贴合效果下,本文所提FHAGS 算法的运行时长最短,运算效率最优越,图9(d)中 红色折线始终位于褐色、蓝色与粉色折线下方。基 于仿真图像的实验充分的说明了FHAGS算法可以 良好的兼顾分割精度与运算效率,满足极化SAR图 像超像素分割的要求。



(a) POL-SLIC算法的实验结果(a) The results of POL-SLIC



(c) POL-LSC算法的实验结果(c) The results of POL-LSC



(e) POL-IER算法的实验结果(e) The results of POL-IER

3.2 基于实测极化SAR图像的评估实验

本节基于Flevoland地区实测极化SAR图像, 将本文算法、POL-SLIC算法、POL-LSC算法、 POL-IER算法以及FHAWS算法共5种算法进行对 比分析。在实验中S取值为6, POL-SLIC算法与POL-IER算法的紧致因子取值分别为0.1与0.4, POL-LSC 算法的加权因子为0.3, FHAWS算法与FHAGS算法 的紧致因子取值均为0.03。图10为5种算法在该幅 实测极化SAR图像上的超像素分割结果图。分割所 得超像素即为图10中左侧列附加在Pauli-RGB图像



(b) POL-SLIC算法的实验结果(b) The results of POL-SLIC



(d) POL-LSC算法的实验结果(d) The results of POL-LSC



(f) POL-IER算法的实验结果 (f) The results of POL-IER



(g) FHAWS算法的实验结果 (g) The results of FHAWS



(i) 本文算法的实验结果(i) The results of proposed method



(h) FHAWS算法的实验结果(h) The results of FHAWS



(j) 本文算法的实验结果(j) The results of proposed method

图 10 5种算法的超像素分割结果图 Fig. 10 The generated superpixels of the five comparison methods

上的红线所包络的区域,右侧列图则表示利用各超 像素的平均颜色值重新赋予该超像素内所有像素点 的颜色,便于与原图相比对观察分类结果。

为了有效验证本文算法的性能,本节中选取 图10中标注的红色区域A进行定量评测。区域A的分 割结果如图11所示,虽然图11(a)、图11(b)中的边 缘光滑但实际上并没有贴合到真实地物的边缘。从 表1中的数据可以直观看出, POL-IER算法、FHAWS 算法与本文算法的BR值均优于其他算法,且本文 算法比POL-LSC算法的BR值高出0.1449,验证了 本文算法在面向实测极化SAR图像时的分割优越性。 观察图10(b)、图10(d)、图10(f)、图10(h)与图10(j) 右上方的两处黄色标注框还可明显发现, POL-LSC 算法与POL-SLIC算法无法保留图像中的强散射点, 损失了部分细节信息,这样的超像素分割结果可能 会严重影响后续的解译处理。虽然表1显示POL-IER 算法与FHAWS算法的边缘回调率略高于FHAGS 算法,但FHAGS算法的运行时间最短,能够在准 确贴合边缘的同时拥有最高的运算效率。这是因 为,相对于Wishart距离,测地线距离能够更为准

确地度量两个像素点间的相似度,因此,能够为不 稳定点赋予更准确的标签,快速减少下一次迭代时 不稳定点的数量,从而提高计算效率。表2中的数 据直观地反映了本文算法的高效性,FHAGS算法 的运算时间与POL-SLIC算法、POL-IER算法以及 FHAWS算法相比分别提升了39%,17%与14%,显 著提升了运算效率且能够保持较高的分割精度,满 足了超像素分割作为预处理技术所必需的高效性。

图12为图10中B区域的放大图,可以看出POL-SLIC算法无法有效地贴合地物边缘,甚至破坏了 地物原本的边缘;POL-LSC算法的分割结果边缘 模糊,不能完整地保留地物边缘和细节信息。这样 的超像素分割结果将会直接影响后续的解译处理, 并且有可能使得解译精度大幅度下滑。观察图12中 黄色标注框可知,只有本文所提的FHAGS算法生 成的超像素具有较高的边缘贴合度,同时也更接近 真实地物边缘。虽然图12中FHAGS算法的蓝色标 注框区域与POL-IER算法、FHAWS算法相比,边 缘贴合效果稍差,但FHAGS算法拥有最高的运算 效率。为了直观地对比分割所得超像素的规则度,





