多方位角多基线星载SAR三维成像方法研究

匡辉 杨威 王鹏波 陈杰*

(北京航空航天大学电子信息工程学院 北京 100191)

摘 要: 传统星载合成孔径雷达(Sythetic Aperture Radar, SAR)采用多基线的方式可获取目标区域的3维图像, 解决了SAR 2维图像中的叠掩问题,但仍存在因遮挡导致的信息获取不足的问题。为此,该文首次提出了多方位 角多基线星载SAR 3维成像方法,其不仅解决了叠掩问题,还通过融合不同方位角下获取的3维点云减少了遮挡 区域,提升了星载SAR信息获取能力。文中首先建立多方位角多基线星载SAR空间观测模型,并通过推导论证斜 视多基线观测和正侧视多基线观测具有相同的数学信号模型,为直接将正侧视时的3维成像方法应用于斜视时的 3维处理提供理论支撑;在此基础上,给出多方位角多基线星载SAR 3维成像方法及处理流程,其包括SAR斜视 3维处理和多方位角3维点云融合两个步骤;最后,通过方位角45°下的点阵目标实验验证SAR斜视3维处理方法的 有效性,并利用方位角45°和-45°下的直升机目标仿真验证多方位角3维点云融合方法的有效性。

关键词: 星载合成孔径雷达; 多方位角; 3维成像; 斜视观测

中图分类号: TN957 文献标识码: A 文章编号: 2095-283X(2018)06-0685-11 DOI: 10.12000/JR18073

引用格式: 匡辉,杨威,王鹏波,等.多方位角多基线星载SAR三维成像方法研究[J]. 雷达学报,2018,7(6): 685-695. DOI: 10.12000/JR18073.

Reference format: Kuang Hui, Yang Wei, Wang Pengbo, *et al.*. Three-dimensional imaging algorithm for multiazimuth-angle multi-baseline spaceborne synthetic aperture radar[J]. *Journal of Radars*, 2018, 7(6): 685–695. DOI: 10.12000/JR18073.

Three-dimensional Imaging Algorithm for Multi-azimuth-angle Multi-baseline Spaceborne Synthetic Aperture Radar

Kuang Hui Yang Wei Wang Pengbo Chen Jie

(School of Electronics and Information Engineering, Beihang University, Beijing 100191, China)

Abstract: Traditional spaceborne Synthetic Aperture Radar (SAR) can acquire three-dimensional (3D) images by using multi-baseline SAR data, which solves the problem of layover in two-dimensional (2D) SAR image, however, there is still a problem of insufficient information acquisition caused by occlusion. Considering this, a 3D imaging algorithm for multi-azimuth-angle multi-baseline spaceborne SAR is proposed in this paper; this algorithm not only solves the problem of layover, but also reduces the occlusion area by fusing the 3D point clouds obtained under different azimuth angles and improves the information acquisition ability of spaceborne SAR. First, the observation model of multi-azimuth-angle multi-baseline spaceborne SAR is established, and it shows that the mathematical signal models of the multi-baseline SAR in the squint mode and broadside mode are the same, which provides theoretical support for the direct application of broadside 3D imaging algorithm to the 3D processing of squint mode. On this basis, the 3D imaging algorithm and processing flow of multiazimuth-angle multi-baseline spaceborne SAR are presented. Finally, the effectivenesses of the squint 3D imaging method and 3D point clouds fusion method are verified by point targets simulation experiment with 45° azimuth angle and helicopter simulation experiments with 45° and -45° azimuth angles, respectively.

Key words: Spaceborne Synthetic Aperture Radar (SAR); Multi-azimuth-angle; There-dimensional (3D) imaging; Squint observation

Foundation Item: The International S&T Cooperation Program of China (2015DFA10270)

责任主编:张晓玲 Corresponding Editor: Zhang Xiaoling

收稿日期: 2018-09-04; 改回日期: 2018-12-15

^{*}通信作者: 陈杰 chenjie@buaa.edu.com

基金项目: 国际科技合作专项(2015DFA10270)

1 引言

星载合成孔径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR)具备全天时、全天候的工作能力,已成为空 间对地观测的重要手段之一。经历了近40年的发 展,星载SAR在多波段、多极化、多模式、高分宽 幅等方面取得了重要的研究成果,但在目标多方位 角3维信息获取方面仍是空白,限制了星载SAR的 应用效能。

多方位角星载SAR是指具备方位波束大角度扫 描能力,能单航过对同一目标或场景从不同方位角 进行观测的天基维波成像雷达系统^[1,2],其通过控 制方位波束指向,一方面能够增加雷达系统对目标 的观测时间,提高方位分辨率;另一方面雷达具备 大斜视工作能力,在单航过中可实现广域多目标的 灵活观测和重点目标的多方位角精细探测,既可提 升雷达系统工作的灵活性,也可获取目标的多方位 角散射信息。

