# 一种基于误差反向传播优化的多通道SAR相位误差估计方法

崔 磊\*<sup>1</sup> 仇晓兰\*<sup>123</sup> 郭嘉逸<sup>23</sup> 温雪娇<sup>1</sup> 杨俊莹<sup>23</sup> 付 琨<sup>23</sup> <sup>1</sup>(中国科学院电子学研究所苏州研究院 苏州 215123) <sup>2</sup>(中国科学院空天信息创新研究院 北京 100190) <sup>3</sup>(微波成像技术国家级重点实验室 北京 100190)

摘 要:方位向多通道合成孔径雷达(SAR)可实现高分辨率宽测绘带成像,准确估计通道间相位误差是保障成像 质量的关键。该文提出了基于误差反向传播训练优化的通道相位误差估计方法,该方法根据多通道SAR回波生成 的物理过程,构建含有通道间相位误差待估计参数的观测矩阵,通过初始化的通道误差和初始化的目标散射系数 参数生成初始化的SAR回波,并计算该回波与多通道SAR实测回波之间的误差,通过深度学习中常用的误差反向 传播的方法,不断训练优化上述参数,最终获得通道间相位误差的估计值,同时也得到了对稀疏目标散射系数的 估计。该方法基于误差反向传播方法,并将该方法与通道误差的形成原理相结合,在稀疏假设下同时完成了相位 估计和成像,为多通道SAR误差估计提供了一种全新的思路。多通道SAR仿真数据验证了该文算法的有效性。 关键词:合成孔径雷达;高分辨率宽测绘带;误差反向传播;多通道SAR;相位误差估计 中图分类号:TN957.52 文献标识码:A 文章编号:2095-283X(2020)05-0878-08 DOI: 10.12000/JR20096

**引用格式:** 崔磊, 仇晓兰, 郭嘉逸, 等. 一种基于误差反向传播优化的多通道SAR相位误差估计方法[J]. 雷达学报, 2020, 9(5): 878-885. doi: 10.12000/JR20096.

**Reference format:** CUI Lei, QIU Xiaolan, GUO Jiayi, *et al.* Multi-channel phase error estimation method based on an error backpropagation algorithm for a multichannel SAR[J]. *Journal of Radars*, 2020, 9(5): 878–885. doi: 10.12000/JR20096.

# Multi-channel Phase Error Estimation Method Based on an Error Backpropagation Algorithm for a Multichannel SAR

CUI Lei<sup>\*①</sup> QIU Xiaolan<sup>\*①23</sup> GUO Jiayi<sup>23</sup> WEN Xuejiao<sup>①</sup> YANG Junying<sup>23</sup> FU Kun<sup>23</sup>

<sup>(1)</sup>(Institute of Electronics, Chinese Academy of Sciences, Suzhou Research Center, Suzhou 215123, China)

<sup>(2)</sup>(Aerospace Information Research Institute, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China)

<sup>(3)</sup>(National Key Lab of Microwave Imaging Technology, Beijing 100190, China)

**Abstract**: An azimuth multi-channel Synthetic Aperture Radar (SAR) can be used to obtain high-resolution wide-swath SAR images. Accurate estimation of the phase error between channels is the key to ensuring image quality. In this study, we present a channel phase error estimation method based on the error backpropagation algorithm. During the physical process of a multi-channel SAR echo generation, this method constructs an observation matrix with the parameters to be estimated including the phase error between channels. The initial SAR echo is generated using the initial channel error matrix and initial target scattering coefficient matrix, and the error between the echo and measured multi-channel SAR echo is calculated. Using the backpropagation algorithm commonly used in deep learning, the abovementioned parameters are continuously trained and

收稿日期: 2020-07-07; 改回日期: 2020-09-04; 网络出版: 2020-09-28

<sup>\*</sup>通信作者: 仇晓兰 xlqiu@mail.ie.ac.cn; 崔磊 cuilei1167@163.com

<sup>\*</sup>Corresponding Author: QIU Xiaolan, xlqiu@mail.ie.ac.cn; CUI Lei, cuilei1167@163.com

基金项目: 国家自然科学基金(61991420, 61991421)

Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (61991420, 61991421)

责任主编: 陈杰 Corresponding Editor: CHEN Jie

optimized. Finally, the estimation of the phase error between channels is obtained along with the target scattering coefficient. This method combines the error backpropagation method with the principle of multichannel SAR channel error. Phase estimation and imaging are realized based on the sparsity assumption, which provides a new approach for estimating an error in a multi-channel SAR. The effectiveness of the presented method is validated using multi-channel SAR simulation data.