(a) POL-SLIC算法 (a) POL-SLIC method





(b) POL-LSC算法 (b) POL-LSC method



(c) POL-IER算法 (c) POL-IER method



(d) FHAWS算法



(e) 本文算法 (d) FHAWS method (e) The proposed method

图 11 图10标记区域A的放大图 Fig. 11 The enlarged superpixel results for region A of Fig. 10

表 1 5种算法基于区域A的4种评价度量 Tab. 1 Four criteria of five methods for the region A of the real-world PolSAR image

_					
	算法	BR	USE	ASA	运行时间(s)
	POL-SLIC	0.6958	0.2558	0.9600	58
	POL-LSC	0.5872	0.2276	0.9593	5
	POL-IER	0.7762	0.2268	0.9602	32
	FHAWS	0.7868	0.2097	0.9611	33
	FHAGS	0.7321	0.2415	0.9596	26

表 2 针对实测极化SAR数据的5种超像素分割算法的运行时间 Tab. 2 Running Time(s) of five superpixel generation methods for the real-world PolSAR image

			-
算法	运行时间(s)	分割后处理时间(s)	总时间(s)
POL-SLIC	839	124	963
POL-LSC	371	_	371
POL-IER	641	65	706
FHAWS	618	66	684
FHAGS	523	64	587



(a) POL-SLIC算法 (a) POL-SLIC method



(d) FHAWS算法 (d) FHAWS method



(b) POL-LSC算法 (b) POL-LSC method



(e) 本文算法 (e) The proposed method



(c) POL-IER算法 (c) POL-IER method



(f) 图10的红色标注区B (f) The red region B of Fig. 10

图 12 图10标记区域B的放大图 Fig. 12 The enlarged superpixel results for region B of Fig. 10

图13放大展示了图10中的区域C,图中叠加在Pauli-RGB图像上的红线即为超像素的边缘,且每个像 素点的颜色由其所属超像素内平均颜色所替代。由 于POL-SLIC算法与POL-LSC算法精度太低,因此 主要针对其余3种算法进行超像素分割质量的对比。 实验结果显示FHAWS算法在大块的同质区域 分割性能较差且受相干斑噪声影响较大,因此,分 割所得超像素的形状规则度较低。图13(b)显示 POL-IER算法的分割规则度有较大的改善,但同 样存在部分区域分割较差的情况,目视效果不 佳。如图13(c)所示,本文算法的分割结果较其他 2种算法更为理想,分割得到的超像素形状规则且



(a) POL-IER算法(a) POL-IER method



(b) FHAWS算法(b) FHAWS method



(c) 本文算法 (c) The proposed method

图 13 图10标记区域C的实验结果图 Fig. 13 The superpixel results for region C of Fig. 10

边缘平滑,保留了图像的边缘细节,受相干斑噪声 影响不大,不仅运行时间短还能保持较高的边缘贴 合度,这对于极化SAR图像的超像素分割是非常重 要的。

4 结束语

现有的大多数超像素分割算法都是面向光学图 像提出的,没有考虑到极化SAR图像中固有的相干 斑噪声的影响以及复杂的地物分布情况。虽然有很 多学者针对极化SAR图像的特质对算法进行了相应 的改进,但仍然无法在分割精度与运算效率之间达 到良好的平衡。针对以上问题,本文提出了一种基 于测地线距离的极化SAR图像快速超像素分割算 法。为了减少在局部聚类时的距离计算次数,在初 始化超像素时,本文算法将聚类中心置于正六边形 内,与正方形初始化相比,可使得在相同大小的搜 索范围内寻找到更少的初始聚类中心点,从而减少 距离计算次数。考虑到极化SAR图像中细长区域的 影响,在正六边形初始化基础上将所有像素点都初 始化为不稳定点。在对不稳定点进行重贴标签时, 采用实对称Kennaugh矩阵导出的测地线距离能够 准确地衡量两个像素点之间的最短距离,因此可以 更准确地为当前不稳定点赋予类别标签,快速减少 连续两次迭代之间的不稳定点数量,从而提高了计 算效率: 迭代至满足终止条件后, 采用了基于测地 线距离的后处理步骤以消除孤立像素点。本文算法 采用边缘回调率、欠分割误差、可达分割准确率与 运行时间共4个度量参数对分割结果进行了定量与 定性的对比评估分析。首先基于仿真图像评估了初 始化方法的有效性,还通过与FHAWS算法对比验 证了测地线距离的有效性;同时,基于仿真和实测 图像将本文算法与其他4种算法进行对比实验,验 证了本文算法分割性能的优越性。大量的实验结果 表明,本文提出的算法能够得到形状规则且边缘贴 合的超像素,并且能够有效提升运算效率,较好地 兼顾了超像素分割的准确性与高效性,从而具有较 高的实用价值。

参考文献

 [1] 邹焕新,罗天成,张月,等.基于组合条件随机场的极化SAR图 像监督地物分类[J]. 雷达学报, 2017, 6(5): 541-553. doi: 10.12000/JR16109.