多方位角星载SAR在目标3维信息获取方面也 具有很好的应用潜能。基于多基线的SAR层析 (SAR Tomography, TomoSAR)^[3-9] 3维成像技术可 以解决SAR 2维图像中固有的叠掩问题^[10],但是现 有的星载SAR系统只能获取观测区域小方位角范围 内的3维图像,无法获取复杂、不规则目标中被遮 挡部分的3维信息。遮挡现象在城市区域尤为严重[45], 文献[6,7]通过将升降轨获取的3维图像融合处理可 以减少遮挡区域,但获取升降轨图像数据需要较长 时间,且仍仅获取了左右正侧视两个方向的观测信 息。为此,本文首次提出了多方位角多基线星载SAR 3维观测模型,其不仅可通过多基线3维成像解决 SAR 2维图像中的叠掩问题,还可通过融合不同方 位角下的3维点云减少了遮挡区域,可提升星载SAR 观测性能。但为得到融合后的多方位角3维点云, 需要解决方位斜视观测时的多基线3维成像和多方 位角3维点云融合两大难题。目前尚无论文开展方位 斜视观测时的多基线3维成像技术的研究, 文献[11] 分析了方位斜视时的干涉信号模型,具有借鉴意义。 在3维点云融合方面, 文献[7]则是先将3维点云投影 到地面估计建筑物的轮廓,在此基础上利用建筑物 侧面垂直于地面的先验信息,将左右侧视获取的 3维点云进行融合得到重建后的3维建筑,但该方法 不适用于有复杂3维结构的目标。文献[12]提出了一 种基于立体像素网格的融合方法,并已应用于多基 线机载SAR 3维点云融合中,取得了较好的效果, 该方法也适用于不同方位角下3维点云融合处理。

基于上述分析,为获取目标的多方位角3维信息,本文首先建立多方位角多基线星载SAR 3维观

测模型,并推导论证方位斜视观测时的多基线3维 成像信号模型与正侧视时具有统一的形式,因此可 以直接将正侧视多基线3维成像方法应用于方位斜 视模式;进一步分析方位配准精度对3维成像的影 响,并指出方位配准精度随着方位斜视角的增大而 增大;讨论3维点云生成方法和多方位角3维点云融 合方法;在上述分析的基础上,提出多方位角多基 线星载SAR 3维成像方法,并给出3维成像处理流 程,最后通过点目标和直升机模型仿真实验验证本 文方法的有效性。

2 空间成像几何模型与信号模型

2.1 空间成像几何模型

多方位角多基线星载SAR观测模型如图1所示, 其中, $L_n(n=1,2,...,N)$ 表示卫星第n次飞行轨迹, $P_{n,m}(n=1,2,...,N,m=1,2,...,M)$ 表示在第n次 飞行过程对目标区域的第m次观测,其对应的方位 斜视角为 φ_m ,N和M分别为卫星飞行轨道次数和每 轨飞行过程中的观测次数。图中假设每轨飞行过程 观测的次数相同,且方位角也相同。基于图1所示 观测模型,则可获取同一目标区域的 $N \times M$ 组2维 成像数据,为进行3维成像提供了丰富的数据源对, 将同一方位角下的多基线数据进行处理,则可实现 方位斜视3维成像。

为了获取方位斜视观测下的3维图像,建立了 如图2所示的斜视多基线星载SAR 3维成像几何模 型,假设卫星利用多航过对目标区域进行了N次观 测,且每次观测的方位角均为φ,以第N/2次观测 模型为参考,建立直角坐标系O-XYZ,卫星沿Y轴 方向飞行,飞行速度为v,P_n表示第n次观测时卫星 位置,其位于平面P_{N/2}O‴O内,S为高度向,其垂



图 1 多方位角多基线星载SAR观测模型

Fig. 1 Obsevation model of multi-azimuth-angle multi-baseline spaceborne SAR



图 2 斜视多基线星载SAR 3维成像几何模型 Fig. 2 3D imaging geometry of squinted multi-baseline spaceborne SAR

直于斜距成像平面 $P_{N/2}O''O''$,且平行于平面 $P_{N/2}O''O, R垂直于Y轴和S轴,直线b为平行基线$ $方向,其位于平面<math>P_{N/2}O''O$ 内,且平行于S轴, $y_{N/2}为P_{N/2}$ 到平面 $P'_{N/2}O''O'$ 的距离,r为 $P_{N/2}$ 与 $O''之间的距离,r_0为P'_{N/2}与O''之间的距离,由图$ $中几何关系可知<math>r = \sqrt{r_0^2 + y_{N/2}^2}$,且有 $r_0 = r\cos\varphi$, $y_{N/2} = r\sin\varphi$ 。将向量 $P_{N/2}P_n$ 分别沿S和R方向投 影,则可以得到垂直基线 $b_{n,\perp}$ 和平行基线 $b_{n,//}$ 分 别为

$$b_{n,\perp} = \frac{\boldsymbol{P}_{N/2}\boldsymbol{P}_n \cdot \boldsymbol{s}}{|\boldsymbol{s}|} \tag{1}$$

$$b_{n,//} = \frac{\boldsymbol{P}_{N/2} \boldsymbol{P}_n \cdot \boldsymbol{r}_0}{|\boldsymbol{r}_0|} \tag{2}$$