**Key words**: Synthetic Aperture Radar (SAR); High-resolution wide-swath; Error backpropagation algorithm; Multi-channel SAR; Phase error estimation

### 1 引言

合成孔径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR) 是一种高分辨率的成像雷达,在海洋、减灾及国防 等领域具有重要作用。提升SAR的图像分辨率和测 绘带宽度,可以同时获得更多更精细的场景信息。但 传统单通道SAR存在分辨率和测绘带宽的固有矛盾, 无法同时获得高方位分辨率和宽测绘带的SAR图像<sup>[1]</sup>。

近年来提出了方位多通道SAR体制来实现高分 辨率宽幅。方位多通道SAR技术的工作原理为:将 天线方位向分成多个子孔径,一个孔径作为发射通 道,所有孔径同时接收回波,可以用较小的脉冲重 复频率(Pulse Repetition Frequency, PRF)发射信 号以获得宽测绘带,各通道回波在方位向合成, 合成后信号的等效PRF提高为原来的M倍(M为接 收通道数),从而扩大多普勒频谱的不模糊范围, 因此可同时实现高分辨率与宽测绘带成像。

方位多通道SAR由于受平台姿态、天线位置和 指向、通道硬件、设备噪声等因素影响,不同通道 的增益和相位很难完全一致,若不进行估计与补偿, 合成后的等效单通道信号会在方位向出现周期性的 幅度和相位误差,导致成像后出现方位重影,或称 虚假目标。因此通常需要进行通道间幅相误差估 计。由于幅度误差通常可以采用通道幅度均衡来补 偿[2-4]并得到较好的效果,相位误差估计是多通道 SAR信号处理的难点。已有很多研究提出了许多有 效的方法,主要分为3类:第1类:利用回波相关性 的方法[5-8],包括时域相关法、频域相关法,这类 方法原理简单直接,但会一定程度受到中心频率估 计精度的影响[9-11]; 第2类: 基于子空间的方法, 包 括正交子空间法[12-15]、信号子空间比较法[16]、天线 方向图法[17]等,这类方法估计精度较高,但需要有 关于信号模糊数的先验知识,并且通道数相对于模 糊数有较大余量时估计性能好,如余量不够,估计 性能将显著下降; 第3类: 基于迭代最优化的方 法[18,19],包括自适应最小二乘法、最小熵法等,该 类方法通常流程较为复杂、计算量较大。

本文提出了一种基于误差反向传播优化的多通 道SAR相位误差估计方法,其从原理上讲是属于前 述的第3类方法,但本文采用了深度学习中常用的 误差反向传播方法,来实现通道间相位误差和目标 散射系数的优化,最终获得通道间相位误差的估计 值,同时也得到了对稀疏目标散射系数的估计。仿 真验证表明,本文算法具有较好的鲁棒性,在较低 信噪比情况下仍具有较高的估计性能。

本文后续内容结构安排如下:第2节简要介绍 了多通道SAR信号模型,为误差估计奠定模型基 础;第3节给出本文估计方法和实现流程;第4节利 用仿真实验验证算法有效性;第5节总结全文。

#### 2 方位多通道SAR信号模型

#### 2.1 成像构型

假定方位多通道SAR系统共有M个接收通道并 沿航向分布,如图1所示。SAR平台速度为 $v_m$ ,平 台到观测场景中心的最近斜距为 $R_0$ ,由整个天线 的相位中心Tx发射脉冲,M个通道相位中心 $Rx_1 \sim Rx_M$ 同时接收场景回波,假设整个天线的长度为  $L_a$ ,由于子孔径均匀分布,相邻接收天线孔径之间 的相位中心间隔为 $d = L_a/M$ ,等效相位中心的间 隔为 $d = L_a/2M$ 。设y轴沿着平台速度方向,z轴指 向天空方向,x轴垂直于y轴和z轴组成的平面,构 成右手坐标系。 $w_g$ 为测绘带宽。