ZOU Huanxin, LUO Tiancheng, ZHANG Yue, et al. Combined conditional random fields model for supervised PolSAR images classification[J]. Journal of Radars, 2017, 6(5): 541–553. doi: 10.12000/JR16109.

[2] 邹焕新,李美霖,马倩,等.一种基于张量积扩散的非监督极化
 SAR图像地物分类方法[J]. 雷达学报, 2019, 8(4): 436-447.
 doi: 10.12000/JR19057.

ZOU Huanxin, LI Meilin, MA Qian, et al. An unsupervised
PolSAR image classification algorithm based on tensor
product graph diffusion[J]. Journal of Radars, 2019, 8(4):
436–447. doi: 10.12000/JR19057.

- [3] STUTZ D, HERMANS A, and LEIBE B. Superpixels: An evaluation of the state-of-the-art[J]. Computer Vision and Image Understanding, 2018, 166: 1–27. doi: 10.1016/j.cviu. 2017.03.007.
- [4] LI Meilin, ZOU Huanxin, MA Qian, et al. Unsupervised classification of PolSAR image based on tensor product graph diffusion[C]. The Fourth International Workshop on Pattern Recognition, Nanjing, China, 2019: 11198.
- [5] TIRANDAZ Z, AKBARIZADEH G, and KAABI H. PolSAR image segmentation based on feature extraction and data compression using weighted neighborhood filter

bank and hidden Markov random field-expectation maximization[J]. *Measurement*, 2020, 153: 107432. doi: 10.1016/j.measurement.2019.107432.

- [6] SONG Wanying, LI Ming, ZHANG Peng, et al. Superpixelbased hybrid discriminative random field for fast PolSAR image classification[J]. *IEEE Access*, 2019, 7: 24547–24558. doi: 10.1109/ACCESS.2019.2899116.
- [7] LIN Huiping, BAO Junliang, YIN Junjun, et al. Superpixel segmentation with boundary constraints for polarimetric SAR images[C]. 2018 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium, Valencia, Spain, 2018: 6195-6198.
- [8] LANG Fengkai, YANG Jie, LI Deren, et al. Mean-shiftbased speckle filtering of polarimetric SAR data[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2014, 52(7): 4440-4454. doi: 10.1109/TGRS.2013.2282036.
- [9] LANG Fengkai, YANG Jie, YAN Shiyong, et al. Superpixel segmentation of polarimetric synthetic aperture radar (SAR) images based on generalized mean shift[J]. Remote Sensing, 2018, 10(10): 1592. doi: 10.3390/rs10101592.
- [10] LIU Mingyu, TUZEL O, RAMALINGAM S, et al. Entropy rate superpixel segmentation[C]. CVPR 2011, Providence, USA, 2011: 2097–2104.
- [11] ZHANG Yuhang, HARTLEY R, MASHFORD J, et al. Superpixels via pseudo-Boolean optimization[C]. 2011 IEEE International Conference on Computer Vision, Barcelona, Spain, 2011: 1387–1394.
- [12] LEVINSHTEIN A, STERE A, KUTULAKOS K N, et al. TurboPixels: Fast superpixels using geometric flows[J]. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 2009, 31(12): 2290–2297. doi: 10.1109/TPAMI. 2009.96.
- [13] NOCK R and NIELSEN F. Statistical region merging[J]. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 2004, 26(11): 1452–1458. doi: 10.1109/TPAMI. 2004.110.
- [14] ACHANTA R, SHAJI A, SMITH K, et al. SLIC superpixels compared to state-of-the-art superpixel methods[J]. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2012, 34(11): 2274–2282. doi: 10.1109/TPAMI.2012.120.
- [15] LI Zhengqin and CHEN Jiansheng. Superpixel segmentation using linear spectral clustering[C]. 2015 IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, Boston, USA, 2015: 1356–1363.
- [16] ZHU Song, CAO Danhua, JIANG Shixiong, et al. Fast superpixel segmentation by iterative edge refinement[J]. *Electronics Letters*, 2015, 51(3): 230–232. doi: 10.1049/ el.2014.3379.
- [17] FENG Jilan, CAO Zongjie, and PI Yiming. Polarimetric

contextual classification of PolSAR images using sparse representation and superpixels[J]. *Remote Sensing*, 2014, 6(8): 7158–7181. doi: 10.3390/rs6087158.