基于图2几何模型, P_n 与位于S轴上的目标点A(r,s)的斜距为 $R_n(r,s)$,则有

$$R_{n}(r,s) = \sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + (s - b_{n,\perp})^{2} + (r\sin\varphi)^{2}}$$
$$\approx \sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + (r\sin\varphi)^{2}}$$
$$+ \frac{(s - b_{n,\perp})^{2}}{2\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + (r\sin\varphi)^{2}}}$$
(3)

2.2 信号模型

假设获取的原始数据已经采用2维成像算法完成聚焦处理,并得到了2维复图像数据,且选择第 N/2图像为主图像,并将其它图像与主图像进行配准,图像配准方法在后文中将进行详细讲述。则基于Born近似,第n幅图像中的信号具有如下形式^[8,9]:

$$SS_{n}(y,r) = \int_{y-\frac{\rho_{a}}{2}}^{y+\frac{\rho_{a}}{2}} \int_{r-\frac{\rho_{r}}{2}}^{r+\frac{\rho_{r}}{2}} f(y-y',r-r')$$
$$\cdot \left[\int_{s_{\min}}^{s_{\max}} \sigma(y',r',s)\right]$$
$$\cdot \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda} R_{n}(r',s)\right\} ds ds dy' dr' \quad (4)$$

其中, ρ_{a} 和 ρ_{r} 分别为2维图像中的方位向和距离向 分辨率, $\sigma(y',r',s)$ 为3维目标散射系数, λ 是波 长, $[s_{\min},s_{\max}]$ 为目标在高度向的跨度,f(y,r)为 点目标2维响应函数,在斜视观测时,其近似具有 如下形式:

$$f(y,r) = \operatorname{sinc}\left(\frac{y}{\rho_{\mathrm{a}}}\right) \cdot \operatorname{sinc}\left(\frac{r - \lambda f_{\mathrm{dc}}y/2v}{\rho_{\mathrm{r}}}\right)$$
$$\cdot \exp\left\{-\mathrm{j}2\pi f_{\mathrm{dc}}\frac{y}{v}\right\}$$
(5)

其中, f_{dc}为多普勒中心频率。从式(5)可以看出, 与正侧视观测时点目标2维响应函数相比,斜视观 测时的点目标2维响应函数具有沿方位向的"斜 坡"相位,且方位向与距离向不完全正交。

将式(5)代入式(4)中,则有

$$SS_{n}(y,r) = \int_{y-\frac{\rho_{a}}{2}}^{y+\frac{\rho_{a}}{2}} \int_{r-\frac{\rho_{r}}{2}}^{r+\frac{\rho_{r}}{2}} \operatorname{sinc}\left(\frac{y-y'}{\rho_{a}}\right)$$
$$\cdot \operatorname{sinc}\left(\frac{r-\lambda f_{dc}(y-y')/2v-r'}{\rho_{r}}\right)$$
$$\cdot \exp\left\{-j2\pi f_{dc}\frac{y-y'}{v}\right\}$$
$$\cdot \left[\int_{s_{\min}}^{s_{\max}} \sigma\left(y',r',s\right)\right]$$
$$\cdot \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}R_{n}\left(r',s\right)\right\} ds ds dy' dr' \quad (6)$$

$$R_{n}(r',s) \approx \sqrt{\left(r'\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r'\sin\varphi\right)^{2}} + \frac{\left(s - b_{n,\perp}\right)^{2}}{2\sqrt{\left(r'\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r'\sin\varphi\right)^{2}}}$$
(7)
$$\oplus \mp r' \in \left(r - \frac{\rho_{\rm r}}{2}, r + \frac{\rho_{\rm r}}{2}\right)$$
 $\pi r' \gg \rho_{\rm r}, \quad \text{M}$

$$\frac{(s - b_{n,\perp})^2}{2\sqrt{\left(r'\cos\varphi - b_{n,//}\right)^2 + (r'\sin\varphi)^2}} \approx \frac{(s - b_{n,\perp})^2}{2\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^2 + (r\sin\varphi)^2}}$$
(8)
又因为 $r \gg b_{n,//}$, 则有

$$\sqrt{\left(r'\cos\varphi - b_{n,//}\right)^2 + \left(r'\sin\varphi\right)^2 - \sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^2 + \left(r\sin\varphi\right)^2} \\
= \frac{\left(r' + r - 2\cos\varphi b_{n,//}\right)\left(r' - r\right)}{\sqrt{\left(r'\cos\varphi - b_{n,//}\right)^2 + \left(r'\sin\varphi\right)^2} + \sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^2 + \left(r\sin\varphi\right)^2} \\
\approx \left(r' - r\right) - \frac{b_{n,//}\left(r' - r\right)\cos\varphi}{r} \approx \left(r' - r\right)$$
(9)

$$R_{n}(r',s) \approx \left(\sqrt{\left(r'\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + (r'\sin\varphi)^{2}} - \sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + (r\sin\varphi)^{2}}\right) + \left(\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + (r\sin\varphi)^{2}} + \frac{\left(s - b_{n,\perp}\right)^{2}}{2\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r\sin\varphi\right)^{2}}}\right) \approx R_{n}(r,s) + (r'-r)$$
(10)