#### 2.2 回波模型

第m个接收通道接收到的回波可表达为





$$s_{m}(\tau,\eta) = \iint \sigma(x,y) g(\eta)$$
  

$$\cdot \exp\left(j\pi k_{r} \left(\tau - \frac{r_{T}(x,y,\tau,\eta) + r_{m}(x,y,\tau,\eta)}{c}\right)^{2}\right)$$
  

$$\cdot \exp\left(-j2\pi \frac{r_{T}(x,y,\tau,\eta) + r_{m}(x,y,\tau,\eta)}{\lambda}\right) dxdy$$
(1)

其中 $\tau$ , $\eta$ 分别表示距离快时间和方位慢时间, $\sigma(x,y)$ 为坐标(x,y)处目标的复散射系数, $g(\eta)$ 为天线方向 图加权系数, $k_r$ 是距离向调频斜率,c是光速, $\lambda$ 是 工作波长, $r_T(x,y,\tau,\eta)$ 和 $r_m(x,y,\tau,\eta)$ 分别为发射 通道与第m个接收通道与场景坐标(x,y)间的斜距。

将分布在x, y平面的目标按照先延x轴,再延 y轴增大的顺序进行编号, $\sigma(x, y)$ 具有幅度和相位 特性,那么场景中的第i个目标散射系数可以写成  $W(i)e^{i\theta_i}$ ,令

$$r_T(x, y, \tau, \eta) + r_m(x, y, \tau, \eta) = 2R_m(i, \tau, \eta)$$
(2)

假设通道间第*m*个通道的幅相误差为*A<sub>m</sub>e<sup>iφm</sup>*, 那么第*m*个接收通道接收到的回波信号可以表示为

$$s_{m}(\tau,\eta) = \sum_{i=1}^{N} g(\eta) \cdot W(i) \mathrm{e}^{\mathrm{j}\theta_{i}} A_{m} \mathrm{e}^{\mathrm{j}\phi_{m}}$$
$$\cdot \exp\left(\mathrm{j}\pi k_{r} \left(\tau - \frac{2R_{m}(i,\tau,\eta)}{\mathrm{c}}\right)^{2}\right)$$
$$\cdot \exp\left(-\mathrm{j}2\pi \frac{R_{m}(i,\tau,\eta)}{\lambda}\right) \tag{3}$$

设场景中共有N个目标,M个通道,方位向采 样点数是 $N_a$ ,方位向采样时间点是k,采样间隔是  $\Delta t$ ,则 $\eta = k \cdot \Delta t$ ,距离向采样点数为 $N_r$ ,采样间隔 为 $\Delta \tau$ ,距离向采样点是j,则 $\tau = j \cdot \Delta \tau$ ,令

$$\varphi_m(i,\tau,\eta) = \exp\left(j\pi k_r \left(\tau - \frac{2R_m(i,\tau,\eta)}{c}\right)^2\right)$$
$$\cdot \exp\left(-j2\pi \frac{R_m(i,\tau,\eta)}{\lambda}\right) \tag{4}$$

根据回波产生的物理过程,可以将回波写成表 达式为

$$\boldsymbol{Y} = \operatorname{dot}(\boldsymbol{A}, \boldsymbol{B}) \cdot \boldsymbol{P} + \boldsymbol{n}$$
(5)

其中Y是多通道SAR获得的观测样本(也即回波采 样值),按一定顺序重排后的一维向量;dot是矩阵 之间的点乘;A矩阵表示初始回波矩阵;B矩阵表 示含有通道幅度和相位误差待估计参数的观测矩 阵;P矩阵为在成像区域划分网格后,由每个网格 散射系数组成的矩阵,设网格时,网格待估计目标 数为X,要求X > N;n是一个与Y相同维度的噪声 矩阵。下面详细解释各个矩阵。

Y是不同距离向采样时刻y(1)到 $y(N_r)$ 组成的矩阵

$$\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} \mathbf{y}(1) \\ \vdots \\ \mathbf{y}(j) \\ \vdots \\ \mathbf{y}(N_r) \end{bmatrix}_{(N_a \times \mathbf{M} \times N_r) \times 1}$$
(6)