- [18] XIANG Deliang, NI W, ZHANG H, et al. Superpixel segmentation for PolSAR images with local iterative clustering and heterogeneous statistical model[C]. ISPRS Annals of the Photogrammetry, Remote Sensing and Spatial Information Sciences, Wuhan, China, 2017: 499–506.
- [19] HOU Biao, YANG Chen, REN Bo, et al. Decompositionfeature-iterative-clustering-based superpixel segmentation for PolSAR image classification[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2018, 15(8): 1239–1243. doi: 10.1109/LGRS.2018.2833492.
- [20] 张月, 邹焕新, 邵宁远, 等. 一种用于极化SAR图像的快速超像 素分割算法[J]. 雷达学报, 2017, 6(5): 564–573. doi: 10.12000/ JR17018.

ZHANG Yue, ZOU Huanxin, SHAO Ningyuan, et al. Fast superpixel segmentation algorithm for PolSAR images[J].
Journal of Radars, 2017, 6(5): 564–573. doi: 10.12000/JR17018.

- [21] RATHA D, DE S, CELIK T, et al. Change detection in polarimetric SAR images using a geodesic distance between scattering mechanisms[J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2017, 14(7): 1066–1070. doi: 10.1109/ LGRS.2017.2696158.
- [22] RATHA D, BHATTACHARYA A, and FRERY A C. Unsupervised classification of PolSAR data using a scattering similarity measure derived from a geodesic distance[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2018, 15(1): 151–155. doi: 10.1109/LGRS.2017.2778749.
- [23] NAKAHARA M. Geometry, Topology and Physics[M]. 2nd ed. Boca Raton, USA: CRC Press, 2003.
- [24] 王雪松,陈思伟. 合成孔径雷达极化成像解译识别技术的进展 与展望[J]. 雷达学报, 2020, 9(2): 259-276. doi: 10.12000/ JR19109.

WANG Xuesong and CHEN Siwei. Polarimetric synthetic aperture radar interpretation and recognition: Advances and perspectives[J]. *Journal of Radars*, 2020, 9(2): 259–276. doi: 10.12000/JR19109.

- [25] YOU Biao, YANG Jian, YIN Junjun, et al. Decomposition of the Kennaugh matrix based on a new norm[J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2014, 11(5): 1000–1004. doi: 10.1109/LGRS.2013.2284336.
- [26] QIN Fachao, GUO Jiming, and LANG Fengkai. Superpixel segmentation for polarimetric SAR imagery using local iterative clustering[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2015, 12(1): 13–17. doi: 10.1109/LGRS. 2014.2322960.
- [27] VASILE G, TROUVÉ E, LEE J S, et al. Intensity-driven

adaptive-neighborhood technique for polarimetric and interferometric SAR parameters estimation[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2006, 44(6): 1609–1621. doi: 10.1109/TGRS.2005.864142.

作者简介





李美霖(1995-),女,山西人,现为国防 科技大学电子科学学院博士生,主要研 究方向为极化SAR图像解译、模式识别等。 E-mail: limeilin@nudt.edu.cn

曹 旭(1996-),男,天津人,现为国防 科技大学电子科学学院硕士生,主要研 究方向为SAR图像和光学图像目标检测 分类与识别。

E-mail: 1135459767@qq.com

[28] QIN Xianxiang, ZOU Huanxin, ZHOU Shilin, et al. Simulation of spatially correlated PolSAR images using inverse transform method[J]. Journal of Applied Remote Sensing, 2015, 9(1): 095082. doi: 10.1117/1.JRS.9.095082.



李润林(1995-),男,新疆人,现为国防 科技大学电子科学学院硕士生,主要研 究方向为SAR图像和光学图像目标检测 分类与识别。 E-mail: lrl1995@vip.qq.com

秦先祥(1986-),男,广西人,现任空军 工程大学信息与导航学院讲师,主要研 究方向为SAR图像解译。

E-mail: qinxianxiang@126.com