将式(10)代入式(6)中,则有

$$SS_{n}(y,r) = \int_{s_{\min}}^{s_{\max}} \left[\int_{y-\frac{\rho_{a}}{2}}^{y+\frac{\rho_{a}}{2}} \int_{r-\frac{\rho_{r}}{2}}^{r+\frac{\rho_{r}}{2}} \operatorname{sinc}\left(\frac{y-y'}{\rho_{a}}\right) \\ \cdot \operatorname{sinc}\left(\frac{r-\lambda f_{\mathrm{dc}}\left(y-y'\right)/2v-r'}{\rho_{\mathrm{r}}}\right) \\ \cdot \exp\left\{-\mathrm{j}2\pi f_{\mathrm{dc}}\frac{y-y'}{v}\right\} \\ \cdot \sigma\left(y',r',s\right)\exp\left\{-\mathrm{j}\frac{4\pi}{\lambda}\left(r'-r\right)\right\}\mathrm{d}y'\mathrm{d}r'\right] \\ \cdot \exp\left\{-\mathrm{j}\frac{4\pi}{\lambda}R_{n}\left(r,s\right)\right\}\mathrm{d}s$$
(11)

对于2维图像中一特定的像素单元,式(11)中 中括号内的二元积分项为定值,可以表示为如下形式:

$$\sigma_{0}(y, r, s) = \int_{y-\frac{\rho_{a}}{2}}^{y+\frac{\rho_{a}}{2}} \int_{r-\frac{\rho_{r}}{2}}^{r+\frac{\rho_{r}}{2}} \sigma(y', r', s) \operatorname{sinc}\left(\frac{y-y'}{\rho_{a}}\right)$$
$$\cdot \operatorname{sinc}\left(\frac{r-\lambda f_{dc}(y-y')/2v-r'}{\rho_{r}}\right)$$
$$\cdot \exp\left\{-j2\pi f_{dc}\frac{y-y'}{v}\right\}$$
$$\cdot \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}(r'-r)\right\} dy' dr' \qquad (12)$$

式(12)表明经过2维成像后,3维目标的散射系 数可以看作是在同一像素单元内的多个目标经过方 位、距离的幅度和相位调制的结果,因此式(6)可 以简化为

$$SS_{n}(y, r) = \int_{s_{\min}}^{s_{\max}} \sigma_{0}(y, r, s)$$
$$\cdot \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda} R_{n}(r, s)\right\} ds \qquad (13)$$

由式(13)可以看出,方位斜视观测和正侧视 观测时的信号模型具有统一的形式,传统基于正 侧视观测的SAR 3维信号模型是式(13)的一个 特例,即方位角φ为零0°。但对于散射特性随方 位角变化的目标,在不同方位角观测时,式(12) 中的二元积分项σ₀(*y*,*r*,*s*)会不同,则经过3维 反演后的3维散射系数也存在差异,其对后续的 3维点云融合也有影响。本文主要从理论上分析说 明多方位角多基线星载SAR 3维成像的可行性,因 此假设目标散射特性不随方位角变化,但在后续研 究将会分析散射特性空变性对3维点云融合的 影响。

3 多方位角多基线星载SAR 3维成像方法 与流程

3.1 星载SAR斜视3维成像方法

基于式(13)的统一信号模型,则用于处理正 侧视多基线SAR数据的方法也可以直接用于处理 斜视多基线SAR数据。目前,SAR 3维成像处理方 法主要分为3类,分别是基于傅里叶变换的方法、 基于现代谱估计的方法和基于压缩感知理论的方 法。本文重点研究星载SAR斜视3维成像机理,同 时考虑未来星载SAR可通过轨道优化设计、多星 组网等方式获取高度向均匀、过采样信号,因此本 文采用基于傅里叶变换的方法进行高度向数据 处理。

为实现高度向信号的聚焦,首先需要将高度向 信号的2次相位补偿掉,使得高度向信号的频率范 围校正到零频附近,其可通过将高度向信号与参考 目标信号进行共轭相乘实现,该步骤也称为去斜,文 献[9]对高度向信号去斜进行了详细说明。但为了计 算参考目标信号,需要成像区域的参考地形(如DEM 参数),在初始DEM无法获取或者DEM数据精度不 够时,可采用SAR图像立体定位方法^[13]获取DEM 数据。在地形已知的情况下,参考目标信号可以表 示为

$$H_{n}(r,y) = \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}R_{n}(r,0)\right\} = \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + b_{n,\perp}^{2} + \left(r\sin\varphi\right)^{2}}\right\}$$
$$\approx \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r\sin\varphi\right)^{2}}\right\}\exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}\frac{b_{n,\perp}^{2}}{2\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r\sin\varphi\right)^{2}}}\right\} (14)$$

去斜后信号为

$$SS'_{n}(y,r) = SS_{n}(y,r) H_{n}^{*}(r,y) = \int_{s_{\min}}^{s_{\max}} \sigma_{0}(y,r,s) \exp\left\{j\frac{4\pi}{\lambda} \frac{sb_{n,\perp}}{\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r\sin\varphi\right)^{2}}}\right\}$$
$$\cdot \exp\left\{-j\frac{2\pi}{\lambda} \frac{s^{2}}{\sqrt{\left(r\cos\varphi - b_{n,//}\right)^{2} + \left(r\sin\varphi\right)^{2}}}\right\} ds$$
(15)