其中**y**(**j**)矩阵是同一距离向采样时刻所有方位向上 M个通道的观测样本回波的矩阵

$$\boldsymbol{y}(\boldsymbol{j}) = \begin{bmatrix} s_1(j\Delta\tau, \Delta t) \\ \vdots \\ s_M(j\Delta\tau, \Delta t) \\ \vdots \\ s_1(j\Delta\tau, k\Delta t) \\ \vdots \\ s_M(j\Delta\tau, k\Delta t) \\ \vdots \\ s_M(j\Delta\tau, N_a\Delta t) \\ \vdots \\ s_M(j\Delta\tau, N_a\Delta t) \end{bmatrix}_{(N_a \times \boldsymbol{M}) \times 1}$$
(7)

A是不同距离向采样时刻 $\psi(1)$ 到 $\psi(N_r)$ 组成的矩阵

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\psi}(1) \\ \vdots \\ \boldsymbol{\psi}(j) \\ \vdots \\ \boldsymbol{\psi}(N_r) \end{bmatrix}_{(N_n \times \boldsymbol{M} \times N_r) \times \boldsymbol{X}}$$
(8)

其中 $\psi(j)$ 矩阵是同一距离向采样时刻所有方位向上 M个通道无幅相误差、无后向散射系数加权的回波 初值, $\psi(j)$ 矩阵可以表示为

$$\boldsymbol{\psi}(\boldsymbol{j}) = \begin{bmatrix} \varphi_{1}\left(1, j\Delta\tau, \Delta t\right) & \cdots & \varphi_{1}\left(i, j\Delta\tau, \Delta t\right) & \cdots & \varphi_{1}\left(X, j\Delta\tau, \Delta t\right) \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \varphi_{M}\left(1, j\Delta\tau, \Delta t\right) & \cdots & \varphi_{M}\left(i, j\Delta\tau, \Delta t\right) & \cdots & \varphi_{M}\left(X, j\Delta\tau, \Delta t\right) \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \varphi_{1}\left(1, j\Delta\tau, k\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{1}\left(i, j\Delta\tau, k\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{1}\left(X, j\Delta\tau, k\Delta t\right) \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \varphi_{M}\left(1, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{1}\left(i, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{1}\left(X, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \varphi_{M}\left(1, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{M}\left(i, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{M}\left(X, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \varphi_{M}\left(1, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{M}\left(i, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) & \cdots & \varphi_{M}\left(X, j\Delta\tau, N_{a}\Delta t\right) \end{bmatrix}_{(N_{a}\times M)\times X}$$

**P**矩阵是待估计网格的后向散射系数的矩阵

$$\boldsymbol{P} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{W}(1)\mathrm{e}^{\mathrm{j}\theta_{1}} \\ \vdots \\ \boldsymbol{W}(\boldsymbol{i})\mathrm{e}^{\mathrm{j}\theta_{\boldsymbol{i}}} \\ \vdots \\ \boldsymbol{W}(\boldsymbol{X})\mathrm{e}^{\mathrm{j}\theta_{\boldsymbol{X}}} \end{bmatrix}_{\boldsymbol{X} \times 1}$$
(10)

B是和A同维度的幅相误差矩阵

$$\boldsymbol{B} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\vartheta} \\ \vdots \\ \boldsymbol{\vartheta} \\ \vdots \end{bmatrix}$$
(11)

 $\left\lfloor \vartheta 
ight
floor _{(N_a imes M imes N_r) imes X}$ 

其中**∂**是和ψ(j)同维度的矩阵

$$\boldsymbol{\vartheta} = \begin{bmatrix} A_{1} e^{j\phi_{1}} & \cdots & A_{1} e^{j\phi_{1}} & \cdots & A_{1} e^{j\phi_{1}} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{M} e^{j\phi_{M}} & A_{M} e^{j\phi_{M}} & A_{M} e^{j\phi_{M}} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{1} e^{j\phi_{1}} & \cdots & A_{1} e^{j\phi_{1}} & \cdots & A_{1} e^{j\phi_{1}} \\ \dots & \ddots & \dots & \ddots & \dots \\ A_{M} e^{j\phi_{M}} & \cdots & A_{M} e^{j\phi_{M}} & \cdots & A_{M} e^{j\phi_{M}} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{1} e^{j\phi_{1}} & \cdots & A_{1} e^{j\phi_{1}} & \cdots & A_{1} e^{j\phi_{1}} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{M} e^{j\phi_{M}} & \cdots & A_{M} e^{j\phi_{M}} & \cdots & A_{M} e^{j\phi_{M}} \end{bmatrix}_{(\mathbf{N}_{a} \times \mathbf{M}) \times \mathbf{X}}$$
(12)

其中, A矩阵是式(5)的输入, Y矩阵是输出。P矩 阵中的 $X \land W(i) e^{i\theta_i} 以及 B$ 矩阵中 $M \land A_m e^{i\phi_m}$ 是式(5) 方程中待估计的参数。

#### 3 通道间相位误差估计方法

#### 3.1 估计方法

反向传播法是深度学习中的一种常用方法,反向传播是"误差反向传播"的简称,是一种与最优 化方法(如梯度下降法)结合使用的,用来训练人工 神经网络的常见方法。该方法对网络中所有权重计 算损失函数的梯度。这个梯度会反馈给最优化方 法,用来更新权值以最小化损失函数。在本文中可 以更新的权值是**B**和**P**矩阵。

由于通道间幅相误差*A<sub>m</sub>e<sup>iφ<sub>m</sub></sup>*的个数只有通道 个数*M*个,因此在设置*B*矩阵时,只设置*M*个变 量,然后进行扩展,扩展到*B*的维度。

使用反向传播的目标是找到一个能把一组输入 最好地映射到其期望的输出的函数。在本文中输入 是*A*矩阵,输出是*Y*矩阵。反向传播算法主要由 3个阶段组成:激励传播、权重更新以及多次迭代。 第1阶段:激励传播。首先进行前向传播,将 A矩阵输入初始化的B, P矩阵,获得激励响应 $\hat{Y}$ ; 其次进行反向传播,将激励产生的响应 $\hat{Y}$ 对应的目 标输出Y进行求差操作,从而获得响应的误差。在 本算法中,使用均方误差进行求差,均方误差公式 如式(13)所示

$$\log_{\text{MSE}} = \frac{1}{N_r \cdot N_a \cdot M}$$
$$\cdot \sum_{j=1}^{N_r} \left( \sum y(j) - \sum \hat{y}(j) \right)^2 \qquad (13)$$

第2阶段:权重更新。对于每个权重,即B, P矩阵,按照以下步骤进行更新。首先将输入激励 和响应误差相乘,从而获得权重的梯度;其次,将 这个梯度乘上一个比例并取反后加到权重上,这个 比例类似于深度学习中经常使用的学习率,取反的 目的是梯度是"上升"最快的方向,得到激励产生 的响应对应的目标输出之差下降最快的方向,需要 求梯度相反的方向。

第3阶段:多次迭代。第1和第2阶段可以反复 循环迭代,直到输入的响应达到满意的预定目标范 围为止。

通过以上迭代计算,可以在稀疏的条件下对后 向散射系数矩阵**P**进行估计,同时可以估计出方位 多通道之间的幅相误差矩阵**B**。在**B**矩阵中的M个 A<sub>m</sub>e<sup>iφ</sup>就是所求得的幅相误差。

#### 3.2 算法实现

本文提出的方位多通道SAR系统相位偏差估计 算法主要包括数据抽取、构建输入输出矩阵、初始 化待估计矩阵、设置学习率、迭代次数以及损失函 数和迭代计算提取通道间相位误差等5个步骤,如 图2所示。下面对各处理步骤进行介绍:



图 2 基于反向传播优化的多通道SAR相位误差估计算法流程图

Fig. 2 Flow chart of channel phase error estimation method based on backpropagation algorithm for multichannel SAR

步骤1 数据抽取。由于A矩阵和Y矩阵数据 量较大,估计通道误差时具有对计算机性能要求 高,求解过程耗时长等问题。针对以上问题,对 A矩阵和回波数据在距离向和方位向进行数据抽 取,减少数据量。