式(15)包括关于高度向位置s的2次相位项,该 相位项对于高度向目标聚焦无影响,可将其归结到 $\sigma_0(y,r,s)$ 中。同时,考虑到 $b_{n,//} \ll r$,则式(15)可 以写为

$$SS'_{n}(y, r) \approx \int_{s_{\min}}^{s_{\max}} \sigma'_{0}(y, r, s)$$
$$\cdot \exp\left\{-j2\pi \left(-\frac{2b_{n,\perp}}{\lambda r}\right)s\right\} ds$$
$$= FT\left(\sigma'_{0}(y, r, s)\right)|_{\xi_{n}}$$
(16)

其中, FT(·)表示傅里叶变换函数, $\sigma'_0(y, r, s) = \sigma_0(y, r, s) \exp\left\{-j\frac{2\pi}{\lambda}\frac{s^2}{r}\right\}, \xi_n = -\frac{2b_{n,\perp}}{\lambda r}$ 。

由式(16)可以看出,高度向采样信号可看作是 高度向目标散射信息的频谱在ξ_n处的采样,因此通 过逆傅里叶变换即可重构高度向的散射信息,即

 $\sigma'_0(y, r, s) = \mathrm{FT}^{-1}(\mathrm{SS}'_n(y, r))$ (17)

其中, FT⁻¹(·)表示逆傅里叶变换函数。

通过上述处理后,假设垂直基线 $b_{n,\perp}$ 沿高度向均匀分布,相邻垂直基线间距为 Δb ,则在高程向的分辨率 ρ_h 和最大无模糊高程h分别为

$$\rho_{\rm h} = \rho_{\rm s} \sin \theta_r = \frac{\lambda r \sin \theta_r}{2B_{\perp,\rm total}} \tag{18}$$

$$h = H\sin\theta_r = \frac{\lambda r \sin\theta_r}{2\Delta b} \tag{19}$$

其中, $B_{\perp,\text{total}} = |b_{N,\perp} - b_{1,\perp}|$ 为总的垂直基线长度, θ_r 为本地入射角。

3.2 斜视SAR图像配准精度分析

在3维成像处理前,需要对原始2维图像数据进行配准。实际中,图像难以做到完全配准,因此需要分析配准误差对3维成像的影响。

为了简化分析,假设一个像素单元内仅有一个 目标,且像素单元内信号不受其它像素单元目标的 影响。若目标σ(y₀, r₀, s)刚好落在像素单元(y, r)中 心,第n幅图像无配准误差时,其信号模型为

$$SS_{n}(y, r) = \sigma(y_{0}, r_{0}, s) \operatorname{sinc}\left(\frac{y - y_{0}}{\rho_{a}}\right)$$
$$\cdot \operatorname{sinc}\left(\frac{r - r_{0} - \lambda f_{dc}(y - y_{0})/2v}{\rho_{r}}\right)$$
$$\cdot \exp\left\{-j2\pi f_{dc}\frac{y - y_{0}}{v}\right\}$$
$$\cdot \exp\left\{-j\frac{4\pi}{\lambda}R_{n}(r_{0}, s)\right\}$$
(20)

若第n幅图像与主图像存在配准误差为($\Delta y, \Delta r$), 其中 Δy 和 Δr 分别为方位向和距离向的配准误差 量,则(y,r)像素单元对应的信号模型为:

$$SS'_{n}(y, r) = \sigma(y_{0}, r_{0}, s) \operatorname{sinc}\left(\frac{y - y_{0} - \Delta y}{\rho_{\mathrm{a}}}\right)$$
$$\cdot \operatorname{sinc}\left(\frac{r - r_{0} - \Delta r - \lambda f_{\mathrm{dc}}(y - y_{0} - \Delta y)/2v}{\rho_{\mathrm{r}}}\right)$$
$$\cdot \exp\left\{-\mathrm{j}2\pi f_{\mathrm{dc}}\frac{y - y_{0} - \Delta y}{v}\right\}$$
$$\cdot \exp\left\{-\mathrm{j}\frac{4\pi}{\lambda}R_{n}(r_{0}, s)\right\}$$
(21)

比较式(21)和式(20)可以看出,当存在配准误 差时,信号不仅在幅度上有差异,在相位上也发生 了变化。幅度上的差异受sinc(·)函数的包络调制影 响,而相位的变化是由于方位向"斜坡"相位引起 的,图3对这一现象进行了说明。

通常情况下,采用分块精配准处理,图像配准 精度可优于0.1个像素单元^[14]。文献[15]的分析结果 表明,在图像配准精度达到0.1个像素单元时,其 对3维成像的影响可以忽略。但上述文献中的分析 针对的是正侧视观测情况,正侧视观测时多普勒中 心频率为0,因此方位向配准误差不会引入相位误 差。但在斜视条件下,方位向配准误差引入的相位 误差不可忽略,方位向配准误差Δy引入的相位误 差φerror 如式(22)所示:



图 3 方位向配准误差影响分析示意图

Fig. 3 Influence analysis of the registration error in azimuth

$$\varphi_{\text{error}} = 2\pi f_{\text{dc}} \frac{\Delta y}{v} = 2\pi f_{\text{dc}} \frac{\Delta y}{v/f_{\text{PRF}}} \frac{1}{f_{\text{PRF}}}$$
$$= 2\pi f_{\text{dc}} \frac{1}{f_{\text{PRF}}} \Delta k \tag{22}$$

其中, f_{PRF} 为脉冲重复频率, $\Delta k = f_{\text{PRF}} \frac{\Delta y}{v}$ 是以像素单元为单位。

假设各图像与主图像间的配准误差服从均匀分布[-K,K],其中0 < K < 1,则高度向信号序列也存在均匀分布的误差相位。若要求误差相位不超过90°,则有

$$K \le \frac{f_{\rm PRF}}{4f_{\rm dc}} = \frac{f_{\rm PRF}\lambda}{8v\sin\varphi} \tag{23}$$

基于表1中的仿真参数,仿真分析了方位向配 准精度需求随方位角的变化关系,其结果如图4 所示,可以看出随着方位角的增大,方位向配准精 度要求越高,当方位向斜视角为45°时,方位向配 准误差要控制在0.01个像素单元以内。

为了进一步验证上述分析的合理性,图5给出 了方位角为45°下不同配准误差时高度向成像结 果。由图5可以看出,当配准误差大于0.01个像素

Tab. 1 Simulation parameters	
参数	参数值
中心视角(°)	30
波长(m)	0.03
带宽(MHz)	300
采样率(MHz)	360
天线长度(m)	6
脉冲重复频率(Hz)	3000
轨道高度(km)	520
偏心率	0.0011
升交点赤径(°)	0
轨道倾角(°)	97.44
近地点幅角(°)	90
方位角(°)	$-45 \sim 45$

表 1 仿真参数



Fig. 4 The relationship between azimuth registration accuracy and azimuth angle

单元时,旁瓣抬升,成像质量严重恶化,验证了上 述理论分析的正确性。

为了确保高度向成像质量,本文采用基于频谱 分割差分相位的配准方法^[16]完成SAR图像的精配 准。该方法已经应用于干涉SAR图像的配准中,机 载SAR真实数据处理结果表明该方法的配准精度优 于0.01个像素单元^[16]。在实际场景中,若目标区域 高程起伏较大,可将场景区域划分更小的子块,逐 子块进行精配准。同时,为了保证高度向成像质 量,本文建议斜视多基线星载SAR 3维成像时,其 方位角不超过45°。

3.3 3维点云生成与融合方法

对于星载SAR系统,由于多基线2维图像数据 获取需要间隔较长时间,非永久散射体目标相干性 较差,在高度向处理中相当于噪声,因此需要通过 3维点云生成步骤去除非相干目标点,只保留永久 散射体目标。为了获取3维点云,首先对每个方位/ 距离像素单元沿高度向用惩罚似然准则的方法[3] 估计目标个数,即模型阶数选择,并获取目标的散 射信息;进一步根据空间成像几何关系可得到每个 目标的3维坐标:最后,将各目标点3维坐标转换到 地心转动坐标系中,即可得到3维几何校正后的3维 点云。当获取了多个方位角的3维点云后,可采用 基于立体像素网格的融合方法进行3维点云融合[12]。 利用该方法可在转动地心坐标系下进行3维立体网 格划分,网格像素间距可根据3维分辨率设定,根 据已知目标点的位置信息可确定目标在3维立体网 格中的位置。由于多方位角的3维点云存在重复目 标点,当一个3维立体网格中存在多个目标点时, 则分别以这些目标点的幅度和几何位置参数的平均 值当做该网格目标的幅度和几何位置参数。通过幅 度平均,还可以一定程度上缓解目标散射系数随方 位角的空变性。通过上述处理,则可以得到多方位 角3维点云融合后的图像。需要注意的是, 受论文





篇幅影响,本文在3维融合处理中没有考虑目标散 射系数随方位角的空变性对3维点云融合的影响, 在后续的研究将对此进行进一步分析。

基于上述分析,多方位角多基线星载SAR 3维 成像处理流程如图6所示,主要包括SAR斜视3维处 理和多方位角3维点云融合两个步骤。首先,利用 单方位角下获取的多基线数据经过斜视SAR图像配 准、去斜处理、高度向处理和3维点云生成,可得 到单角度的3维点云图像,再将多个方位角的3维点 云通过融合处理,即可得到目标的多方位角3维图像。

4 仿真实验

为了验证本节提出的多方位角多基线星载SAR 3维成像处理方法的有效性,分别进行了点阵目标 和直升机模型仿真实验,仿真参数如表1所示。通 过合理设计轨道,可利用轨道重访获得均匀基线分 布,图7给出了方位角45°观测时得到49条基线分布