步骤2 构建输入输出矩阵。根据场景构建输入矩阵A,A矩阵的列数是在场景中待估计的目标 个数X,设置待估计目标个数X的值以及待估计目 标的位置,要求待估计目标设置的位置能够覆盖场 景中的真实目标,设置待估计网格时,可以按照期 望分辨率划分网格,这样真实目标的个数相对于待 估计目标的个数是稀疏的,同时待估计网格可以覆 盖场景目标。根据回波数据构建输出矩阵Y,将回 波数据按照式(6)进行排列,得到Y矩阵。

步骤3 初始化待估计矩阵。初始化**B**矩阵时,由于通道间幅度误差通过传统方法,例如时域相关法,可以得到比较准确的估计,因此对**B**矩阵中A<sub>m</sub>e<sup>iφm</sup>的幅度误差在初始化时,将通道间幅度误差A<sub>m</sub>进行补偿设置,将其初值设置为已经估计出的幅度误差,相位误差初值均设置为0。对**P**矩阵初始化时可以设置为全0矩阵。

步骤4 设置学习率、迭代次数以及损失函数。 步骤5 迭代计算提取通道间相位误差。得到 幅相误差矩阵B后,通道间幅度误差在设置初值时 已经进行了补偿,提取相位信息只要知道相位之间 的差值,就可以对各个通道进行补偿,因此只需获 取通道间相位误差梯度即可。同时得到散射系数矩 阵P,在估计的过程中无目标的位置散射系数矩阵 P中对应的幅度和相位是趋近于0的,有目标的位 置散射系数矩阵P中对应的值接近于真实散射系数 的值。

#### 4 仿真验证

本节将利用仿真数据分析本文算法的通道间相 位误差估计性能。仿真实验系统参数如表1所示。 在方位向各个通道添加固定的幅相误差,利用本文 算法对通道间相位误差进行估计。

由于该方法是在稀疏假设的条件下同时完成了 相位估计和成像,在设置待估计网格时,需要满足 网格待估计目标数为X大于真实目标数N的条件, 如果在成像区按照期望分辨率划分网格,那么就能 够覆盖场景目标,但计算量较大,本文为了验证算 法性能并减小计算量,在覆盖目标的条件下降低了 X的数量,如图3所示,在场景中设置9个目标用 \*号表示,在初始化A矩阵时设置X=100个地面网 格,用o表示。

为了进一步减少计算量,首先对回波信号进行

抽取。距离向抽取点数1024,方位向4通道各抽取 256个点。如图4所示,整个方框代表回波信号,抽 取中间部分信号进行估计。

由抽取后的回波构建Y矩阵,其维度是 (256×4×1024)×1,根据抽取后的回波构建A矩 阵,其维度是(256×4×1024)×100。

其次初始化待估计矩阵,**B**矩阵中A<sub>m</sub>e<sup>iφm</sup>的幅 度误差在初始化时,将通道间幅度误差A<sub>m</sub>进行补

表 1 仿真实验系统参数

Tab. 1 Parameters of simulation experiment system	a
---	---

参数	取值
通道数	4
雷达载频(GHz)	5.35
信号带宽(MHz)	210.00
脉冲重复频率(Hz)	335.10
方位向波束宽度(°)	5.14
雷达高度(m)	4950.00
雷达距场景中心的距离(m)	7000.00
雷达方位向等效速度(m/s)	123.00
场景方位向宽度(m)	20.00
场景地距向宽度(m)	20.00
距离采样个数	4096
方位回波个数	3166



图 3 场景目标示意图







偿设置,对相位误差均设置为0,**B**矩阵的维度和 **A**矩阵相同,也是(256×4×1024)×100。对**P**矩阵 初始化时可以设置为全0矩阵,维度设置为 100×1。

最后通过迭代计算,获取**B**矩阵中的 $\phi_m$ 值,由 于设置了4个通道,求得 $\Delta \phi_{1,2} = \phi_2 - \phi_1, \Delta \phi_{2,3} = \phi_3 - \phi_2,$  $\Delta \phi_{3,4} = \phi_4 - \phi_3$ 。同时获取**P**矩阵中的第*i*个目标的 后向散射系数W(*i*)e<sup>j $\theta_i$ </sup>。

#### 4.1 无噪声下的仿真验证

在无噪声的条件下,对信号进行仿真,完成通

道间相位误差估计,同时完成场景的散射系数估 计,估计结果如图5所示。估计时间大约145 min。

#### 4.2 含噪声下的仿真验证

在有噪声的条件下,对信号进行仿真,完成通 道间相位误差估计,信噪比SNR=0 dB的估计结果 如图6(a)所示,估计时间约147 min。信噪比SNR= -5 dB的估计结果如图7(a)所示,估计时间约144 min。

表2给出了通道间相位误差估计仿真实验结果。 表2结果表明在无噪声和有一定噪声的条件下,本 算法均可有效的估计出通道间相位误差。



$\chi^2$ 通道问作证法在自己事实() Tab. 2 Estimation results of channel phase error (°)				
相位误差	通道1/2相位误差	通道2/3相位误差	通道3/4相位误差	
实际相位偏差	-9.82	6.44	-2.34	
无噪估计	-9.81	6.44	-2.34	
SNR=0 dB估计	-9.87	6.46	-2.33	
SNR=-5 dB估计	-9.35	6.30	-2.76	

表 2 通道间相位误差估计结果(°)

如图5(b)、图6(b)、图7(b)所示,本算法在估计通道间相位误差的同时,在预设的待估计网格中得到了对目标散射系数的估计,估计出场景目标的

## 位置和幅度。 5 结束语

针对方位向多通道合成孔径雷达通道间相位误 差估计问题,本文基于反向误差传播训练优化的方 法提出了一种迭代估计通道相位误差的方法。该方 法构建含有通道间相位误差待估计参数的观测矩 阵,输入初始化的SAR回波,通过通道间幅相误差 矩阵和网格化待估计的场景目标矩阵加权,计算加 权后的回波与多通道SAR实际回波之间的误差,通 过反向误差传播的方法,不断训练优化待估计参 数,最终获得通道间相位误差的估计值。利用本文 算法,不但能完成通道间相位误差估计,同时还能 完成对场景目标位置的估计,为多通道SAR误差估 计提供了一种全新的思路。

#### 参考文献

- FREEMAN A, JOHNSON W T K, HUNEYCUTT B, et al. The "Myth" of the minimum SAR antenna area constraint[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2000, 38(1): 320–324. doi: 10.1109/36. 823926.
- [2] MOREIRA J, SCHWABISCH M, FORNARO G, et al. X-SAR interferometry: First results[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 1995, 33(4): 950–956. doi: 10.1109/36.406681.
- [3] JIN Tingting, QIU Xiaolan, HU Donghui, et al. Unambiguous imaging of static scenes and moving targets with the first Chinese Dual-Channel spaceborne SAR sensor[J]. Sensors, 2017, 17(8): 1709. doi: 10.3390/ s17081709.
- [4] 刘艳阳,李真芳,杨桃丽,等. 一种单星方位多通道高分辨率宽测绘带SAR系统通道相位偏差时域估计新方法[J]. 电子与信息学报, 2012, 34(12): 2913–2919. doi: 10.3724/SP.J.1146.
   2012.00562.

LIU Yanyang, LI Zhenfang, YANG Taoli, *et al.* A novel channel phase bias estimation method for spaceborne alongtrack multi-channel HRWS SAR in time-domain[J]. *Journal*  of Electronics & Information Technology, 2012, 34(12): 2913–2919. doi: 10.3724/SP.J.1146.2012.00562.