Fig. 6 3D imaging flowchar of multi-azimuth-angle multi-baseline spaceborne SAR



图 7 基线分布图 Fig. 7 Distribution of baseline

图,从图7(a)可以看出垂直基线总长度约3000 m, 相邻垂直基线间距约63 m,根据式(18)和式(19)可 求得高程向分辨率和最大无模糊高程分别约为2 m 和90 m;图7(b)中的平行基线长度约为1700 m, 远小于斜距长度。

4.1 点阵目标仿真实验

点阵目标场景分布如图8所示,其包含5个离散 点目标,图9给出了方位角为45°时3维成像结果。 图9(a)为点阵目标的压缩结果,可以看出目标均被 压缩到正确的位置;图9(b)-图9(d)分别为中心点 目标在方位向、斜距向和高度向的剖面图,其中斜 距向剖面图是根据式(4)沿斜距向最大值方向获取 的,而不是直接沿垂直方位向,可以看出目标得到 了精确聚焦。上述仿真结果验证了本文提出的星载 SAR斜视3维成像方法的有效性。

4.2 直升机模型仿真实验

为进一步说明多方位角多基线星载SAR 3维成 像在解决叠掩与遮挡方面的优越性,进行了多方位 角3维成像实验。仿真中使用的直升机3维结构模型



如图10所示。基于直升机3维结构模型,采用时域 有限差分方法(Finit-Difference Time-Domain method, FDTD)^[17]可获取不同方位角观测下直升 机模型电磁散射系数,如图11所示,图11(a)和图11(b) 分别为方位角为45°(前斜视)和-45°(后斜视)下的仿 真结果,图中每个点表示一个散射单元,其电磁散 射系数进行了归一化处理,并用不同的颜色进行编 码(为了匹配系统的分辨率,实际仿真中将直升机



Fig. 9 Imaging results of point targets

模型等比例放大了16倍)。从图11(a)和图11(b)中可 以看出明显的遮挡效应,不同方位角下获取的电磁 散射结果也具有较大差别。图11(c)给出了±45°斜 视角下获取的电磁散射单元融合后的结果(仅考虑 了散射单元位置,忽略了电磁散射系数大小),其 中红色和蓝色分别表示方位角-45°和45°时可观测 的散射单元,可以看出通过多方位角度融合可得到 直升机的较完整的结构模型,进一步说明采用多方 位角观测获取3维图像的必要性。

在卫星每次飞行过程中,通过调整方位波束指向,对仿真场景进行了2次观测,分别为方位角45°和-45°,并且通过轨道重访得到了49轨数据。



图 10 直升机3维结构模型 Fig. 10 3D structure model of the helicopter

采用本文提出的3维成像方法分别对45°和-45° 方位角下获取的2维图像序列进行数据处理,得到 3维成像结果如图12所示。图12(a)和图12(b)分别为 方位角45°和-45°时的3维点云结果,其中目标点归 一化后的散射系数用不同颜色显示,图中目标的 3维结构与图11中的仿真模型一致,进一步验证了 本文提出的斜视3维成像方法的有效性。图12(c) 给出了将方位角45°和-45°3维点云融合后的结果。 可以看出,经过3维点云融合后,可获取目标更全 面的3维信息,展现了多方位角多基线星载SAR在 3维成像方面的优越性。

5 结论

本文针对多方位角多基线星载SAR 3维成像技术开展研究,首先建立多方位角多基线星载SAR空间观测模型,进而推导多基线星载SAR统一的3维成像信号模型,在此基础上提出星载SAR斜视3维成像方法,分析斜视条件下图像配准精度对3维成像质量的影响,并给出星载SAR 3维点云生成与融合方法和处理流程。最后,通过点阵目标和直升机模型仿真实验验证本文方法的有效性。本文从理论上说明了多方位角多基线星载SAR 3维成像的可行性,但仍存在较多不足,在后续研究将对以下问题进行深入的分析:(1)进一步研究目标散射系数空变性对多方位角3维点云融合的影响,并提出有效



Fig. 11 Simulation results of electromagnetic scattering from helicopter model



图 12 直升机目标45°和-45° 3维成像结果 Fig. 12 3D imaging result of the helicopter target at ±45°

的补偿方法;(2)当存在系统误差时,不同方位角 下获取的3维点云在地心转动坐标系下存在位置偏 移,无法直接进行融合处理,需要先对不同方位角 获取3维点云进行配准,再进行融合处理,因此需 要进一步研究3维点云配准方法。

参考文献

李春升, 王伟杰, 王鹏波, 等. 星载SAR技术的现状与发展趋势[J].
 电子与信息学报, 2016, 38(1): 229-240. DOI: 10.11999/JEIT
 151116.

Li Chun-sheng, Wang Wei-jie, Wang Peng-bo, et al.. Current situation and development trends of spaceborne SAR technology[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2016, 38(1): 229-240. DOI: 10.11999/JEIT 151116.

- [2] Jung H S, Lu Z, Shepherd A, et al.. Simulation of the SuperSAR multi-azimuth synthetic aperture radar imaging system for precise measurement of three-dimensional earth surface displacement[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2015, 53(11): 6196–6206. DOI: 10.1109/TGRS.2015.2435776.
- [3] Zhu X X and Bamler R. Very high resolution spaceborne SAR tomography in urban environment[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2010, 48(12): 4296-4308. DOI: 10.1109/TGRS.2010.2050487.
- [4] Zhu X X, Shahzad M, and Bamler R. From TomoSAR point clouds to objects: Façade reconstruction[C].