- [5] LI Zhenfang, BAO Zheng, WANG Hongyang, et al. Performance improvement for constellation SAR using signal processing techniques[J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2006, 42(2): 436-452. doi: 10.1109/TAES.2006.1642562.
- [6] 张磊,全英汇,邢孟道,等.一种子空间投影的高分辨宽测绘带 SAR成像通道均衡方法[J]. 电子与信息学报, 2010, 32(1): 1-6. doi: doi: 10.3724/SP.J.1146.2008.01821.
  ZHANG Lei, QUN Yinghui, XING Mengdao, et al. An SSP based channel calibration for high-resolution and wideswath sar imagery[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2010, 32(1): 1-6. doi: 10.3724/SP.J.1146. 2008.01821.
- [7] 杨桃丽,李真,刘艳阳,等.两种星载高分辨宽测绘带SAR系统 通道相位误差估计方法[J].电子学报,2013,41(5):931-935. doi: 10.3969/j.issn.0372-2112.2013.05.016.
  YANG Taoli, LI Zhen, LIU Yanyang, *et al.* Two channel phase error estimation methods for spaceborne HRWS SAR system[J]. *Acta Electronica Sinica*, 2013, 41(5): 931-935. doi: 10.3969/j.issn.0372-2112.2013.05.016.
- [8] LIU Yanyang, LI Zhenfang, YANG Taoli, et al. An adaptively weighted least square estimation method of channel mismatches in phase for multichannel SAR systems in azimuth[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2014, 11(2): 439–443. doi: 10.1109/LGRS.2013. 2264771.
- [9] JIN Tingting, QIU Xiaolan, and HU Donghui. Estimation accuracy and Cramér-Rao Lower bounds for errors in multichannel HRWS SAR systems[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2016, 13(12): 1772–1776. doi: 10.1109/LGRS.2016.2608386.
- [10] ZHANG L, XING M D, QIU C W, et al. Adaptive two-step calibration for high resolution and wide-swath SAR imaging[J]. IET Radar, Sonar & Navigation, 2010, 4(4): 548-559.
- [11] GEBERT N and KRIEGER G. Azimuth phase center adaptation on transmit for high-resolution wide-swath SAR imaging[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2009, 6(4): 782–786. doi: 10.1109/LGRS.2009.2025245.
- [12] 王志斌, 刘艳阳, 李真芳, 等. 基于多普勒谱优化的HRWS

SAR系统通道相位偏差估计算法[J]. 电子与信息学报, 2016, 38(12): 3026-3033. doi: 10.11999/JEIT161038.

WANG Zhibin, LIU Yanyang, LI Zhenfang, et al. Phase bias estimation algorithm for HRWS SAR system in azimuth based on Doppler spectrum optimization[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2016, 38(12): 3026-3033. doi: 10.11999/JEIT161038.

- [13] 東宇翔. 分布式卫星多相位中心SAR-GMTI技术研究[D]. [博 士论文], 西安电子科技大学, 2014.
   SHU Yuxiang. Research on techniques of SAR-GMTI for distributed satellite SAR systems with multiple phase centers[D]. [Ph. D. dissertation], Xidian University, 2014.
- [14] JANOTH J, JOCHUM M, PETRAT L, et al. High resolution wide swath-the next generation X-band mission[C]. 2019 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium, Yokohama, Japan, 2019: 3535–3537.
- [15] HAWKES M, NEHORAI A, STOICA P. Performance breakdown of subspace-based methods: Prediction and cure[C]. 2001 IEEE International Conference on Acoustics,



# 作者简介

仇晓兰(1982-),女,中国科学院空天信 息创新研究院研究员,博士生导师,主 要研究领域为SAR成像处理、SAR图像 理解,IEEE高级会员、IEEE地球科学 与遥感快报副主编、雷达学报青年编委。 E-mail: xlqiu@mail.ie.ac.cn Speech, and Signal. Salt Lake City, USA, 2001.

- [16] SHANG Mingyang, QIU Xiaolan, HAN Bing, et al. Channel imbalances and along-track baseline estimation for the GF-3 azimuth multichannel mode[J]. Remote Sensing, 2019, 11(11): 1297. doi: 10.3390/rs11111297.
- [17] ZHANG Linjian, GAO Yesheng, and LIU Xingzhao. Robust channel phase error calibration algorithm for multichannel high-resolution and wide-swath SAR imaging[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2017, 14(5): 649–653. doi: 10.1109/LGRS.2017.2668390.
- [18] YANG Taoli, LI Zhenfang, LIU Yanyang, et al. Channel error estimation methods for multi-channel HRWS SAR systems[C]. 2013 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium, Melbourne, Australia, 2013.
- [19] DE ALMEIDA F Q, YOUNIS M, KRIEGER G, et al. An analytical error model for Spaceborne SAR multichannel azimuth reconstruction[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, 2018, 15(6): 853–857. doi: 10.1109/LGRS. 2018.2811786.



崔 磊(1989-),男,甘肃天水人, 2016年在北京理工大学信息与电子学院 获得硕士学位,中国科学院电子学研究 所苏州研究院助理研究员。主要研究领 域为SAR数据预处理。 E-mail: cuilei1167@163.com