Proceedings of 2012 Tyrrhenian Workshop on Advances in Radar and Remote Sensing, Naples, Italy, 2012: 106–113.

- Shahzad M, Zhu X X, and Bamler R. Façade structure reconstruction using spaceborne TomoSAR point clouds[C].
 Proceedings of 2012 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium, Munich, Germany, 2012: 467–470. DOI: 10.1109/IGARRSS.2012.6351385.
- [6] Wang Y Y and Zhu X X. Feature-based fusion of tomosar point clouds from multiview TerraSAR-X data stacks[C]. Proceedings of 2013 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium, Melbourne, Australia, 2013: 85–88. DOI: 10.1109/IGARSS.2013.6721098.
- [7] Zhu X X and Shahzad M. Facade reconstruction using multiview spaceborne TomoSAR point clouds[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2014, 52(6): 3541–3552. DOI: 10.1109/TGRS.2013.2273619.
- [8] Fornaro G, Serafino F, and Soldovieri F. Three-dimensional focusing with multipass SAR data[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2003, 41(3): 507–517. DOI: 10.1109/TGRS.2003.809934.
- [9] 孙希龙. SAR层析与差分层析成像技术研究[D]. [博士论文], 国防科学技术大学, 2012.
 Sun Xi-long. Research on SAR tomography and differential SAR tomography imaging technology[D]. [Ph.D. dissertation], National University of Defense Technology, 2012.
- [10] Curlander J C and McDonough R N. Synthetic Aperture

695

第6期

Radar: Systems and Signal Processing[M]. New York: John Wiley & Sons, 1991.

- [11] Bara M, Scheiber R, Broquetas A, et al.. Interferometric SAR signal analysis in the presence of squint[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2000, 38(5): 2164–2178. DOI: 10.1109/36.868875.
- Schmitt M. Reconstruction of urban surface models from multi-aspect and multi-baseline interferometric SAR[D].
 [Ph.D. dissertation], Technische Universität München, 2014.
- [13] 周月琴,郑肇葆,李德仁,等. SAR图像立体定位原理与精度分析[J]. 遥感学报, 1998, 2(4): 245-250. DOI: 10.11834/ jrs.19980402.

Zhou Yue-qin, Zheng Zhao-bao, Li De-ren, *et al.*. Stereopair positioning algorithm for SAR images and its accuracy analysis model[J]. *Journal of Remote Sensing*, 1998, 2(4): 245–250. DOI: 10.11834/jrs.19980402.

[14] 王青松,黄海风,董臻.星载干涉合成孔径雷达[M].北京:科学 出版社,2012.



作者简介

匡 辉(1990-),男,湖北罗田人,现为 北京航空航天大学电子信息工程学院博 士生,研究方向为高分辨率星载SAR信 号仿真与成像、多方位角星载SAR 3维 成像技术。

E-mail: kuanghui@buaa.edu.cn



杨 威(1983-),男,湖北宜昌人,博 士,副教授。2011年在北京航空航天大 学获得博士学位,现担任北京航空航天 大学电子信息工程学院副教授。主要研 究方向为高分辨率星载SAR系统设计、 成像处理、图像处理和目标检测方法,

目前发表论文50余篇。 E-mail: yangweigigi@sina.com Wang Qing-song, Huang Hai-feng, and Dong Zhen. Spaceborne Interferometric SAR[M]. Beijing: Science Press, 2012.

[15] 王金峰. SAR层析三维成像技术研究[D]. [博士论文], 电子科 技大学, 2010.

Wang Jin-feng. Study of three-dimentional synthetic aperture radar tomography imaging technology[D]. [Ph.D. dissertation], University of Electronic Science and Technology of China, 2010.

- [16] Moreira A and Scheiber R. A new method for accurate coregistration of interferometric SAR images[C]. 1998 IEEE International Geoscience and Remote Sensing. Symposium Proceedings, Seattle, USA, 1998, 2: 1091–1093. DOI: 10.1109/IGARSS.1998.699682.
- [17] Yee K. Numerical solution of initial boundary value problems involving maxwell's equations in isotropic media[J]. *IEEE Transactions on Antennas and Propagation*, 1966, 14(3): 302–307. DOI: 10.1109/TAP.1966.1138693.



王鹏波(1979-),男,江西波阳人,博 士,副教授。2007年在北京航空航天大 学获博士学位,现担任北京航空航天大 学电子信息工程学院副教授。主要研究 方向为新体制成像雷达系统技术、高分 辨率雷达成像处理技术。

E-mail: wangpb7966@buaa.edu.cn



陈 杰(1973-),男,河南郑州人,博 士,教授,博士生导师。2011年在北京 航空航天大学获得博士学位,现担任北 京航空航天大学电子信息工程学院副院 长。主要研究方向为星载SAR新体制、 图像质量提升理论与方法、电离层探测

方法等,目前发表论文100余篇。 E-mail: chenjie@buaa.edu.com